



المنافعة الم

انٹرمیڈیٹ کے لئے بربنائے جیوٹرکل وَنگر کُوٹ ٹوٹ اینڈوالٹرز مترجمہ فاضی محکمت میں صاحب ایمر۔ اے (ینجاب)

> چَامِنْ قَانِیہ شسست کرمہ قسسان کرم شیقا عمر

یہ تن سکیں کمپنی کی اجازت سے جن کوخوق کا بی دانٹ حاسل ہیں طبع کی گئی ہے۔



ونیا میں ہر قوم کی زندگی میں ایک ایسا زمانہ آتا ہے جب کہ اُس کے قوائے ذہنی میں انحطاط کے آشار نبودار ہونے گئے ہیں ' ایجاد و انتزاع اور غور و فکر کا مادہ تقریباً مفقود ہو جاتا ہے ' عیل کی پرواز اور نظر کی جولانی سنگ اور محدود ہو جاتا ہے ' علم کا دار و مدار چند رسمی باتوں اور تقلید پر رہ جاتا ہے ۔ اُس وقت قوم یا تو بیکار اور مردہ ہو جاتی ہے یا شبھلنے کے لئے یہ لازم ہونا ہو کہ یا تو بیکار اور مردہ ہو جاتی ہے یا شبھلنے کے لئے یہ لازم ہونا ہو کہ وہ دوسری ترقی یافتہ اقوام کا اثر قبول کرے ۔ تاریخ عالم کے ہر دَور میں اس کی شہادتیں موجود ہیں ۔ خود ہارے دیکھتے دیکھتے ویکھتے ویکھتے ویکھتے دیکھتے ویکھتے دیکھتے دیکھتے ہوائی ہو بیان پر بہی گذری اور یہی حالت اب ہندوستان کی ہو جس طرح کوئی شفس دوسرے بنی نوع انسان سے قطع تعلق جس طرح کوئی شفس دوسرے بنی نوع انسان سے قطع تعلق کرکے عنما اور اگل تھاگ نہیں رہ سکتا اور اگر رہے تو پنپ

نہیں سکتا اسی طرح یہ بھی مکن نہیں کہ کوئی قوم دیجر اتوام عالم سے بے نیاز ہوکر بھولے بھلے اور ترقی پائے۔ جس طرح ہوا کے جمعو نئے اور ادنی پرندوں ادر کیڑے کی کوڑوں کے اثر سے وہ مقاات تک ہرے بھرے رہتے ہیں بہان انسان کی دسرس نہیں اسی طرح انسانوں اور توموں کے اثر روسی بھی ایک دورے تک اثر کر پہنچے ہیں۔ جس طرح یونان کا اثر روسی بھی ایک دورے تک اثر کر پہنچے ہیں۔ جس طرح یونان کا اثر روسی اور دیگر اقوام یورپ پر پڑا جس طرح عرب نے مجم کو اور جھالت کو مطاکر عمل کی روشنی پنچائی اور جھالت کو مطاکر علم کی روشنی پنچائی اسی طرح ترج ہم بھی بہت سی باتوں میں مغرب کے متاج ہیں۔ اسی طرح ترج ہم بھی بہت سی باتوں میں مغرب کے متاج ہیں۔ یہ تانون عالم ہے جو یوں ہی جاری رہگا۔

یہ تانون عالم ہے جو یوں ہی جاری را اور جاری رہگا۔

"دینے سے دیا یوں ہی جاتا را ہے"

جب کسی توم کی نوبت یہاں کہ پہنچ جاتی ہے اور وہ آگے قدم بڑھانے کی سی کرتی ہے تو ادبیات کے میدان میں پہنی منزل شرجمہ ہوتی ہے۔ اس لئے کہ جب قوم میں جدت اور ایکج نہیں رہی تو ظاہر ہے کہ اس کی تصانیف معہولی ادھوری کم مایہ اور ادنی ہونگی۔ اس کی تصانیف معہولی ادھوری کم مایہ اور ادنی ہونگی۔ اس وقت قوم کی بڑی فائٹ یہی ہے کہ ترجمہ کے ذریعہ سے دنیا کی اعلی درجہ کی تصانیف اپنی زبان میں افی جائیں ۔ یہی ترجمے خیالات میں تغیر اور معلومات نبی اضافہ کہیں گے، جمود کو توڑیں گے اور توم میں ایک میں املانہ کہیں گے، جمود کو توڑیں گے اور توم میں ایک نئی حکت پیدا کہیں گے اور بھر آخریہی ترجمے تصنیف وتالیف

کے جدید اسلوب اور ڈسٹک شبھھائیں گے۔ ایسے وقت میں ترهمہ تصنیف سے زیاد قابل قدر' زیادہ مفید اور زیادہ فیض رساں ہوتا ہے ۔

اسی اصول کی بنا پر جب عثمانید یونیورسٹی کی تجویز پیش مونی تو منر اگزالٹر ہائینس رستم دوراں ارسطوئے زماں سید سالار آصف جاہ مظفرالمالک نظام الدو نَقَلْبُ مِينُ عُمَّانُ عِلَيْحَانُ بَهَادُمُ فَتَعْ جَنَّاكُ جی سی اس آئی جی سی بی ای والی حید آباد دکن خلدانتہ ملکۂ و سلطنتہ نے جن کی علمی قدر دانی اورعلمی سرتی اس زمانہ میں احیائے علوم کے حق میں آب حیات کا کام کر رہی ہے' بہ تقاضائے مصلحت و دور بینی سب سے اول ً سررشتہ تالیف و ترجمہ کے تیام کی منظوری عطا فرمائی جو نہ صرف یونیورسٹی کے لئے نصاب تعلیم کی کتابیں تیار کرمیگا بلکه ملک میں نشر و اشاعتِ علوم و فنون کا کام بھی اسجام دیگا۔ آگرچہ اس سے قبل بھی یہ کام مندوستان کے منتلف مقالت مِن تعوثرا تعوثرا انجام بإيا مثلاً فورث وليمر كالج كلكته مين زبر ممرانی و آکٹر محلکرسٹ ' وہلی سوسانٹی میں' انجمن پنجاب میں زیر مگرانی ڈاکٹر لائٹنر و کرنل بالرانڈ ، علی گڑھ سائنٹک انسٹیوٹ میں جس کی بنا سے سید احمد خال مروم نے ڈالی ۔ مگریہ کوششیں سب وقتی اور عارضی تھیں۔ نہ ایکے پاس کافی سمایه اور سامان تھا نہ انہیں یہ موقع مصل تھا اور نہ انہیں آغلیجہ کے و آفل آئی جیسے علم پور فرانرواکی سر برستی کا شرف حاصل تھا۔ یہ پہلا وقت ہے کہ اردو زبان کو علوم و فنون سے الا ال کرنے کے لئے باقاعہ اور مستقل کوشش کی گئی ہے۔ اور یہ پہلا وقت ہے کہ اردو زبان کو یہ رتبہ اللہ کے کہ وہ اعلیٰ تعلیم کا ذرایعہ قرار پانی ہے۔ احیائے علوم کے لئے جو کام آگسٹس نے روسمیں فلافت عباسیہ میں بارون الرشید و المون الرشید نے بہیانیہ میں عبدالرجمان ثالث نے کہ کراجیت و اکبر نے ہند وستان میں الفرڈ نے انگلستان میں ' پیٹر اظم و کیتھرائن نے روس میں اور مت شی بٹونے جاپان میں کیا وہی فرازولئے دولت اور مت شی بٹونے جاپان میں کیا وہی فرازولئے دولت اور مت شی بٹونے جاپان میں کیا وہی فرازولئے دولت اور مت شی بٹونے جاپان میں کیا وہی فرازولئے دولت کے ساتھ ذکر کیا جائیگا۔

منجلہ اُن اسباب کے جو قونی ترقی کا موجب ہوتے ہیں ایک برا سبب زبان کی تکمیل ہے۔ جس قدر جو قوم زیادہ ترقی یافتہ ہو اُسی قدر اُس کی زبان وسیع اور اس میں نازک خیالات اور علمی مطالب کے ادا کرنے کی زیادہ صلاحیت ہوتی ہے اور جس قدر جس قوم کی زبان محدود ہوتی ہے اُسی قدر تہذیب اور جس قدر جس قوم کی زبان محدود ہوتی ہے اُسی قدر تہذیب و شایستگی بکلہ انسانیت میں اس کا درجہ کم ہوتا ہے۔ چنا پنے و شایستگی بکلہ انسانیت میں اس کا درجہ کم پایا گیا ہے۔ علائے وشی اقوام میں الفاظ کا ذخیرہ بہت ہی کم پایا گیا ہے۔ علائے فلسفہ و علم اللسان نے یہ عابت کیا ہے کہ زبان خیال اور فلسفہ و علم اللسان نے یہ عابت کیا ہے کہ زبان خیال اور

خیال ازبان ہے اور ایک مت کے بعد اس نتیج پر پہنچ ہیں کہ انسانی داغ کے صبیح تاریخی ارتفاکا علم ازبان کی تاریخ کے مطالعہ سے حاصل ہو سکتا ہے ۔ الفاظ ہمیں سوچنے میں ویسی ہی مدد دیتے ہیں جیسی آنکھیں دیکھنے میں ۔ اس سلنے زبان کی ترقی در حقیقت عقل کی ترقی ہے ۔

علم ادب اس قدر وسیع ہے جس قدر حیاتِ انسانی۔اور اس کا اثر زندگی کے ہرشعبہ پر پڑتا ہے۔وہ نہ صرف انسان کی ذہنی' معاشرتی' سیاسی ترقی میں مدد دیتا' اور نظر **میں سوس**' د اغ میں روشنی ولوں میں حرکت اور خیالات میں تغیر پیدا کرتا مے بکہ توموں کے بنانے میں ایک قوی آلہ ہے۔ تومیت کے لنے ہم خیالی شرط ہے اور ہم خیالی کے لئے ہم زبانی لازم۔ گویا یک زبانی قومیت کا شیرازہ ہے جو اسے منتشر ہونے سے بیائے رکھتا ہے۔ ایک زمانہ تھا جب کہ مسلمان اقطاع عالم میں یصلے ہوئے تھے لیکن اُن کے علم ادب اور زبان نے انہیں بر بگر ایک کر رکھا تھا۔ اس زمانے میں انگریز ایک دنیا پر جمائے ہوئے ہیں لیکن با دبور ٹیم سانت و اختلا**فِ مالا** یک زبانی کی بروات تومیت کے ایک سلسلے میں مسلک ہیں وہان میں جادو کا سا اثر ہے اور صرف افراد ہی پر نہیں بلکہ اقوام پربھی اُس کا وہی تسلط ہے۔ یمی وجہ لیے کہ تعلیم کا صحیح اور فطرتی ذریعہ اپنی ہی زبان بهوسکتی ہے۔ اس امر کو اعلی خریث واقال نش نے بیانا اور جامعۂ عُمانیہ کی بنیاد ڈالی ۔ جامعۂ عُمانیہ مندوساً

میں پہلی یونیورسٹی ہے جس میں ابتداسے انتہا تک ذریعۂ تعلیم
ایک دیسی زبان ہوگا ۔ اور یہ زبان اردو ہوگی ۔ ایک ایسے
کل میں جمال '' بہانت بہانت کی بولیاں'' بولی جاتی ہیں'
جمال ہر صوبہ ایک نیا عالم ہے' صرف اردو ہی ایک عام
اور مشترک زبان ہو سکتی ہے ۔ یہ اہل ہند کے میل جول سے
پیدا ہوئی اور اب بھی یمی اس فرض کو انجام دیگی ۔ یہ اس
کے خمیر اور وضع و ترکیب میں ہے ۔ اس لئے یمی تعلیم اور
نہادلہ خیالات کا داسطہ بن سکتی اور قومی زیان کا دعوے
کر سکتی ہے۔

کرستی ہے۔
جب تعلیم کا ذریعہ اردو قرار دیا گیا تو یہ کھلا اعتراض
تماکہ اردو میں اعلیٰ تعلیم کے لئے کتابوں کا ذخیرہ کہاں ہے
اور ساتھ ہی یہ بھی کہا جاتا تھا کہ اردو میں یہ صلاحیت ہی
نمیں کہ اس میں علوم و فنون کی اعلیٰ تعلیم ہو سکے۔ یہ صبیح
ہے کہ اردو میں اعلیٰ تعلیم کے لئے کافی ذخیرہ نہیں۔ اور اردوہی
پر کیا منصرے، ہندوستان کی کسی زبان میں بھی نہیں۔ یہ
طلب و رسد کا عام سٹل ہے۔ جب انگ ہی نہ تھی تورسہ
کہاں سے آتی ۔ جب ضرورت ہی نہ تھی تو کتا ہیں کیوکھو
مینا ہوئیں۔ ہاری اعلیٰ تعلیم غیر زبان میں ہوتی تھی، تو علوم
مینا ہوئیں۔ ہاری اعلیٰ تعلیم غیر زبان میں ہوتی تھی، تو علوم
و فنون کا ذخیرہ ہاری زبان میں کہاں سے آتا۔ ضرورت ایجاد

میا ہو جانیں گی۔ اس کی کو پورا کرنے اور اسی ضرورت کو رفع کرنے کے لئے سررشع تالیف و ترجمہ قائم کیا گیا۔ یہ صبیح نہیں ہے کہ اردو زبان میں اس کی ملاحیت نہیں۔ اس کے لئے کسی دلیل و بربان کی ضورت نہیں۔ سرشع تالیف و ترجمہ کا وجود اس کا شافی جواب ہے۔ یہ ترش بی کام کر رہا ہے۔ کتابیں تالیف و ترجمہ ہو رہی ہیں اور چند روز میں عثمانیہ یونیورسٹی کالج کے طالب علمی کے انھوں میں ہونگی اور رفتہ رفتہ عام خالفین علم کی بینے جائیں گی۔

ایکن اس میں سب سے کھی اور سنگلاخ مرصلہ وضع اصطلاحات کا تھا۔ اس میں بہت کچھے اختلاف اور بھٹ کی گنجائش ہے۔ اس بارے میں ایک مرت کے تجربہ اور کائل فور و فکر اور مشورہ کے بعد میری یہ رائے قرار پائی ہے کہ تنا نہ تو ماہر علم صبح طور سے اصطلاحات وضع کر سکتا ہے اور نہ اہر لسان۔ ایک کو دوسرے کی ضرورت ہے۔ اور نہ اہر لسان۔ ایک کو دوسرے کی ضرورت ہے۔ اور نہ اہر لسان۔ ایک کو دوسرے کی ضرورت ہے۔ اور میانا کی کمی دوسرا پورا کرتا ہے۔ اس لئے اس اہم کام کومیح طور سے انجام دینے کے لئے یہ ضوری ہے کہ دونوں کی جاجمے گئے بائیں تاکہ وہ ایک مطابق کے مشورہ اور مدد سے ایک مطابق بنائیں ہو نہ اہل علم کو ناگوار ہوں نہ اہل زبان کو۔ چنانچہ ای بنائیں ہو نہ اہل علم کو ناگوار ہوں نہ اہل زبان کو۔ چنانچہ ای اصول پر ہم نے وضع اصطلاحات کے لئے ایک ایسی مجلس بنائی ہوں یہ دونوں جاعتوں کے اصحاب شریک ہیں۔ طاوہ اِن جس میں دونوں جاعتوں کے اصحاب شریک ہیں۔ طاوہ اِن

ہم نے اُن اہلِ علم سے بھی مشورہ کیا جو اس کی خاص المیت رکھتے ہیں اور بُعدِ ملفت کی وجہ سے جاری مجلس میں شرک نیس ہو سکتے ۔ اس میں شک نہیں کہ بعض الفاظ غیر انوس معادم ہوں گے اور اہل زبان انہیں دیکھ کر ناک بہو ک چرهائیں گے ۔ لیکن اس سے گزیر نہیں ۔ ہیں بعض ایسے علوم سے واسطہ ہے جن کی ہوا تک ہاری زبان کو نہیں گئی۔ ایسی صورت میں سوانے اس کے جارہ نہیں کہ جب ہاری زبان کے موجودہ الفاظ خاص خاص مفوم کے ادا کرنے سے قاصر موں تو ہم جدید الفاظ وضع کریں ۔ لیکن اس کے یہ معنی نہیں ہیں كه بم نے مض النے كے لئے زبردستى الفاظ گھر كر ركھ دئے ہيں بلك جس نهج پر اب يك الفاظ بنتے يكے آئے ہيں اور جن معرل ترکیب و اشتقاق پر اب تک جاری زبان کار بند رہی ہے ' اس کی پوری بابندی ہمنے کی ہے۔ ہم نے اس وقت مک کسی لفظ کے بنانے کی جرأت نہیں کی جب کیک اُسی قسم کی متعدد مثالیں ہارے پیش نظرنہ رہی ہوں ۔ ہاری رائے میں جدید الفا کے وضع کرنے کی اس سے بہتر اور صحیح کوئی صورت نہیں۔ اب اگر کوئی لفظ غیرانوس یا اجنبی معلوم ہو تو اس میں ہمارا قصور نیں ۔ جو زبان زیادہ تر شعر و شاعریٰ اور قصص یک محدود ہو، وہاں ایسا ہونا کچھ تعجب کی بات نہیں۔جس مک سے ایجاد و اختراع کا ماقرہ سلب ہو گیا ہو جہاں لوگ نٹی چیروں کے بنانے اور دیکھنے کے عادی نہ ہوں وال جدید الفاظ کا غر انوس اور اپنی معلوم ہونا موجب جرت نہیں۔ الفاظ کی حالت بھی انسانوں کی سی ہے۔ اپنی شخص بمی رفتہ رفتہ انوس ہو جاتے ہیں۔ اول اول الفاظ کا بھی یہی حال ہے۔ استعال آہستہ آہستہ فیر مانوس کو مانوس کر دیتا ہے اور صحت و غیر صحت کا فیصلہ زمانہ کے ہاتھ یں ہوتا ہے۔ ہارا فرض یہ ہے کہ لفظ بحریز کرتے وقت ہر بہلو پر کامل فور کرلیں، آئندہ جل کو اگروہ استعال اور زمانہ کی کسوٹی پر پورا اترا تو خود عکسالی ہو جائیگا اور اپنی جگہ آپ بیدا کرلیگا۔ علاوہ اس کے جو الفاظ نیشس اور اپنی جگہ آپ بیدا کرلیگا۔ علاوہ اس کے جو الفاظ نیشس کے گئے ہیں وہ الہامی نہیں کہ جن میں رق و برل نہ ہوسک کی گئے ہیں وہ الہامی نہیں کہ جن میں رق و برل نہ ہوسک اس کا مسودہ اہل علم کی ضدمت میں پیش کیا جائے گا اور بہل میں کا مسودہ اہل علم کی ضدمت میں پیش کیا جائے گا اور جمال نہ کی مان ہوگا اس کی اصلاح میں کوئی دقیقہ فروگذاشت نہیں کیا جائے گا۔

لیکن ہاری شکلات صرف اصطلاحات علمید کہ ہی مدود نہیں ہیں ۔ ہیں ایک ایسی زبان سے ترجمہ کرنا پڑتا ہے جو ہارے لئے بالکل اجنبی ہے اس میں اور ہاری زبان میں کسی قسم کا کوئی رشتہ یا تعلق نہیں ۔ اس کا طزر بیان اوائے مطلب سے اسلوب محاورات وغیرہ بالکل جدا ہیں ۔ جو الفاظ اور جطے اگریزی زبان میں بالکل معمولی اور روز مرہ سے استعال میں آتے ہیں اُن کا ترجمہ جب ہم اپنی زبان میں کرنے بیٹھتے ہیں تو سخت وشواری پیش آتی ہے ۔ ان تام دشواریوں پر

0/1

غالب آنے کے لئے مترجم کو کیسا کچھ نونِ جگر کھانا نہیں پڑتا ترجیکا بت خاک چھانی بڑتی ہے تب کہیں گوم مقصود لقر آتا ہے ، اس سررشت کا کام حرف یمی نه بوگا (اگرچ یه اس کا فرضِ اولین ہے) کہ وہ نصاب تعلیم کی کتابیں تیار کرے ' بلکہ اس کے علاوہ وہ ہر علم پر متعدّد اور کشرت سے کتابیں تالیف و ترجمہ كرائے كا ا تاكه الوكوں يس علم كا شوق, برصے اكك يس روشنى <u> محیلے</u> 'خیالات و قلوب پر اثر پلیدا ہو 'جمالت کا استیصال مو۔ جالت سے معنی اب لاعلمی ہی کے نہیں بلکہ اس میں افلاس ، کم ہمتی منگ دلی کوتہ نظری بے غیرتی 'بد اخلاقی سب مجمد بڑا کام ہے ۔ انسانی د کم نے کی ترقی علم کی ترقی ہے ۔ انسانی ترقی کی تاریخ علمر کی اشاعت و ترقی کی تأریخ ہے ۔ ابتدائے ''فرینش سے اس واقت کک انسان نے ہو کھے کیا ہے ' اگر اس پر ایک وسیع نظر ڈالی جائے تو نتیجہ یہ نکلے گا کہ جوں جول علم میں اضافہ ہوتا گیا' بھیلی غلطیوں کی صحت ہوتی گئی' تاریکی گھٹتی گئی رونینی بڑمنتی گئی ' انسان سیدابِ ترتی میں قدم ا کے بڑماتا گیا۔ اسی مقدس فرض کے ادا کرنے کے لئے یہ سررشتہ قائم کیا گیا ہے اور وہ اپنی بساط کے موافق اس کے انجام دینے میں کو تاہی نہ کرے گا۔

لیکن غلطی مشحقیق وجستجو کی گھات یں گلی رہتی ہے۔ ادب کا

کال ذوق سلیم ہر ایک کو نصب نیں ہوتا۔ بڑے بڑے نقاد اور مبقر ناش غلطیاں کرجاتے ہیں۔ لیکن اس سے ان کے کام پر حرف نہیں ہوتا۔ نعلی ترتی کے انع نہیں ہے، بلکہ وہ صحت کی طف رہتائی کرتی ہے بیچھلوں کی بھول چوک آنے والے مسافر کو رستہ بھٹکنے سے بچا دیتی ہے۔ ایک جا یانی اہر تعلیم (بیرن کی کوجی) نے اپنے ملک کا تعلیمی حال مکھتے ہوئے اس صحیح کیفیت کا ذکر کیا ہے جو ہونمار اور ترتی کرنے والے افراد ادر اقوام پر گررتی ہے۔

''ہم نے بہت سے تجربے کئے اور بہت سی 'اکامیاں اور فائدہ فلطیاں ہوئیں' لیکن ہم نے ان سے نئے سبق کی کھے اور فائدہ المطایا ۔ رفتہ رفتہ ہیں اپنے کمک کی تعلیمی ضوریات اور امکانات کا صبح اور بشر علم ہوتا گیا اور ایسے تعلیمی طریقے معلوم ہوتے گئے جو جارے اہل وطن کے لئے زیادہ موزوں تھے ۔ ابھی بہت سے لیسے سائل ہیں جو ہیں ص کرنے میں' بہت سی ایسی اصلامیں ہیں ہو ہیں عل میں لائی ہیں' ہم نے اب عمل کوشش کی اور ابھی کوشش کی در اپنی اور فتلف طریقوں کی برانیاں اور بھلانیاں در یافت کرنے کے در پے ہیں' تاکہ اپنے کمک کے فائدے کے لئے در یاقوں کو افتیار کریں اور رواج دیں اور برائیوں سے ہیں' ور اس کی ابیت اور برائیوں سے ہیں' قالم کی تنگی' کام کا ہجوم اور اس کی اہمیت اور ہاری مشکلات بیش نظر کی بیاسی قب کی تنگی' کام کا ہجوم اور اس کی انہیت اور ہاری مشکلات بیش نظر کھنی چاہئیں ۔ یہ پہلی سی ہی کے در کیے فامیاں کمنی چاہئیں ۔ یہ پہلی سی ہی کے در کیے فامیاں

ضرور رہ جاتی ہیں کیکن آگے جل کریمی خاسیاں ہماری رہنما بنیں گی اور بختی اور اصلاح ک بہنچائیں گی - یہ نقش اول بخ نقش اول سے بہتر ہوگا ۔ ضرورت کا احساس علم کا شوق ' خیتت کی گئن ' سمت کی ٹوہ' جد وجد کی رسائی خود ہنجود ترقی کے مارج طے کرلے گی ۔

جایانی بڑے فخرسے یہ کہتے ہیں کہ ہمنے تیس چالیس سال کے عرصے میں وہ کچھ کر دکھایا جس کے انجام دینے میں پورپ كو اتنى هى صديال صرف كرنى يري - كيا كوئى دن ايسا آئے گا کہ ہم بھی یہ کینے کے قابل ہوں گے ؟ ہم نے پہلی شرط پوری کر دی ہے یعنی بیجا قیود سے آزاد ہو کر اپنی زبان کو اعلی تعلیم کا فریعہ قرار دیا ہے ۔ لوگ اہمی ہارے کام کو تذبیب کی تگاہ سے دکھھ رہے ہیں اور ہاری زبان کی کا بلیٹ کی طرف مشتبہ نظریں وال رہے ہیں۔لیکن وہ دن آنے والا ہے کہ اس فررے کا بھی ہتارہ چکے گا' یہ زبان علم و حکمت سے مالا مال ہو گی اور آغَلِلْعَضْرَةِ وَآقُلُنُ كَي نَظْرِيمِيا الرِّي بِرُولِت يَهُ ونیا کی مذب و شایسته زبانوں کی جمسری کا دعوے کرے گی۔ أكرميه أس وقت جاري سمي إور ممنت حقير معلوم بوگي، گمريبي شامِ غربت صبح وطن کی آمد کی خبر دے رہی ہے کی شب بیارا روزِ روشن کا جلوه دکھائیں گی، اور یہی مشقت اُس قصر ر فیع الشان کی بنیاد ہوگی جو آئندہ تعمیر ہونے والا ہے۔ اس وقت ہمارا کام صبر و استقلال سے میدان صاف نرنا داغ بیل اور نیو کھود نا ہے' اور فراد وار شیرین طمت کی خاطر سلگاخ پہاڑوں کو کھود کھود کر جوئے علم لانے کی سمی کرنا ہے۔ اور عرق ہم نہ ہوں گے گر ایک زمانہ آئیگا جب کہ اس میں علم و حکمت کے دریا بہیں گے اور ادبیات کی افتادہ زمین سرسبرو شادا فظ آئے گی ۔

کوریں میں سررشتہ کے مترجین کا شکریہ ادا کرتا ہوں جنوں نے
اپنے فرض کو بڑی مستعدی اور شوق سے انجام دیا۔ نیز میں ارکانِ
املی وضع اصطلاحات کا شکر گزار ہوں کہ اِن کے مفید مشور اور شعیق کی مدسے یہ شکل کام بخوبی انجام پا رہا ہے لیکن خصوت کے ساتھ یہ سررشتہ جناب مشر محمد اکبر حیدری بی ۔ اے بعتم علات و تعلیمات و کوتوالی و امور عامتہ سرکارعالی کا ممنون ہے جنہیں ابتدا سے قیام و انتظام جامعۂ عثمانیہ میں خاص انہاک رہا ہے۔ اور اگر ان کی توجہ اور اماد ہارے شریک حال نہ ہوتی تو یہ عظیم الشان کام صورت پنریر نہ ہوتا ۔ میں سید راس مسعود صاحب بی ۔ اے کام صورت پنریر نہ ہوتا ۔ میں سید راس مسعود صاحب بی ۔ اے کام صورت پنریر نہ ہوتا ۔ میں سید راس مسعود صاحب بی ۔ اے کرتا ہوں کہ ان کی توجہ اور عنایت ہارے حال پر مبذول آئی اور ضرورت کے وقت ہمیشہ بلا مکلف نوشی کے ساتھ ہیں مد دی۔ اور ضرورت کے وقت ہمیشہ بلا مکلف نوشی کے ساتھ ہیں مد دی۔ اور ضرورت کے وقت ہمیشہ بلا مکلف نوشی کے ساتھ ہیں مد دی۔

عب الحق

ناظم سررشة تاليف وترجمه (عثانيه يونيورسطي)



• •

مولوی عبدالحق صاحب بل- اے ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ناطست ۔ قاضی مخد حمین صاحب - ایم - اے - ریگر- - - - - مشرجم ریاضیات چورهری برکت علی صاحب بی ایس سی - - - - مشرجم سائینس مولوی سید اشمی صاحب - - - - - - - - مشرجم تاریخ ـ مولوی مخد الیاس صاحب برنی ایم- اے - - - مترجم معاشیات قاضی ملمذ حین صاحب یم - اے ۔ مترجم ساسیات مولوی ظفر علی خال صاحب بی اے۔ مترجم تاریخ یہ مولوی عبدالماجر صاحب بی ۔ اے ۔ ، ، ، مترجم فلسفہ ومنطق مولوی عبدالحیلیم صاحب شرر مولف ماریخ اسلام مولوی سیدعلی رضا صاحب بی اے ۔ ۔ ۔ ، مترجم قانون ۔ مولوی عبدالله العادی صاحب مترجم کتب عربی علاوہ ان رندکورہ بالا مترجین کے سولوی عاجی صغی الدین صاحب ترجب شده کتابوں کو نمیبی نقطهٔ نظر سے ویکھنے کے لئے اور نواب حیدریارجنگ (مولوی علی حیدر صاب طباطبانی) ترجول پر نظر ان کرنے کے لئے مقرر فرائے گئے ہیں ،



مولوی مزاوهدی خال صاحب کوکب فطیعه یاب تطرعالی (مابق الم مرم شاد) مولوی میدالدین صاحب بی ای است مراه العلم مرم شادی خیر دارالعلم فواب حیدر یارجنگ (مولوی علی حیدر صاحب طباطبائی) مولوی وحیدالدین صاحب سلیم مولوی وحیدالدین صاحب سلیم مولوی عبدالحق بی ای ای و ترخم مولوی عبدالحق بی ای و ترخم مولوی مولوی عبدالحق بی و ترخم مولوی عبدالحق بی ای و ترخم مولوی عبدالحق بی و ترخم بی و ترخم

علادہ ان ستقل ارکان کے ، مترجین سررشتہ الیف وترجمہ نیز دوسرے اصحاب سے بلحاظ اُ کھے فن کے مشورہ کیا گیا۔ مشلا فان فضل محد خانصاحب ایم ۔ اے رٹیگر (بربل کی بائی اسکول حیدرآباد) مولوی عبدالواسع صاحب (برفیسر دارالعلوم حیدرآباد) پروفیسر عبدالرمان صاحب می ایس سی (نظام کالج) مرزا محمد بادی صاحب کی ایس سی (نظام کالج) مرزا محمد بادی صاحب کی اے (بروفیسر کریون کالج لکھنو)

مولوی سلیان صاحب نددی

ید راس معود صاحب بی اے (ناظم تعلیات حیدرآباد) وغیرہ

فهرمضامين

- Lalatetalatetal

1					
	المعرب	مضمون			
	1	قطع مكافي ياشلجمي			
	ایم	قائم نظلیل			
	01	قطع ناقص يالميلجي			
	114	قطبع زاید یا نه لولی			
	:10+	قائم پزلولی ۔			
1.5	141	اسطوانه اور مخروط			
	711	چند ضروری مسائل			
	116	عليات			
	200	ضميمه			

فطع أبركاني سرساد

تعربین۔ اگر ایک نقطہ (ن) کا فاصلہ ایک تابت نقط رس) سے ہمیشہ برابر ہو اُس عمودی فاصلہ(ن م) کے جونقطہ رن) اور ایک ٹابت مستقیم خط (کا ہ) کے درمیان ں خط کو جس پر کہ زن) حركت كرسكتا ب القطع مكافي

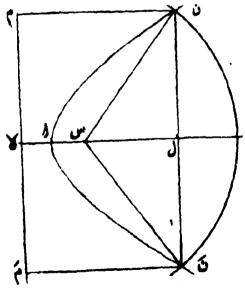
رس نے نام) ا۔ نابت نقطہ (س) کو ماسکہ کہتے ہیں -ہو۔ نابت مستقیم خط (لا م) کو مرتب کیتے عرف ۔ خط منحنی بلحاظ ایک خط مستقم متشاکل اس وقت ہوتا ہے جبکہ منحنی کے کہ

نقط کے مقابل خطاستقیم کی دوسری طرف شخی برایک اور نقط ایسا ہوکہ ان نقطوں کو طانے والا و ترخط مستقیم سے زاوئے قائے بنائے اور نقطۂ تقاطع بر خود دو برابر حصوں میں نقسی ہو حائے۔

خود ووابرابر حصوں میں تقسیم ہو جائے ۔ تعربیف ۔ فرکورہ بالا خط مستقیم کو منحنی کا محور کہتے ہیں۔ تعربیف ۔ جس نقطہ پر محور شخنی سے ملتا ہے اُس کوراس

سريف . من مستبر توري سن سناب من ورار کيته مين -سنه مين -

فلمبی بر نقطے دریا فت کرنے کاعل اگر ہا سکہ سے مرتب بر عود نکا لاجا کے تو وہ مسلمی کا نحور تشفا کل ہوگا ۔

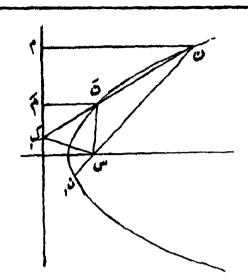


فرض کرد کہ س ماسکہ ہے اور م کا کم مرتب ہے۔ س میں سے ایک ایسا سنفتم خط س کا کمینجو جومرت

٨ کی تیضیف الم پر کرو، تب چونکه ساله= الا یسانسلیم خط ن () مرکز مان کرایک ایر مف قط 🛭 ل ہو اور جو ن ل ن کو ن اور ن بیر کرے کا اگر مکن ہو) نیز مرتب بر عمود ن ہم اور نُ مُ نقطهٔ ن تتلجی بر ہے طع پر اس کی تنصیف کرتا ہے میں ہوں تو س ل ، ل کی سے تم ہوگا اور دائرہ اسس صورت میں خط ن ل ن کو اقطع کرے گا۔ (۲) اگر ل اور س، او کی متقابل جا بنون میں واقع ، اس متقرط کی ایک ہی حانب مشقی متالوں کے لئے دیکھوصفورے) للجي كامحور (س) ﴿) وهُستيقُم و نقطہ (ن) سے موریر بکا لاجا ہے فصله (الل) محور کا وه حصه

مسئله ۲

اگر ونز ن ن مرنب کو نقطہ ک پر قطع کرے تو س ک ماسکی فاصلوں س ن اور س ن کے خارجی زاوے کی تنصیف کرے گا-مس ن اور مس ن کو ملاؤ۔

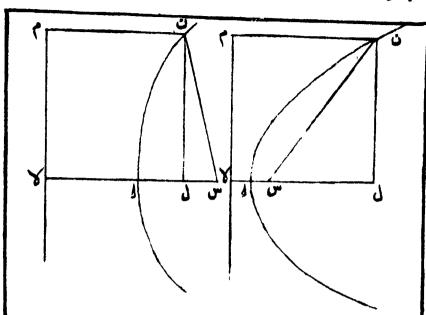


مرت برعود ن مَهُنَ مَ تَعْیَغِواور ن س کو نہ یک خارج کرو تب متنابہ مثلثاث ن ک م اور نُ ک مَ سے ن ک : ن ک = ن م : ن مَ س ن : س ن : س ن

یس ن: س ن ک خارجی زاویو ن س ن کی تنصیف کرتا ہے . د س ک خارجی زاویو ن س ن کی تنصیف کرتا ہے . [اقلیص ۱۰ ش ۱]

مسئله

اگر شلجی پر کے کسی نقطہ ن کا معین ن ل ہوتو نابت کرد کہ ن ل = ۱۲ س × ال ل مس ن کو طاؤ اور مرتب برعمود ن م تکمینچو -



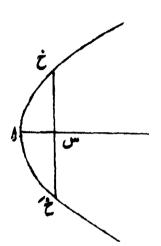
= ۱۸س× ال + سلّ ا م ۱۱ م

سَيِن لَلاّ ـ نَمْ = سَنَ - نَكِن لَلْهِ ـ نَكِّ ـ سَلَّ ـ سَلَّ

ن ان=۱۲س× ال

تعربیت۔ ماسکہ میں جو وگنا معین گورتا ہے اس کو ہم

ہیزہ و ترفاص یا مقدل (خ خ) کے نام سے موسوم کریں گئے۔ مسکر کر کے مسکر کم شلجی کا و ترفاص خ خ = ۱۹ س



سخا=۱۸س×۵س (سند۳)

ن سخ = ۱۶ س شوره

- خخ - ١٠٠٠

مشقى مثالين سئلها

بل وطرم مردر 4- خلجی کے دد دگنے سمین ت ت ' ق ی بیں ' خابے کرد کہ ن ئی ان تی محورے ایک ہی تعلہ پر ملتے ہیں -مع اس اگر مرتب کے متوازی لا میں سے ایک خط کھینجا جائے اور س م اس خلاسے ما پر ملے و ٹا بت کروکہ س م کی تنصیف ما پر

س م اس مطامے ما پر سے تو تاہی ترویہ کی ای سیاستہ ہوتی ہے [دیکیونشکل سئلہا] مم ِ نیز ناب کردکہ ن ما' س م پر عمود ہے اور زادی س ن م

کی تنصیف کرتا ہے۔ هد اگر سے ماسکی فاصلہ س ن پرعمود ہو اور مرتب سے

ار سے اور سے اور خاست کروکہ ن سے زاویہ س ن م کی تصیف

ر، س۔

اللہ اللہ علمی کے دو اسکی دتر برابر ہوں تو نا بت کرد کہ ان وسطی نقطوں کو ملا نے والا حظ محورت زاویہ قائمہ نباآ ہے۔

ے۔ اگرایک دائرہ ایک نقط معینہ س سے گزرے اور ایک فیے ہوئے متقر خط کو مس کرے تواس کے مرکز کا طریق دریافت کرو۔

۸ ہے اگر ایک وائرہ ایک وئے موئے وائرہ اور متنقم حظ دونوں کو مس کرے تو اس کے مرکز کا طریق دریا فت کرو۔

۹۔ اگر کوئی خطامحور کے متوازی ہولتہ ٹابت کرد کہ وہ شلجی سے ایک ہی نقطہ پر ملے گا۔

مشقى مثالين سئلة

ا۔ ن ن علجی کا ایک ماسکی وتر ہے اور ق ایک اور نقط منحنی بر ہے اگر ن ق اس ق مرتب سے بالتر تیب نقاط ک اور سک

پر میں تو تا بت کرد کہ ک س کے زاویہ تا بھر ہے۔

الم سن ق ادر ن ق دو ماسکی و تر ہیں است کرد کو ن ما اور ق ق ایک دوسرے کو برتب پر تطع کرتے ہیں نیز ن ق اور ن ق مجی ایک دوسرے کو مرتب پر ملتے ہیں -

سا۔ اگر وہ مرتب سے ک اورک پر طیس قو تابت کردکہ کس ک زادیہ قائمہ سے ،

مم ۔ اکو مرتب کے متلف نقطوں سے الاؤ ادرمسکد اصفحد ۲ کی مدد سے نتاجی کو مرتب کرو-

۵- فلجی برکوئی تعظم ن ہے ، اگرن ال ممدده مرتب سے ک بر اگر ن ال ممدده مرتب سے ک بر اللہ تا اللہ تا اللہ ہے۔

ایک فلجی اوراس کا ماسکہ دیا ہوا ہے، مرتب دریا نت کرو۔ ایک فلطن کے۔ ن ق ایک فلطن کے نقطن کو نقطن کا میں سے اور ن کا سخی کو نقطن ک

ير تط كرتا ك نابت كردك ن ق ماسكه ميس سے كزرتا ہے۔

مشقى مثالين سئلها

ا۔ ن ن تلجی کا دگا معین ہے آگر ن این کے گردایک دائوہ کھینچیں اور وہ محرے ایک دوسرے نقط تی برطے تو خاہت کوہ کہ ل تی منتقل ہے ادراس کا طول دریا فع کرد۔ میں منتقل ہے ادراس کا طول دریا فع کرد۔ میں سے ادراس کا ایک دگنا معین ہے شلجی پر ایک اور نقط تی ہے جس میں سے دوستقیم خط کینچے گئے ہیں، ایک خط راس میں سے گزرتا ہے اور دو سرا محور کے متوازی سے میں

تعلع مكانى

خلان نَ كوخ اورخ بر تطع كرتے ہيں -نابع كردكه ل خ × ل خ = ن ل

مضته مثالين مسئله

ا۔ خلجی کا ایک و کمنا میتن ن ن دریا نت کرد جو و ترخاص کا دومیند مو۔ اگر ایک مخلف خ ا خ کے گرد ایک دائرہ بنایا مائے تو نا بت کرد کہ اس دائرہ کا نصف تطر = ج × و ترفاص کا طول

توبیت ۔ فرمن کرو کہ ن کُ منحنی کا کوئی و ترہے اگر کُ حرکت کرکے ن کے اتنا قریب آجائے کہ یہ دویوں تقطع

ایک دوسرے پر منطبق ہوئے کو ہوں تو اس انتہائی متعام میں وتر ن ن کو منحنی کا ماس نقطہ ن پر کہتے ہیں۔

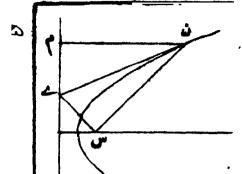
مسئله۵

آر شلمی کے نقطہ ن پرماس کھینجیں اور وہ مرتب سے سے پر ملے تو نا بت کروکہ ن س سے زاویہ تائمہ ہے اور ن پر کا ماس اس زاویہ کی تنصیف کرتا ہے جو ماسکی فاصلہ س ن اور عمود ن م کے ور میان ہو

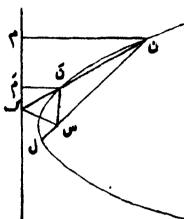
جہاں ن م معطد ن سے مرتب پر علو د بھا لا گیا ہے نیز نابت کرو کر راس بر کا ماس محدر سے زاویہ تا سکسہ نیاتا ہے۔

سيسسب المراسيس

áŧ



تنيكان



مئلہ ۲ کی شکل میں فرض کر وکہ نقطہ ن حرکت کرکے ن پر بہنجیا ہے اور و ترن ن ک ماس ن سے بن ما ا ہے جب ایسا ہو کا تو س ک ، س سے پرمنطبق

ہوگا اُور س نُ ' س ن پر نیز زاویو نُ س ن وو گا مُوں کے برا بر ہوگا لیکن نُ س ک زاولیہ

روم وں سے برو بر ہوہ جین ک س ک را و پر ن س ل کا نصف ہے (سکرہ) اس کے ن س سے

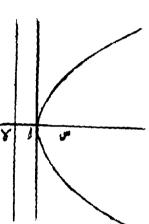
دو قا مُوں کا نفعت ہے مینی ن میں ہے ایک زاویہ قائمہ ہے۔ مرتب پر عود ن م کمینچو۔

= س ن + س سط

ن مے سے سے بوکرنم = سن

ر ما ہے یہ س مے اس مے اس میں اور سے ن س میں ا

ن م ، م مے بالترتیب ن س، س مے کے مادی بیں اور ن مے وونوں میں مشترک ہے من زاویہ م ن مے عس ن مے [اقلیس ماش م]



اگر نقط ن راس ال برلیا جائے تو زاوی س ن م دو قائموں کے برابر ہوگا اور اس کئے مستقم زا و یہ س الکا برمنطبق ہوگا۔ اب چونکہ ماس زاویہ کی تنصیف کرتا ہے اس کئے وہ

اب چونکہ ماس زاویہ کی تنصیف کرتا ہے اس سکنے وہ محور سے زاویہ تاکمئہ بنائے گا۔ فلسر میں میں منسل کر سے متنسد میں میں میں میں میں

شلجی کی متربیت سے نا بعد کرو کہ جو مستقیم خط زاوی س ن م کی تنصیعت کرتا ہے وہ منحنی سے ایک دوسرے نقط پر ہنیں مل سکتا منتقی مثالوں کے لئے دکیموسفے راما)

مسئلہ ا اگرایک اسکی وٹر کے سروں پر ماس کینیے جائیں تو نابت کروکہ وہ مرتب پر ملتے ہیں اور ایک دوسرے سے زاویم فائمہ بنا کے ہیں ن

فرض کرو که ن س ن ایک ماسکی در سبح اور ن بر کا حاک ارتب کو ہے پر قطع کرتا ہے ہے س ' ہے ن کو ملاؤ اور مرتب بر عمو و ن مون م محیینچو -

منبو تب چونکہ ن ہے ' ن پر ماس ہے اسلے سے خط ن س ن سے زاویہ قائمہ بنا اسلے (منده) اسلے ن سے 'ن پر ماس ہے نیز چونکہ کے سن سے ہم ن کے [اقیس اس ان م]

اسلے کے میں ہے ن ہے م کا نفعت ہے

اسلے سے سے ن سے م کا نفعت ہے

اسلے ن کے ن زادیوں سے م ادرس کے م م وعد کا نفعت ہے دن ایک تا مکہ ہے۔

اس کے مجوعہ کا نفعت ہے دن ایک تا مکہ ہے۔

مشقی مثالیں مسکلہ ۵

اگروز فاس کے مروں پر ماس کینیے جائیں تو ٹابت کروکہ وہ
 ایک دومرے کو مرتب کے نقط کا پر قطع کرتے ہیں ۔
 اگر ن پر کوئی ماس کمینجا جائے اور اس پر ایک نقط و
 ایا جائے ڈٹابت کروکہ وم = وس

سا۔ آگرن اور ن پر کے ماس نقط و پر لیس اور نقاط ن اور ن سے مرتب پرٹ م' نَ مُ عود کنا نے جائیں تو ٹابت کروکہ وم ' وس ' وم سب بما برہی ۔

اس نیم کے فرید ایک بیرونی نظر دسے دوعاس کمیینے کا عمل دریافت کرد۔

مم - اگر شلمی کے وو ماس وق وق کمنے ما کی اور ق تی کا

نقط شفیت م ہوت ابت کرد کہ وص محدر کے متوازی ہے -

۵ - اس لئے اگر شلجی کے دو عاس اوران کے نقاط تاس و سے ہوئے ہوئے ہوں تو ماس کو رہا ہنت کرد -

4۔ اگرن پر کا حاس وتر خاص مدودہ سے ک پر معرتب سے بھے بھے ق نابت کردکر س ک یہ س ہے

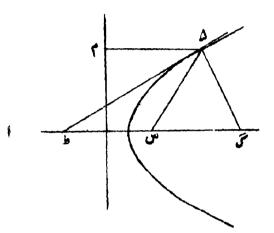
مشقى مثالير مسئله

ا۔ اگراسکی دنرن ن کے سردں پر ماس کھینچے ما یم اور دہ نقطہ سے بر لمیں اور ن م م م م م م م م اور دن م م م م م م م کے تنفیف سے پر ہوتی ہے ' اس کئے خاہت کر دکر اگر ن ما کو گئے تا ہت کر دکر اگر ن ما کو قطر مان کر ایک دائرہ کھینجا جا گئے تو وہ مرتب سے سے پر مسس کرنگا۔

۲- ن س ق ایک اسکی و ترسیح ق برکے عاس برق گ عود سب اور وہ محور کو نقطہ گ بر تعطیم کرتا ہے ، ن برکے عاس بر گ مے عود ہے ، خابت کرد کہ مے و تر خاص بر واتع ہوتا ہے مع ۔ اگر ملک ماسکی و ترکے سروں بر عاس کھینچے جائیں تو خابت کو کہ و تر فاص بر مساوی خصنے کا شتے ہیں

کر در فاص برسادی عصے کانتے ہیں العراق سے کانتے ہیں العراق سے کانتے ہیں مقط پر ماس مکنیا میائے تو جو خط مستقیم نقط مذکورہ میں سے گزرتے اور مامسس کے ساتھ زاویہ قائمہ بنا ہے اس کو منتی کے اس نقطہ پرکاعالا کہتے ہیں ۔

ر اگرنقطہ ن پرکے ماس اور عاد محدر کو بالتر تیب نقاط ط اورگ پر میں تو نابت کرد کہ س گ= س ن= س ط



مرتب پرعوو ن م نطينچو

ت سطن علم نط [اقليسماش ٢٩]

= كسنط [مئده]

ن سن سن طر اور چونکه طن گ ایک زاویه قائمه ہے اس کئے اگر س کومرگز اور فاصلہ س ن یا س ط کونصف قطران کر ایک دائرہ کھینیا جائے تو دہ گ میں سے گزرے گا۔

[الليدسم ١٣ ش ٣]

سل = سن = سط

ا۔ تابت کروک س م اور ن ط ایک دوسرے کی تنصیف زاوی قائمہ

یرکرتے ہیں -

المس كانقطه تنعيب بوا ٢ - أكرط الكا كالقط تنصيف مو تول ا

نوٹ ل مین ن ل کا نقط زیرین ہے

س ، اگر شلف س ن گ متاوی الاصلاع موتوزاوی ط م ک قائمه بديكا -

مم بہ تابت کروکہ ذوار ببتہ الاصلاع س ن م سے کے گرو ایک دائرہ کھینج سکتا ہے ادریہ وارہ ن گ کو نقطہ ن پرمس کرتا ہے -

هـ اگراس دائره كا نفسف قطر مسے كے برابر ہوتو مثلث

س ن گ متیادی الاصلاع ہوگا'۔

 ہے۔ ٹابت کردمشلجی کے کسی دو ماسوں کا درمیانی زادیہ اسس زاویہ کا نصف ہوتا ہے جوائن کے نقاط تاس کو الل نے والے وتر

کے ماذی اسکریر ہے۔

ے۔ ایک مثلث کا ب ج کا کا عدہ کاب اور زاویہ ج دیا ہوا سے اس شلجی کے اسکہ کا طریق دریافت کروجو ج م اور ج ب کو

بالترتيب نقاط لا اورب برس كرس -

A - دوسلجی خطول کا ماسکہ ایک ہی ہے ادر ان کے محور ایک ہی سنقیم خط میں واقع ہیں سکن محوروں کے رخ متقابل سمتوں میں میں ، فابت کرو کہ بیٹ ہجی ایک دوسرے کو زاویہ قائمہ پر قطع

کرتے ہیں

تعربین - اگرنقط ن پرکا ۱ س مورکوط پر مے اورای نقط میں سے گزرنے والا معین محور کو ل بر ملے تو ل ط كو نقطه ن بركا زير ماس كليم بي فابت كروكم زير ماس ل ط = ١ ال ل مرتب پر عمو و ن م تھینیچو

ا- الرخلف نالط كارد ايد دائره كمينها ما عداس كا نفعت قطر مي يونو نابع كردكم مي = س ن × ال ۲۔ اسکوس میں سے ایک خلاس ق نقط ن پر کے ماس کے متوازی کھنیما محما ہے اور وہ ایک ایسے خط ن ع کوجو مورکے متوازی کمینی گیاہے ع پر منا ہے ، نابت کرو کہ ع کاطریق ایک غلجی سے جس کا راس س سے اور جس کا وٹر خاص اصلی سفلجی کے وترفاص کا نضف سپے تعربیت۔ اگر نظر ن برکاعا دمور کو گ برملے اور ن میں سے گزرنے والا معین محور کول پر لمے تو ل ک کو میں مدور دور مار نقط ن كا زيرعاد كيت بين-زيرعاو لگ = ١٨س

مرتب برمود ن م تحیینچو [س

تب سگ ۽ سن = نم - کل - سلا - سلا - سلا - سلا

ا- اگر مثلث س ن گ متساوی الا صنلاع ہو تو تابت کرو کہ س ن = و ترخاص

۲- مئلہ ۴ کو مسائل ۸ اور ۹ سے متنبط کرو ۱۷- منحنی کے کسی نقطہ معاینہ پر عاد کھنچینے کی ترکیب در بافت کرو۔

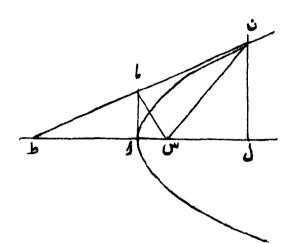
سے اگر ق پر کا معین ق م زیر عاد ل گ کی تنفیف کرے تو نما بت کرد کہ ق م = ن گ ۔ ماس ہیں، ایک مان میں ایک دائرہ کے ماس ہیں، ایک مان میں ایک مان میں کا میں میں کا میں میں کا میں میں کا میں کی میں کا میں کا میں کی میں کا می

ھ- طن اور طنی ایک دائرہ کے ماس ہیں، ایک ایسا شکمی نباؤ جو طن کو ن پر مس کرسے اور ط ق اس کا محرر ہو۔

مسئله ١٠

اگر شلجی کے کسی نقطہ ن پر ماس کھینیا جائے اور دہ راس پر کے ماس کو ھا پر قطع کرے تو س ھا ان طائی تنصیف کرسے گا اور اس سے زاویہ قایمہ بنا سے کا نیز مس ھا ماسکی فاصلوں س آو اور س ن کے در میان و سط

تناسب بوگا (سما اله اس × س ن)



س ن كو ملا و اور محور برعمو د ن ل بحالو

اب یونکه طال کی تنصیف او پر بهوتی ہے اور اراحا متوازی سے لن کے ما ان ط کا نقطہ تفسیت سے

زاوے س ماط اور س مان سادی ہیں[اللیم ان آ]

ن سمائن طسفراديه قائم بناس

سنز پونکه متلف س ماط میں مالا قاعدہ پرعود کا لاگیا ہے

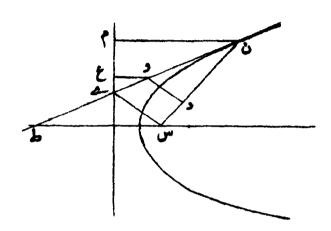
: سما ـ ساء سط [اقلیدس م ۲ ش ۸

- س إ× س ن

ا۔ اگر س ن کو قطر مان کر ایک دائرہ کھینی جا ہے تو اٹا بت کرو کہ وہ راس پر کے ماس کو ما پر مش کر بھا۔

۲- تابت کروکه ن ما × ن سے = سن

ن ب کرد کہ آگر س ماکو خارج کیا جائے تو یہ مرب بجي اور دائره کا مفترک ماس ن ف بهو جو ان کوتفاط بالترتيب مس كرے تو نابت كروكم س ن ق میں سے ہرایک و تر خاص سے ، سو کا زاویہ راس برکا ما س کس طرح کھینیا جا ہے اور شکمی کے محور اور مرتب تھیںجنے کی ترکیبیں ، کو نہ میشہ مقابل کے صلع پر واقع ہوتا ہے تاہت کروکہ جوسٹکن کا غذیر اس طرح تہ کرتے جس کا مرتب مقابل کا صلع ہو۔

ہی کے ایک نقطہ ن پر ما م کے آیک نقطہ و سے مرتب اور س ن پرعود مکالے 

س سے کو ملاؤ اور مرتب پرعمو د ن م کمینچو تب چونکہ زاویہ سے س ن ٹائمہ ہے نہ سے س متوازی ہے ودکے

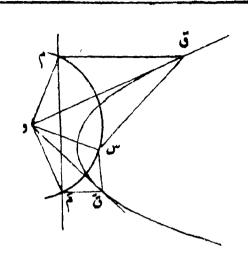
» سد: سن عضو: معن

اء وع: ن م

لیکن سن = ن م ر س د = وع

مئلاا

مسلمہ ۱۲ کسی نقطہ بیرونی سے شلمی کے دو ماس کمینچو



تخلیل - فرض کرو که رق اور و ق دو ماس ہیں مرتب پر دو عمود ق م اور ق م کھینچو اور وس وم دم کو طاؤ -اب جو کک وق زادیو س ق م کی تنصیف کرتا ہے اسلئے مثلث س ق و اور م ق و باہم ساوی ہیں (اقلیس مانی)

اور وم = رس اسی طرح سے وم = وس ، پس م اور م اس طریقہ سے معلوم ہوئے لہذا عل مطلوب حاصل ہوا] و کو مرکز اور وس کو نفعت قطر مان کر ایک وائرہ تحمینچو جو مرتب کو م اور م پر قطع کرے ہم اور م سے دو خط م ق اور م ق کھینچو جو مرتب پر عمود ہوں اور سلجی کو نفاط ق اور ق پر ملیں ، پر عمود ہوں اور سلجی کو نفاط ق اور ق پر ملیں ، وق اور دق کو ملاؤ ، وق اور دق مطلوبہ عاسس

ہونگے وس وم ، وم ، س ق ، س ق کو لاؤ

تب مثلثات س ق و اور م ق و میں
س ق و اور م ق و میں
اورقامہ وم = قاعدہ وس

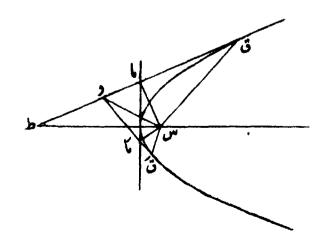
ذ زاویہ س ف و = زاویہ م ق و

ذ وق نقطہ ق بر کا ماس ہے سکدہ]
اسی طرح وق نقطہ ق بر کا ماس ہے

اسی طرح وق نقطہ تک پر کا ما س نیے نوسف سائل ۱۰ یا «کے اصوں کی با پر بھی عل حاصل ہوسکیا مشعق متالوں کے لیے دیکھوصفیہ(۳۹)

مستكدسا

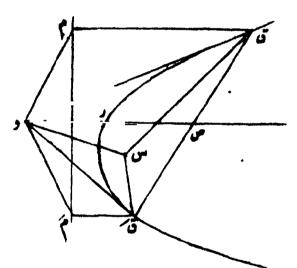
نابت کروکہ ماسات وق اور وق کے محاذی ماسکہ بر ساوی زاوے مبنتے ہیں -اور مثلثات س وق اور س ق و متنابہ ہیں



شلجی کے راس پر ماس کمپنیو جو و ق اور و فی سے نقاط ما اور مَا يركه ـ سى، سى كى سىما سىما كوطاد ق و کو اتنا خارج کرو که وه مورسے طریر لیے اب چونکہ ما اور مکا پر کے زاوئے کائے ہیں[سند،] اس کئے جو وائرہ وس کے قطریر نایا جائے گا وہ نقاط ما اور منا میں سے گزرے گا۔ اس کنے زاویہ س وق = زاویہ س مامکا اسواسطے كه يرزاد سے ايك ہى قطعہ دائرہ ميں واقع ہيں۔ رُاوي سيطما [الليسم اش م عه زاویه س ق و اسکه ادانکیدس مانن آ اسيطرح سے زاويہ س دقء ناويہ س ی و ا سلم باتی زاوے وس ق اور وس ی آبس میں برا بر میں- اور مثلث س وق اور س ق و منشاب گاگر نقطہ و میں سے ایک خط محد سکے متوازی محمینحا مائے تو یہ خط اور وس ماسوں کے ساتھہ مادی زاوئے بنا نینگے۔ مشق مثالوں کے لئے دیکھومفہ دہ س)

مستكلاا

اگر سکانی کے ماسات کا ایک زوج وق اور دق ہو اور محور کے متوازی خط دص کھینچا مبائے جو ق تی سے نقطہ ص پر ملے تو ٹابٹ کروکہ ق ٹی کی تنصیف ص پر ہوتی سے



زمن کردکه و ص مرت کو نقطه ر بر کا گناہے ق اور ی سے مرت پر عود ق م اور ی م نکا لو وم ، وم ، وس ، س ی ، س ی کو لاؤ تب منتات س ی و اور م ی و میں س ی ، ق و = م ی ، ی و اور ناویہ س ی و = ناویہ می و [سنده] : وم = وس اسی طرح سے وم = وس ن وم = وم

اور چونکه ور مثلث مثاوی انساقین و م هم کے قاعدہ برعمود سبے اس کئے وہ قاعدہ کی تنصیف کر سے

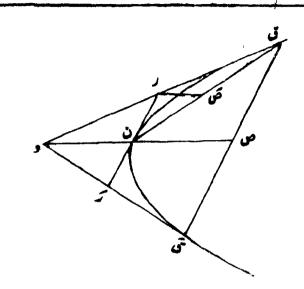
٠٠ مر = مر

نکین نی ص: ص ق یه نمد: رخ ین ق ص یه ص ق مینی ق ق کی تنصیف ص پر مہوتی ہے۔

منفقی مثالوں کے لئے دیکیمو صفح (۴۵)

مسئله ۱۵

اگر ایک مکانی کے متوازی وتروں کا ایک نظام دیا ہوتا نا بت کرو کہ وتروں کے وسطی نقاط کا طریق ایک ایسا مستقیم خط ہوگا جو محورے متوازی ہواور اُس ماس کے انقطہ تماس میں سے گزیرے جو وترون کے متوازی ہو۔ فرمن کرو کہ ماس رن کہ وترون کے متوازی ہے فرمن کرو کہ ماس رن کہ وترون کے متوازی ہے



ن نقطه تماس سبعه اور ق ق منکوره و تروں میں سے ایک و تر سبے -

نقطہ ک میں سے ایک ایسا خط ون ص کھینچو جو ق ق سے ص پر اور ماس ق دوسے و پر ملے ۔ ن ق کو طاؤ اور رک کو محور کے متوازی کھینچو، یہ ن ق کی تنصیف ک پر کرنگا۔ (مسئلہم)

ی مصیف مل پر رہا ۔ (مصلامہ ۱) تب ور = رق کیونکہ رض ' دن کے متوازی ہے [اقلیدس م اسٹ ۲]

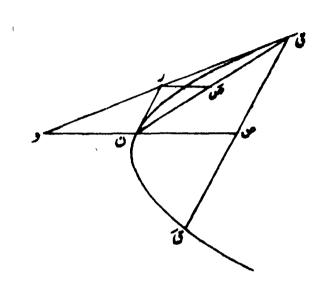
ا اور دن = ن ص کیونکہ رن ، ص ق کے متوازی ہے اسی سے اگر ہم ایک ماس ق رُو ایسا تھینچین جو و ن ص سے نقطہ و بر ملے تو ون = ن ص اس کے معلوم ہوا کہ و اور و ایک دو سرے پرمنطبق ہوئے ہیں۔
چو نکہ وق اور وق ماس ہیں اور وص محور کے متوازی
ہو نکہ وق اور وق ماس ہیں اور وص محور کے متوازی
اسٹے اس لئے ص و ترق فی کی تنصیف کرا ہے [شکری]
اسٹے اُن تام و تروں کے وسطی نقاط جو دن کہ
نقطہ ن میں سے گزرتا ہے اور محورا کے متوازی ہے۔
نقطہ ن میں سے گزرتا ہے اور محورا کے متوازی ہے۔
نقطہ ن میں سے گزرتا ہے اور محورا کے متوازی ہے۔
نظام کھینے ہیں۔
کو قطر کہتے ہیں۔
نوسٹ۔ فرددی نہیں کر سب منی خطوں کے لئے یہ قطر ایک متیم
خط ہو گرسدرم بالاسے ظاہرہ کر مکانی کی صورت میں قطر ایک متیم

مند ہو سر سر رہ باہ سے طاہر سب کا دیک میں معرایات سیم خطا ہے۔ مشقی مثالوں کے لئے دیکموسفر (۱۳۸) اقداد ہاں دفیار مقال کا جات دیکموسفر (۱۳۸)

تعربیت - نضف قطر (ق ص) جو مننی اور قطرکے درمیان داقع ہے قطر کا معین کہلاتا ہے ۔

مستكه١٩

اگر تعرن ص کا معین ق ص ہو اور ق بر کا مانسس ص ن مدودہ سے و بر کے تو ٹا بت کرد کہ ون = ن ص



مکافی کے نقط ن پر ماس ن رکھینے جو و ق سے درہ کے نقطہ ریں سے رص کو محدر کے متوازی کمینچو۔

چو که رن اور رق دوماس بین

اسلے ن ق کی تنصیف ص بر ہوتی ہے [سندما] اور ن د متوازی سے ق ص کے [سندها]

ع ون: نص = ور : رق

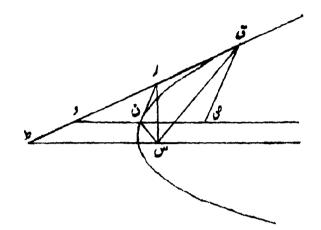
- ن ص: ص

نیکن ن ص = ص ی ۱۰۰۰ ون = ن ص

مسئلها

الرقط ن ص كاسين ق ص برتوناب كروكه

ひの × いっと ~ ~ での



فرض کرد که قطر ن ص مکانی ہے نقطہ ن پر ملنا ہے نقطہ تی پر ماس کلینیو جو قطرست و پر اور محورسے ط

نقط ن پرماس کمینچو جو وق سے دیر کے

س ن ' س ر' س ق کوملاؤ اب چونکه لان ' لاق دوماس ہیں

ن مثلث س دن اور س ق رمتنابهین[سندس]

ن زاویه س رن = زادیه س ق ر

= زاوی سطر [مند،]

= زاویون ور [اکلیس ماش ۲۹] در زاویوسن و اویون در

مریر روزیا حاص را و بیا ران را گیونگه ن پر کا ماس زاویه س ن و کی تنصیف

کرتا ہے [سندہ]

ن متلف س رن اور ن ور متنابهی

* ن ز س ن × ن و

اب وص کی تنفیف ن پر ہوتی ہے (سکد ۱۹)

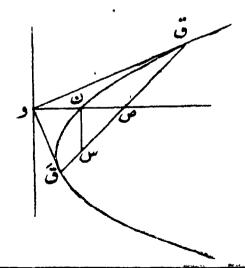
ن قص= ۲ن ر

こ び ジョッひん

ہ سن ن دکھو صفحات میں اور وہ مشقی مٹالوں کے لئے دمکھو صفحات میں اور وہ

مسئله۱

اگر قطرت ص منحنی سے نقطہ ن پر ملے اور ماسکی و تر فی س ت کی تنصیف کرے تو ٹانب کرو کہ ق ق یہ س ن



ماسات وق اور وق کھینچو ' یہ ایک دوسرے کو مرتب پر قطع کریں گے اور ایک ووسرے سے زاویہ تسامکہ

بنائيس عظم - (مسئلة) قطر وص كمينچو اور مس ن كو ملاؤ -اب چونكه وص ايك مثلث قائم الزاوي تى و ق

کے قاعدے کی تنصیف کرا ہے۔

ق ص = وص [انليس م سمن الله ن ق ع ۲ وص

[سننجی کی توبیت سے] ليکن ون = س ن

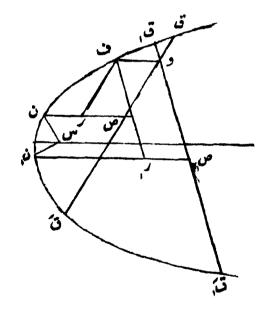
[14] ن وص = ٢سن

ق ق = ٧سن

مشقی مثالوں کے لئے دیکھوصفیہ ۳۹

مسئلها

اگرایک شلجی کے وتر تی تی ' ہی قب ایک دوسرے کو قطع کریں توان کے حصوں کے حاصل عزبوں کو آپس میں دہمی نشبت ہوگی جوان کے متوازی ماسکی و تروں کو آپس میں ہے بینی ق و×ق و: قہ و× ق و=۴سن ۴۰س مع



نطرن ص تھینچو جو ق نی کی تنصیف ص بر کر سے دن کو تحورکے متوازی تھینچہ اور فرض کرو کہ یہ شلجی سے نقطہ ن بر ملیا ہے ' فطرن ص کا معین ف کہ کمینچو' مس ن کو ملاؤ۔ تب ق و × ق و = ق ص - وص [الايسسم امض ه]

ع قص - ف ز القييس المش ١٣٠]

=۳سن×رص

یهسن×وف

اسى طرح سے ق و × ق و = ۲ س ن × وف

ش ق و بد ق و بد ق و د س ن : م س ن

منقی مثالوں کے لئے دیکیوصفیہ م مشقی **مرشال**

مسئلها

ا۔ اگر نقطہ دمرتب برجو تو اس مسئلہ کے علی سے نابت کروکہ ماس ایک دوسرے کو زاویہ تائمہ بر قطع کرتے ہیں ۲۔ اگر شکل وق مس ق متوازی الاصلاع ہو تو نقطہ و کامقام

دریا فت کرد ۔

مستكها

ا۔ اگر سنت مجی کا ایک نیسرا ماس کھینجا جائے جو وق اور دی سے

نقاط ر آور ط پر ملے تو نابت کر و کہ سنان و رط کے گردجودائرہ کھینیا جا سے گا وہ س سے گزریگا

الم ایک شلجی بین منقیم خطوں کو سس کرا ہے اس کے اسکہ کا طریق دریافت کرو۔

معود جارمتقیم خطوں کے مقام معلوم ہیں اور ایک علیمی ان میں سے ہرایک کومس کرتا ہے ، ہندسی علی کے ذریعہ سے امسس کا ملکہ دریا نت کرو،

مم ۔ نابع کروکہ وق اور وق کے درمیان وس وسط تناسب ہے۔ بہلا کونسا مسکلہ اس کی خاص صورت سے ؟

'' ہے۔ ایک خلنجی کے دو ماس ادر ان میں سے ایک کا نقط تأس معلوم ہے ' نا بت کرو کہ ماسکہ کا طریق ایک ایسا دائرہ ہے جو مذکورہ نقطہ شاس اور حاسات کے نقطہ تقاطع میں سے گزرتاہے

رور رایک عماس کو مس کرتا ہے۔ اور رایک عماس کو مس کرتا ہے۔

4۔ اگر مماسات وق اور دق کے درمیانی زادیہ ق و ق کا مفتف مورسے زیر کے تو نابت کرد س و = س ر مرمور میں مرمول میں اللہ میں ا

مشقى مثالين سُله ١

ا۔ اگرایک مائکی وترکو تطران کرایک دائرہ تھینچا جائے تو ثابت کرد کہ وہ مرّب کومس کرنگا. او شابت کرو کہ ایک ماسکی و تر کے سرون پر کے عاد ایک دوسرے کو اُس تطر پر قطع کرتے ہیں جو و ترکی تنصیف کرا ہے۔

معہد دوماس اور انکے نقاط تاس دے ہوئے ہیں ما سکہ اور مرتب

در با فت کرو ۔

مشقى مثالين مسئله ۱۵

۱۔ شلجی کے متوازی و تروں کا ایک سلسلہ معلوم ہے، ٹابت کروکہ ہرایک و ترکے سروں برکے عاس ایک دوسرے کو ایک ہی مستقیم سنط پر قطع کرتے ہیں۔

۱۰ میں میں میں ہوں ہے۔ ۱۷ ۔ ایک مثلجی کا خاکہ کا غذیر کھیٹیا گیا ہے ، اس کا محد اور مرتب دریافت کر د۔

سو۔ اگر وتر محور سے ۵م کا زاویہ بنائیں بو ان کے وسطی نقاط میں گزر سے والا خط وتر نماص کے ایک سرے سیں سے گزرے گا۔

مشقى مثاليس مسئلهء

ا۔ اگر وص پر عود ق د کھینیا عاب تو نابت کر و کہ ق د = ہ اوس مدن ص

۲- ن برکا قطرط ن صہے اور قبر کامین ق ص اور ق م کا ماس ق ط ہے ، اگر ق ص = ط ص تو ناست کرو کہ ط مرتب برواقع ہے ۔

ن ص کے معین ل م، ل م نقاط ل اور ل سے کینیج گئے۔
ہیں نابع کروکہ ل م × ل م = ق ص اللہ منابع کروکہ ل م × ل م = ق ص اللہ منابع کے کئی عاس کے نقطہ تاس میں سے ایک و تر کھینجا گیا ہے اگر محور کے متوازی ایک اور خط کھینجا جا ہے جو ماس منحنی اور و ترسے تین نقطوں پر سلے نو نابت کروکہ یہ نقطے خطکو ایسے دو حصوں میں تقیم کریں گے جن کی باہمی سنبت وہی ہوگی جود تر کے دو حصوں کی ہے ۔

ہوگی جود تر کے دو حصوں کی ہے ۔

ہوگی جود تر کے دو حصوں کی ہے ۔

ہوگی جود تر کے دو حصوں کی ہے ۔

ہناہمی کا ایک ایسا و ترکھینچو جو اسس نقسیم ہوجا ہے ۔

ہناہمی کا ایک ایسا و ترکھینچو جو اسس نقسیم ہوجا ہے ۔

متنقى مثالين سئله ١٨

ا۔ ایک اسکی وتر ن س ق ایسا کھینچو کہ س ن = ۳ س ق اس اسکی و تر ن س ق ایسا کھینچو کہ س ن = ۳ س ق اس ۔ اگر ایک قطر مرتب سے نقطہ و برطے تووس اس سے و تروں برعود ہوگا جن کی قطر تنصیف کرتا ہے ۔

مشقى مثالين مسئله ١٩

ا۔ ستہی کا اسکہ کسی اسکی و ترکو دو حصوں میں تقسیم کرتا ہے، نابت کرو کہ ان دو حصوں کا اوسط موسیقی مضف وترخاص کے برابر ہے ۔ ا کر تعرف ص کا مین ق ص ہو ادر ن ق کا مزدوج قطر ن من موجون ق سے ص پر ملے قتابت کرد کہ موجون ق سے ص پر ملے قتابت کرد کہ موجون ت ص



تعریفات ۱- اگر کسی نقطہ سے ایک نابت عود کالا جائے تو عود کے پائیں کو اس نقطہ کاظ کتے ہیں اور ثابت سط کو سطح تطلب ل متنقيم يامنى خط كاظل

ظلوں کا مجموعہ ہوتا ہے ، ینی اگر خط مذکور سے سب نقطوں سے سطح تطلیل پر عمود لکا لیے جائیں توعمودوں

یے نقاط زیرین کا جو طریق ہوگا اس کو اس خطاکا

بن الله الله خطريا ايك سے زيادہ خطوط كى وقتے ہوئے رقبہ کا اعاط کریں تو اس رقبہ کا ظل وہ رقبہ ہوگا ہو اش خط یا خطوط کے نکلوں سے گھرا

مم اگر ایک دیا بیوا منی کسی خاص سطح پر واقع ہو

اور وه سطح الطليل كو أيك مستقيم خطربرقط

مهندسى مووطات کے تو اس خط کو ہم بدنیادی خط ثابت كروكه ايك متقيم خط كا ظِلَّ ايك فرض کرو کہ ن ق ر س ب دیا ہوا مستقیم خط ہے جو بنیادی خط کو نقطہ ب پر متا ہے۔ اور فرض کرو کہ ن ، ق ، ر ، س کے خل بالترتیب ن ، ق ، ر ، س (شککم اقلیدس م ۱۱ ش ۱۱ اور ۴عود ن ن ت ق ق ا له ر بس س ایک سطح ستوی ن ن ب میں واقع ہو تے ہیں اور یہ سطح کسطح تطلیب کومتیقم خط ب ن پر قطع کرتی ہے (اقلیدس م ۱۱ سش کس

اس سے معلوم ہوا کہ ب ن کا ظل ایک

فانم تفليس

م خط ب ن اہے اور یہ دونوں خط ایک دوسر كو أيك نقطه ب ير تفطع كرت بين جو بنيادي خطير واتع ہے۔

ایک محدود مستقیم خط کے حصون کی نسبت تطلیس سے نہیں برنتی ۔

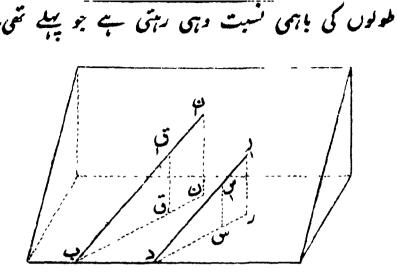
فرض کرو که ن ق ر س ب ایک دیا ہواتیم خط ہے اور ن ق رس ب اس کا غل ہے۔

ن ن ک ق ق م ر ر ، س س سب متوازی ہیں کیونکہ وہ سب کے سب ایک ہی سطح ستوی ن ب ن

میں واقع ہیں اور سطح تطلیل بر عبود ہیں۔ بیس معلوم ہواکہ حصوں ن تی ' ق ر' رس کی آپس میں

وہی سبت ہے جو ن ق ، ق ر ، م س کوآیس میں ہو (اتليدس م استس١)

ٹابت کرو کہ متوازی اور مستقیم خطوں کے ظِل متوزی اور ستقیم خط ہوتے ہیں اور تقلیل سے بعد ان کے فالم تطليس



فرض کردکه ن ق ب اور رس د وو متوازی اور اور متقدم خط میں جو بنیادی خط کو نقاط ب اور دیر مطلح نقاط ب اور دیر مطلح میں اور رس د ملتے ہیں اور رس د ان سے خل ہیں۔

ن متوازی ہے ہر کے [اقلیدس مااش ۱]

من ق متوازی ہے ہر س کے مقوض
مسط ب ن ن متوازی ہے سطح در رکے [اقلیدس م ااش ۱۹]
اسٹے ن ن متوازی ہے سطح در رکے [اقلیدس م ااش ۱۹]
اسٹے ن ق ب ن اور ر در متعاوی الزوایا
نیز مثلث ت ن ب ن اور ر در متعاوی الزوایا

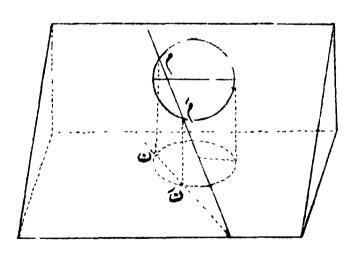
يى [اتلىدىس م ااسن ا] ن ن ن ن ن ن ت = ن ب : ن ب

= ענ : יונ

= رس : رس اسلئے ن ق: رسس = ن ق : رس مشاہدہ سبت ن ب: ، ب = جمن ب ن

مسئلدد

ٹابت کروکہ کسی منحنی کے عاس کا ظل اس منحنی کے فل کا عاس ہوتا ہے یا اختصاراً عاس کا ظل عاس ہوتا ہے اور یہ دونوں عاس بنیادی خط سے ایک ہی نقطہ پر طبتے ہیں



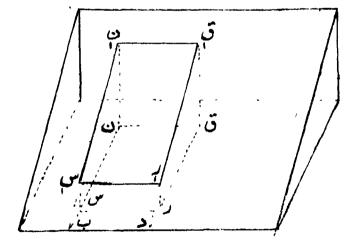
فرض کروکہ کسی منی پر وو نقطے م اور مَ ایک دوسر کے قریب ہیں ' فلہر ہے کہ ان نقطوں کے فلل ن اور ن اس منفی کے فلل پر واقع ہوں گئے۔ فرض کردکہ م حرکت کر سے م سے اتنا قریب آجا آہے که آخرالامر اس بر منطبق موجاتا ہے یعنی م م منخی کا جاس بن جاتا ہے

کا عاس بن جاما ہے جب ایسا ہوتا ہے تون حرکت کرکے ن کے

اتنا قریب آجاماً ہے کہ آخر کار وہ اس پر منطبق موجلاً ہے اور ن ن مُخنی معلوم سے عل کا ماس بن جاما

نیز ظاہر ہے کہ یہ ستقیم خط بنیادی خط کو ایک ہی نقطہ پر قطع کرتے ہیں (مسئلہ ا)

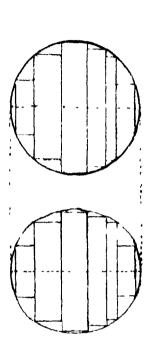
مستعلد الر البت كروكد رقبول كى نسبت تطليل سے نہيں برنتی



صورت اول فرض کروکه ناق رس ایک متلیل

مرطول میں تقیم سر سکتے ہیں ۔ اب اگر ایسا کیا جانے تطیل شکل کا ہوگا اور اس کے

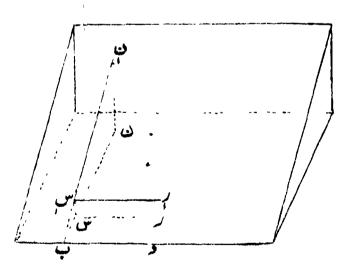
دد نوں سروں پر وہ چھوٹے چھوٹے رقبے بھنگے



ہم صورت اول میں ٹابت کر کھے ہیں کہ اسے ہراکی مستقبل کی نسبت اپنے ظِل سے ستقبل ہوتی ہے لیس معلوم ہواکہ ایسے مستقبلوں سے مجموعہ کو اپنے ظلوں سے مجموعہ کے ساتھ مستقبل نسبت ہوگی۔ اب اگر ان مستظبلوں سے عرضوں کو بے حدکم کردیا جائے اور اس طرح سے ان کی تقداد کو بڑا دیا جائے و ان (مستظیلون) کے مجموعہ اور د ئے ہوئے رقبہ کے تفاوت کو ہم بے حدکم کرسکتے ہیں ہوئے رقبہ کے تفاوت کو ہم بے حدکم کرسکتے ہیں ہوئے رقبہ کے تفاوت کو ہم بے حدکم کرسکتے ہیں

اس کے معلوم ہواکہ تظلیل سے کسی شکل کا رقبہ ایک ہی شکل کا رقبہ ایک ہی شبت (۱ :جم عہ) سے کم ہوتا ہے اور اصلی سطح پر سے تمام رقبوں کو آپس میں و جی ان سے خلوں کو آپس میں ہوتا ہیں ہیں ہوتا ہوتی ہے جو ان سے خلوں کو آپس میں ہوتا

اگر دو مستقیم خط ایک دوسرے سے زاویہ قائمہ بنائیں تو ان کے خل بھی ایک دوسرے سے زاق قائمہ قائمہ قائمہ قائمہ قائمہ قائمہ قائمہ ملک خطواں میں سے آیک خط بنیادی خط سے متوازی ہو۔



فرض کروکہ دو مستقیم خط ن س اور س ر ایکدوست سے زاویہ قائمہ بناتے ہیں اور ان میں سے ایک

خط س ر بنیادی خط ب ی کے متوازی ہے فرض مروکہ ان سے ظل ن س اورس ر ہیں اب بونکه س رئ بب د سے متوازی ہے اس نئے یہ خط سطّے تغلیل نی س ب د سو ہیں مات مات اس کے سور ہیں مات مات اس کے سے میں مات میں اور س ر ایک ہی سطے میں واقع ہیں ا اس کئے وہ ایک دوسرے سے متوازی ہیں۔ لکین س لرا س س سے زاویہ قائمہ بنایا ہے اسلنے میں را میں میں سے زاویہ قائمہ بنایا ہے [اللیدی ماش ٢٩] نیرس (ان س سے زاویہ قائمہ بناتا ہے [مفروض] مناس ربسطی ن س ب س ن سے زاویہ قائمہ بنامائی [اقلیدس الشع] بن س له سطح ن من سب سن ن سنة زاويه قائمًا بناتا ہے آلکیدس م ااس م اور ن س ر زادیہ قائمہ ہے۔ لوط مقائم الناويه كاظِن قائم الزاديه نهيس موما جبتك کہ اصلی زاویہ کی ایک ساق بیادی خط سے متوازی نہو

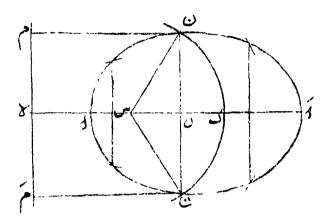
قطع ناقص بالبيلي

تعربیت ۱- ہمیلی (یا قطع ناقص) ایک ایسے نقطہ (ن) کا طبق ہے جس کے فاصلے ایک خابت نقطہ میں اور ایک خابت مستقیم خط کا م سے ایسی مستقل ننبت رکھتے ہوں جو ہمایشہ ایک سے کم ہوتی ہے

(س ن = ربان م) ۲- نابت نقطه (س) کو ماسکه کہتے ہیں ، ۱۳- نابت خط متقیم (کام) کو مرتب کہتے ہیں ۱۷- متقل ننبت (ر) کو خروج المرکز کہتے ہیں

مسئلہ ا ہلیلی پر سے نقطے دریافت سرنے کا عل۔ اگر اسکہ سے مرتب پر عمود نکانیں تو دہ منی کا

محور تشاکل موگا راس ۱ اور آکا دریانت کرنا



ما سکہ س سے مرتب پر عمود میں کا انکا لو كا س كو إلى إس طرح تقتيم سروك 81×1=10

نيزي س مروده پر ايبا نقطه و لوكه w € = (x € x €

تب اور اور الله و نقط منحنی پر بن بوجب تعربید.
خط منتقیم ال بر کوئی نقطه ل تو ، سن سمو مسرز
مانکر ایک دائره تحیبنی حس کا نصف قطر د مدلال
بهو ، نقطه ل مین سے خط ال از بر عمود ن ل ن تھینچو جو دائرہ کو نقاط ن اور ن بید مے ، تنب نقاط ن اور ن رمیلی پر موں سے ، مرتب یر عمود

ن م اور ن م کمینجو

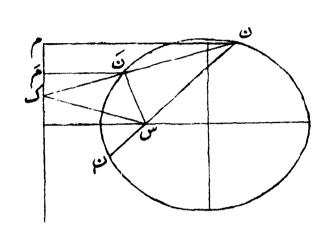
سن= Lx b' b = L x ن م س نَ = لـ بد كلا ل = له بد نَ مَمَّا پس معلوم ہوا كه اگر داؤ پر كوئى نقطه ل ہوتو اس ے مائل ا عل بالا سے ہم کو دو ایسے نقطے ن اور ن منحنی پر عاصل ہو تے ہیں جو اور کی مقابل جانبوں میں واقع ہیں اور جن کے فاصلے ل آ سے مساوی ہیں ، اس سے ظاہر ہے کہ لمیلی بلی فط او کے متث کل ہے یعنی واک محور ہے اور تقاط اوراک اس کے راس ہیں۔ انوط یہ نابت ہو سکتا ہے کہ اگر نقطہ ل واور آ کے درسیان محور واکے کسی مقام پر واقع ہوتو دائرہ عمود ل ن کو قطع کرنگا لیب کن جس جنورت میں نقطہ مذكورہ ال كے باہر ہو تو دائرہ اس عمود كو تطع نہيں كركا اس سے معلوم ہواکہ اگر او اور او پر ایسے خط مجنبے جاتی جو مور پر عمود ہوں تو ہلیلی بالک ان سے درمیان واقع ہوگا۔ ایکھو ضمیمہ

مسئملہ م اگر وتر ن ن مرتب کو نقطہ ک پر قطع کر سے تو

ر دینوں سے نے وکیو صفحہ (۵۸و۸۸)

مند*ی مؤوطات* هم

ا من بت کرد کہ س ک اس ن آور س ن سے خارجی زاوئے کی شفیف کرتا ہے



س ن س ک کو ملاؤ۔ ن س کو ن کی کو کا و کا ہے۔ حنارج سرو اور مرتب پر عمود ن م اور ن م نکا ہو

تب سین عرب کریم س ن عرب کریم

عسن: س ن = ن م ان م الله عن ال

اور ن ک م منشابہ ہیں اس کئے س ک زاویہ ن ک س ن کی تنصیف کرتا ہے [اقلیدس م اشرا]

مشقى مثاليس ئله

ا۔ ن س ن ایک ماسکی وٹر ہے 'ٹابت کروکہ لان اور

لان مور سے مساوی زاوئ بناتے ہیں

٧- ن س ن ايك اسكى وترب ' اگر ن اور ن اوكو خارج كيا جائ تو وه مرتب كو نقاط ك اوركم پر لمتي بي

فابت کروکہ ک س کے زاویہ قائمہ ہے

سات دو وتر ن ق اور ن ق مرتب سمو بالترتيب ع اورغ ر س

پر ملتے ہیں خابت کردکہ زاویہ ع س ع زاویہ ن س ن ربہ نہ

کا تصمت ہے ـ

م ۔ اگر ہیمی کا ماسکہ دیا ہوا ہو اور منحی پر سے وو نقاکہ دئے ہوں تو نتابت سروکہ مرتب ایک نتابت نقطہ میں

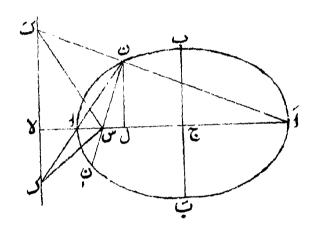
ہے گذرے گا۔

تعریف اگر ماسکہ (س) میں سے گذر نے والا مور ہینبی کو اور آئیر لیے تو الاکو محوراعظم کتنے ہیں

کتنے ہیں تعرفیت اگر 11 کی تنصیت ج پرک جائے تو ج کو بیلجی کا مرکز کتے ہیں

 قطع انص

اگر ہلیجی کے کسی نقطہ ن کا معین ن ل ہو تو ت ن ال : الله ع الله ع ب الله ع الله اور ج ب طول میں ج را سے کم ہے



ف ل ا كن عمو طاو اور ان كو اثنا خارج كرو كه وه مرتب کو ک اور ک پر میں س ن سک س کے کو طاف اور ن س کو ن مل قارچ سمرو متابہ مثلثوں نول 'کوری سے و ١٠١٠ = ١١٠ ١ ١١٠ ١١٠ ١١٠ ١١٠

ك ال الله الله الله الله الله

١٠٥٠ : المعالى = كلا مكر الله ألا الله

لیکن س ک زاویہ اس ن کی تنصیف کرتا ہے[سٹلہ] اور س ک زاویہ اس ن کی تنصیف کرتا ہے [سکریا] ه ک س ک قائمہ ہے ا تعلیدس م اش ا الحدیس م اش ا とう : といましま : といい : とい اسی طرح سے پوکہ ن اب پر منطبق ہو سکتا ہے بج: ابخ = سلاً : الا x الا خ ن لا : ال × اك = سيخ : الح يرب ج : اج = سلا : الأ x ألا اب س لا = الا+ س ا= اللا (١+١) でとり (1-1)と (1-1)と (1-1) とうxとう>とうxとり(リー1)= とい ... « بع < اج

مشقى مثالين سبلها

ا۔ اگر ایک سنجی اور ایک ہلیبی کا ماسکہ ایک ہی ہو اور نتظم مبی مشترک ہو تو نابت سروکہ سنجی ہلیبی کے بالکل باہر واقع ہوتا ہے۔ بالکل باہر واقع ہوتا ہے۔ باک نابت سروکہ ایک نقطہ ن ہیبی سے اندر واقع ہوگا اگر نسبت س ن: ن م خوج المرکز سے چھوٹی ہو اور منی پر واقع ہوگا اگر یہ نسبت خروج المرکز سے برابر ہو اور منی سے بہر واقع ہوگا اگر یہ نسبت خروج المرکز سے بربی ہو المرکز سے بربی ہو اس میں ن م نتظم پر عود کھینچا گیا ہے۔ بیبی کا کوئی ونز ن تی مرتب کو ر پر ملتا ہے 'نابت کروسکہ

س ن : ن ر ہے س ن : ن ر مرتب کو ہے۔ ہے۔ ایک مستقیم خط ہلیمی کو ن پر اور مرتب کو ر بر ہمتا ہے ، ن ر بر کوئی نقطہ ک ہے اور ک سے س ر کے متوازی ک ی کھنچا گیا ہے جو س ن کوی پر ماتا ہے ، د س ن کوی پر ماتا ہے ،

نیزک سے مرتب بر عود کے، سے نکالا گیا ہے انہابت کروکہ س ی = ر یک ہے

مشقى مثالير مسئله

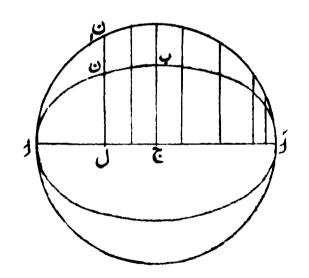
ا۔ آگر بج ب پر عود ن م نکالا جائے تو ناب سرکو ن م : ب م × ب م = ج ر : ج ب ال بلبی پر وو نقط ن اور ق ہیں ، اق اور ارق ا ن ل یا ن ل محدودہ کوبالترتیب م اور م پر قطع کرتے ایس خابت سروکہ

دن = م ل × مرل

مسئلهم

اگر او کو قطر مان کر ایک دائرہ کینیا جائے اور اس دائرہ کے معینوں کو نتبت ج او : ج ب میں کم کردیا جائے تو ان کے سروں کا طریق قطعناتص ہوگا

(ا د د م ل = جب : ج و)



فرض کروکہ لوآئے نصف قطریر دائرہ ون اُنہایا گیا ہے اور ن کا معین ن ن ن ل ہے جوہلیمی کو ن پر لمآ ہے۔

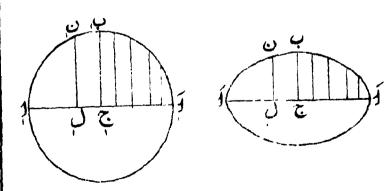
ال الل x الل ع ج ب : ج و [سنام ا

قطعناقص

ليكن ن ل = ول × ول اتعيدس م اش ما ن دن : دن = ج ب : ج ر یعنی دن ل : دن ل = ج ب : ج ا تعریفات ۱- جو دائرہ ال سے قطر پر بنایا جائے ائس کو امدادی یا معاون دائرہ کتے ہیں ٧- آگر نقاط ن اور ن بلیلی اور امادی دائرہ کے مشترک معین پر واقع ہوں تو دہ نظیمری نقطے

مہلائے ہیں۔ ۳- ہلیلی کے ایک وٹر اور امادی دائرہ سے ایک وٹر دونوں کو نظیری وٹر سمپینگے اگر ان سے سے ابتا میں

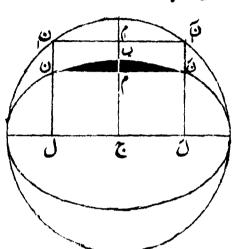
۔۔. دائرہ کا خل قطع اتص ہوتا ہے



قطع ناقص

فض کرو که دائرہ معلومہ إن أ ہے جس كا ا کے بنیادی خط کے متوازی ہے اور جس میں نصف قطر ج ب الم پر عمود ہے ، نیز فرض کردکه حسی نقطه ن سے اور پر عمود ن ل تكالا گيا ہے۔ فرض سروك والره إن ب أو كاظل ون ب أو ہے اور نقاط ہا ہے 'ب ج ان ال تے ظل ہا کے ب 'ج 'ن'ل ہی تب ن ل = إل × ل أ آ الليدس م الش اور ١٥٥ تال =جب = ال × ل أ: ج ال سكين دال : ج ب = كال : جب [سندج] اور إلى × ل إَ: ج إَ= ال × ل وَ: ج وَ デートリンスリーニートリン ·· نيز ن ل اورج ب خط او کر عمود بن استاس اس نے نابت موا کہ ن کا طریق ایک ہلیلی ہے جس کے محور ج اور ج ب ہیں [مسلم] نوط دائرہ اب او امادی دائرہ سے ساوی ہے۔ سبت ج ب : ج را = جم عه جهان عه زاویه تغلیل ب المبلی کا رقبہ = m x او ج x ب ج مستعل ٢ تُابت سروكة طن اتص لبحاظ مور أصغر كے تتشاكل قطع ماقص

اور اس کا ایک آور ماسکہ (مس) ہے اور ایک اور مرتب بھی ہے۔



فرض کردکه ن م ن امرادی دائرے کا ونزہ جو محور اصغر کو نقطہ م پر قطع کرتا ہے اور اس سے زاویہ قائمہ بتاتا ہے۔ المیلی پر ن اور ن کے نظیری نقاط ن اور ن کو اور مشترک معین ن ن ل اور ن ک کو اور مشترک معین ن ن ل اور د کو کہ اور ن ک کو اور مشترک معین اور فرض کردکہ یہ محور اصغر کو م پر قطع کرتا ہے ۔ یہ محور اصغر کو م پر قطع کرتا ہے ۔ یہ کو است میں است میں ا

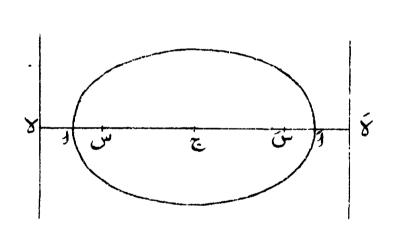
من ن ل ع ن ل آسئدہ] اس نے ن ن ' ل ل کے سوازی ہے اور جب سے زاوایہ قائمہ بناتا ہے

ينر عام عن م [اقيدس م استن ٣]

قطع ناقص

ن م = ن م [اقلبدسم اش ۳۲]
اس نے اگر قطع اقص پر کوئی نقطہ ن ہو تو اس کے مقابل لازہ ایک اور نقطہ ن ہلیجی پر ایسا ہے کہ ن اور ن کو طلا نے دالا خط مور اصغر سے زادیہ قائمہ نا آ ہے اور اس ہر دو مساوی حصوں میں قائمہ نا آ ہے اور اس ہر دو مساوی حصوں میں

قائمہ بناتا ہے اور اس پر دو مساوی حصوں میں تقییم ہوجاتا ہے یعنی معلوم ہواکہ 'اقص بلحاظ مجور اصغرے متشاکل ہے۔



پس ج س کو ج س اور ج کی کو ج کی کے مساوی قطع کرو اور کی یں سے ایک خط ایا کینچ جو اوا پر عبود ہو' ظاہر ہے کہ اگر یہ خط مرتب ہو

جو الآبر عمود ہو' ظاہر ہے کہ اگر یہ خط مرتب ہو اور س اسکہ اور خروج المرکز کی وہی قیست ہوجو پہلے بھی تو بھی قطع: اض مرتشم ہو سکتا ہے

منقى مثالين سئله

ا- ایک متقیم خط بلیبی سو دو سے زیادہ نقطوں پر قطع ا

با۔ من سب خطوط ہیں ہے جو مرکز کو منحی سے کسی نقط

سے الت میں ج ا سب سے بڑا ہے اور ج ب سب

ے جبوٹا ہے ۔ ۷۔ دو نظسبہ ری نقط ن ادر ق بالترتیب ہلیلمی ادر

الدادی دائرہ بر داقع ہیں انقطہ ن میں سے ایک خط

ک ن ل ایبا کمینیا گیا ہے ہو موروں کو نقاط ک اور ل

بر ملتا ہے اور ان سے وہی زاوٹ بنانا ہے جو خط ج ق بناتا ہے ' تابت کروکہ ک ل کا طول مستقل ہے

سے مور اسفر کو قطر مائکر ایک دائرہ کھینچا گیا ہے اور ہلیلی پر سے کسی نقطہ ن سے ب ب ب بر عمود ن م

نگالا گیا ہے ' اگریہ مود دائرہ مٰدکورہ کو نفطہ ہے پر کھے تو ناست سروکہ

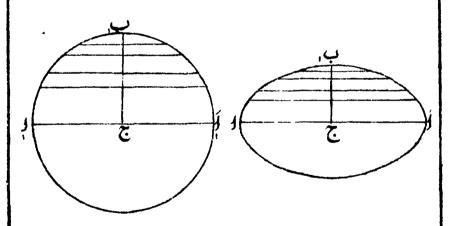
۵- اگر انگیب سلاخ اسطرح حرکت حرب کم اس سطیم مسرے ہمیشہ دو نتابت مستقیم خطوں بر رہیں اور یہ خط م

ایک دوسرے سے زاویہ قائمہ کنائیں تو تابت سرو کر سلاخ

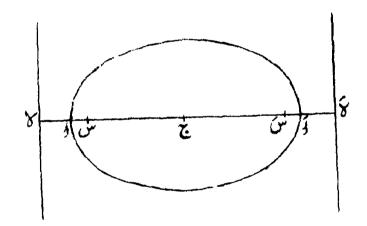
. قطع اقص

پر سما کوئی نقطہ ایک قطعناقص مرتبم سریگا۔ مستعمی مثالیہ مسلم قطعناقص کا خل دائرہ ہو سکتا ہے

معلم (متبادل نبوت) فرض کروکہ اوب اؤ ایک دائرہ ہے اور اوب اُ ایکا نبس ہے



ج ب دائرہ سے اُن سب وتروں کی تنصیف کراً ہے جو اُلاً سے متوازی ہیں [اقلیدس م سس س] اس لئے ج ب ہلیلی سے اُن سب وترون کی شیسف کرا ہے جو الا سے متوازی ہیں [مسئلہ ج] اور ج ب اُن سب وترون پر عمود ہے جنگی یہ تنصیف کرتا ہے [سلم س]
اس کئے ہلیلمی بلجاؤ مور اصغر کے متشاکل ہے اور مرکز کے دوسری طرف اس کا دوسرا ماسکہ اور دوسرا مرتب دونوں واقع ہیں جن کی مرد سے ہلیلمی مرتبم ہوسکتا ہے۔



س ا = ر * الآ [بوجب تعربیت] س ا که از * الآ [بوجب تعربیت] جمع سرنے سے

 $\dot{x} = (\dot{x} + \dot{x}) = (\dot{x} + \dot{x}) = (\dot{x} + \dot{x}) = \dot{x}$ $\dot{x} = (\dot{x} + \dot{x}) = \dot{x} = \dot{x} = \dot{x}$

تفریق کرنے ہے س س = ر × اؤ

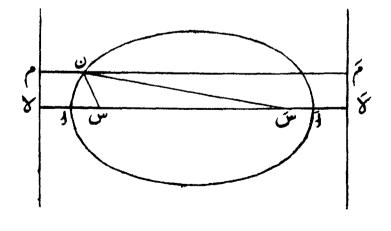
تمطع فاقص

(ア) ···· / = オマン (ア) ···· (ア)

مشقی مثالیس سئله که تطی مثالیس سئله که تطی نقص اور اس کا ایک ماسکه دیا ہوا ہے ، مرکز اور خروج المرکز دریا فت سرو

تروع المرزر ورياف ترو مسلم

> س ن + س ن = واکم بلیجی کو مرشم سر نے کی آبی ترکیب



مرتبون پر عود من مُ کینیو

تب سن = $C \times C$ سُن ت = $C \times C$ مُ سُن = $C \times C$ مُ سُن = $C \times C$ مُ سُن = $C \times C$ $C \times C$ C

ے لوکر سے اگر س اور سک پر دو چھوٹی کھونٹیاں

ہوں اور رسی کا ایک بند علقہ ان سے گرد گزرے تو ایک پینل کا سار 'ن' جو حلقہ کو خوب کس کر تھینچے رکھے رایک الیے قطع ناتھ کو مرتسم کرے گا

جن کے ماسکے س اور س ہوں گے۔

منقى مثالين سئله

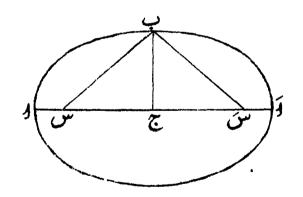
ا۔ آگر ن کوئی نقطہ ہو تو س ن + سَ ن بڑا ہوگا اوکر سے اگر ن ہلیلی کے باہر ہو اور سا دی ہوگا اگر ن ہلیلی پر ہو اور چھوٹا ہوگا آگر ن ہلیلی کے اندر ہو۔

٧- ايك دائره دوسرے دائره ك باكل اندر كمينيائيا ك ابت كروكه ايك ايك نقطه كا مقام جو دونوں دائروں ك محيطوں سے مسادى فاسله ير ہو ايك الميلي

قطع اقص

سا۔ دو ہلیمی خطوں کا ماسکہ مشترک ہے اور ان کے اعظم حور مساوی ہیں خابت کرد کہ وہ ایک دوسرے کو دو سے زیادہ نقطوں پر قطع نہیں کر کتے۔
م ۔ خابت کرد کہ جو مشقیم خط ن س اور ن س کے خارجی زاوئے کی تنصیف سرتا ہے وہ قطع ناض کو دو بارہ نہیں قطع کاض کو دو بارہ نہیں قطع کر سکتا۔

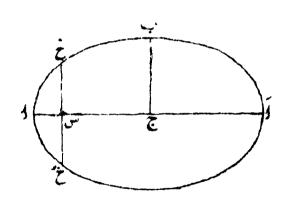
مسئلہ **ہ** ج ب = ج ز - ج س = س ا x س اَ



س ب + سَ ب = الرَ [سئله ٨] نكن س ب = سَ ب [اقليدسم اش] نب س ب = ج ال ج ب = س ب - ج سُ [اقليدس م اش، ۴]

بعث اسكه ميں سے گرر نے والے رو عن معین کو ہم ور خاص (خ نح) کہیں سے۔

ٹابت کرو کہ نیم وٹر خاص میں خ'ج اور جب کا تیسلر متناسب ہے لینی میں نے ×ج ا = ج ب

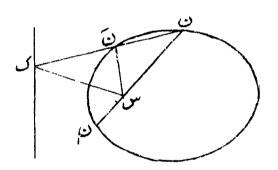


سخ : اس × أس = جب : ج و [سئلم] لکین .: اس × اس عرب المسادة [سنده] سخ :جب=جب :جاز

سخ :جب=جب :جر

سخ ×ج ا = جب

اگر ن پر کا عاس مرتب کو ے پر ملے تو خاہت کرو کہ زاویہ ن س سے قائمہ ہے۔ نیز خابت کرو کہ ایک ماسکی وتر سے سروں برسے ماس ایک دوسرے کو مرتب پر قطع کر نے ہیں



المیجی پر کے نقطہ ن کے قریب ایک نقطہ ک کو اور فرض کروکہ وتر ن ک مرتب کو ک پر ماتا ہے کا ن س کو ن کک فارج کرو تب ک س زاویه ن س رم کی تنصیفا الاتا م الله ہنتی محزوطات 44

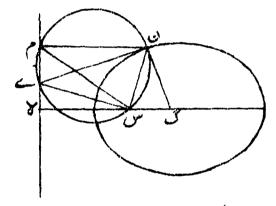
0

قطعناقص

جب ن ن بر منطبق ہوتا ہے جس وقت ن ن ک ک ماس ن ہے بن جاتا ہے اسوقت زاویہ ن س ن وو قائموں سے برابر ہوتا ہے اس کے زاویہ ن س سے قائمہ ہے اس کے زاویہ ن س ن زاویہ قائمہ ہے اور ہے ن اسلے ہے س ن زاویہ قائمہ ہے اور ہے ن نقطہ ن برکا ماس ہے بینی ن اور ن برکے ماس ایک دوسرے کو مرتب پر قطع کرتے ہی اللہ وسرے اللہ وتر فاص کے سروں برکے ماس ایکدوسرے

کو نقطہ کا پر قط کرئے ہیں ۱۷۔ اگر ہلیلی سے کسی نقطہ ن میں سے محور پر عمود ق ن ل ن کا لا جائے اور یہ عمود خ پر سے ماس کو ق بر اور محور کو ل پر لمے تو نابت کرو کہ ق ل س س ن ۱۷۔ ہلیلی سے کسی نقطہ ن پر کا ماس کھینچو سے نقطہ ب پر ماس کھنینے سے عابت مرو ラフ×チメ=テト

مسئملہ ۱۲ اگر ن پرکا عاد محدر اعظم کو گ پر ملے تو نابت کروک



ہے تھینیو ' س ہے سکو ملاؤ ' مرتب

یر عمود ن م تھینچو اور س م کو ملاؤ ہے م ن اور سے س ن ناوے قائمے ہیں [مسملاً] اس نے اگر سے ن سے قطیر پر ایک وائرہ کھینجا

بات تو يرم اورس ميس سے گذريگا آنميدس ماسس یونکہ سے ن گ زاویہ قائمہ ہے اس نے ن گ

والره كو مسس كرتا ب [الليس مسل الليس من جو اس كن خواس الله الله من جو

وائرہ کے متبادل قطعہ میں واقع ہے[اقلیس الشام] نیز زاویہ ن س ک = زاویہ س ن م [اقلیس الشام] اس لئے مثلث س ن گ اور ن م س مشابہ ہیں ن س گ : س ن = س ن : ن م ن س گ : س ن = س ن : ن م

منتقى مثالين سئله ١٢.

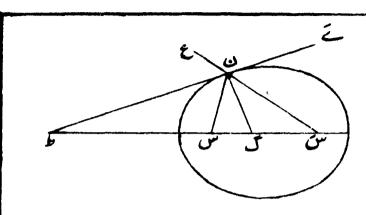
ا ہلی برکوئی نقطہ ن ہے ادر نور اعظم بر ایک ناب نقطہ م ہے ، اگر م سے ن بر سے ماس بر ایک عمود کھینچا جائے تو جس نقطہ بریہ عمود سمتی قطر س ن کو

متا ہے اس کا طریق دریافت سرو۔ ۲۔ اگر ک د مس ن پر عمود نکالا جائے تو ثابت

کرو کہ نببت ن ل : گ د منتقل ہے اور ن د = نیم ترظ سے سے اور ن د = نیم ترظ سے سے اور ن د = نیم ترظ سے سے آگر ن گ مدودہ مور اسفر کو گ پر ملے توکہ سے مدودہ مرتب کو م پر ملیگا جہاں م یا مین اس عمود کا

میدورہ طرب ما ہید میں بہاں م بیان ہے۔ ہے جو نقطہ ن سے مرتب پر نکالا جائے

مسئلہ۱۳ ہلیلمی سے کسی نقطہ ن پرسے ماس اور عاد ہلی فاضلوں کے درمیانی زاویہ کے بالترتیب خارجی اور داخلی منصف ہوتے ہیں۔



اس نے س گ: ش کے س ن ؛ س ن اس نے نابت ہوا کہ ن گ زاویہ س ن س کی

تنضیف کنا ہے تنضیف کنا ہے اس کئے ان زاوایوں کے متمم زاوے سن ن ط اور

س ن ئے ساوی ہیں لیکن زاویہ س ن ے=

زاوید ع ن ط اس کٹے ن ط خارجی زاویہ س ن ع کی تنصیف م

مشقى مثاليس مسئلة ا

ا۔ اگر ن پرکے ماس پر عمود س ما نگالا جائے اور یہ

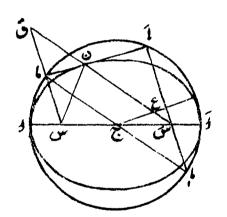
عمود عمق ن ممدودہ کو س بر مے تو نابت کردکہ (۱) س مایس مایس (۲) س ن س ن س (۳) سَ س = الرَّ اگر ن قطع ناتھ بردرکت کرے تو س کا طریق دریافت کرو نوٹ ۔ ربط (۱) کی وجہ سے مس کو ماسکہ کا عکس بلحاظ ممال سے کہتے ہیں ۔

٧- ماس اور عاد محور اصغه کو بالترسیب نقاط اور گر بر ایک دائره کینیا مین نابت کروکه آگرگ اور سے قطر پر ایک دائره کینیا جائے تو وہ نقطه ن اور دونوں ماسکوں میں سے گذریکا مو۔ اگر ن برکا عاد محور اعظم کو گ پر اور اصغر کو گ بر مین سک سے تو عابت کروکه مثلث میں ن گ اور گ ن س مثنا بہ ہیں مشابہ ہیں

ہوے ایک دازہ تھ نافس کے ماسکوں میں سے گذرتا ہے ،
 دائرہ اور محور اصغیر کے ایک نقطہ تقاطع میں سے ایک مستقیم خط کمینچا گیا ہے جو اس نقطہ کو دائرہ اورقطع ناقس

مستقم محظ سیمیچا کیا ہے جو اس تقطہ تو دائرہ اور قطع نافق کے نقطہ تقاطع سے وصل کرتا ہے۔ نابت کرد کہ یہ خط قطع ناقص کوسس کرتا ہے مستلديها

مسلم الم الموں سے ن پرکے عاس پر عمود (س ما ' سَ ما) کینیے جائیں تو ان کے پائین املادی دائرہ پر واقع ہوں گے نیز اگر ہج ع ' ن بر کے عاس کے متوازی کینیا جائے اور سُ ن کو نقطہ ع پر قطع کرے تون ع = ج ا نیز س ما ﴿ سَ مَا = ج بِ



سُ ن اور س ما کو اتنا ظاج کرو که وه نقطه ق پر طین ' ج ما کو طاؤ مثلثات مان س اور مان ق میں مان مشکر ہے ' ن ماس اور ن ما ق زاوئ قائمے ہیں ' زادیہ مان س الآ مان ق مان ق ن س ن = ن ق ' س ما = ماق [مسئلہ ۱۳] ن س ن = ن ق ' س ما = ماق [اللیدر نماش ۱۳

اور س ج = ج سُ اس کئے سُن ق متوازی [آفليديس م ٧ ش ٢ ہے ج ماک ن ج ما ۽ پ سُ ق الليدس م اش س = + (かい+いか)= + 11 [一北八 = ج 1 اس کے ما امرادی دائرہ پر واقع ہے اسی طرح سے مُا بھی امادی دائرہ بیر واقع ہے نيز ماج ع ن ايك متوازى الاصلاع ب اسكنے ن ع = ج ما = ج ا مُاسَ كو اتنا خارج كروكه وه دائره كو لم بر لم ، ماً المحو الأو اب يجونك ما ما الراويه قائمه ب

اس کے مام مرکز ج میں سے گذرتا ہے[اتلیدیم، شا] س ما ۽ سُ ما [اقليدسم اش س]

س ما × س ما = س م × س ما

= اس × س او الليدسم سشه

ع ج ب ا [سئله] مثقی مثانوں کے لئے دکیمو صفہ (۸۱)

تابت کرو کہ قطع ناقص اور امادی دائر کے تظیمہ دیم ایک دوسرے کو محور اعظم پر قطع کرتے ہیں قطع ماقص

نیز آگر نظی ری نقطون پر ماس کینی جانین تو وہ بھی ایکدوسرے کو محور اعظم پر قطع کریں گئے۔

فرض کرو که قطع ناقص کا وتر ن ق محور اعظم کو نقط دیر مت به فرض کرو که امدا دی دائرہ پر ن کا نظیمسیمی نقطعہ ہ

ر حس مرو کہ امد رہی دارہ پولگ کا میں اس کو اتنا خارج کرو کہ وہ سے ۔ ط ن سو ملاؤ اور اس کو اتنا خارج کرو کہ وہ معین رق معدودہ سمو ق بیہ کمبے

تب قر : ن ل = رط : لط [تليدسم وشم]
= قر : ن ل [تليدسم وشم ا

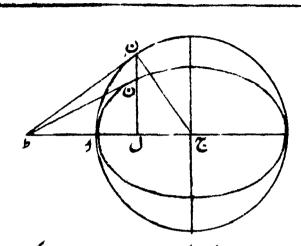
ن قرد قر = مان ال

اس نے قرادر ق نفیے ہیں اور اسلے

اس کے فی اور می تصریبری سے ہیں اور اسے معلوم ہوا کہ تطبیری وتر ن ق مور کو ایک

ہی نقلہ ط پر ملتے ہیں۔ اِگر ق حرکت کرے ن پر منطبق ہو جائے تو ق حرکت کرنے ن پر منطبق ہو جائے گا۔ اس وقت ن ط اور ن ظ بالترتيب تطع ناقص اور دائره ك اس بنجائیں کے یہ پس معلوم ہواکہ آگر نظیری نقطون پر ماس مستج جائيں او وہ ايک دوسرے مشقى مثالين سئله ١٥ ن اور ن نظیری نقط ہیں ، ن پرکا ماس جب مروده کو ک پر الما کے انابت کروکہ جک × ن ل= اج برج ٧- وق ادر وق تطع ناقص سے وو عاس ہیں اور ول موریر عمود ہے انابت کرو کہ اگر نفیسدی نقاط قی اور ق پر اماً دی وانرہ کے ماس کھنچ جائیں تو وہ ایک دوسرے کو ول پر میں سے نیز نابت کرد کہ اگر ق ق مدودہ محور اعظم کو ط پر ہے تو

サマンス d=ラド



ل ن کو اتنا خارج کرو که وه امراوی وائره کو ن پر ملے اور ن ط ، ن ج کو ملاؤ ۔

ن ط دائرہ کو مس کرتا ہے [مسئلہ ایم] اس لئے ج ن ط زاویہ قائمہ ہے [اقلیسم اللہ ا

ن جل ×جط=جن آتليديم١ش٠] =ج ٢٠

مشقى شالين سئلها

ا۔ ایک دے ہوے متقیم خط سے متوازی نطع ناقص کا ملاس کھینچو۔

الله الربع من سے ایک مستقیم خط عاس کے ستوانی کمینی جائے اور وہ س ن اور س ن سو بالترتیب عادی کمینی جائے کرے تو نابت کردکہ

ك ع = ن ع

سو۔ تابت سروکہ میں ع = سَن عَ ہم۔ اگر س ن کو قطر ماکر ایک دائرہ کینچا جائے تو آب کرو کہ وہ امرادی دائرہ کو مس کرتا ہے۔ در سام کا میں در میں میں اور ماک کو ساک

۵۔ س ک ، س ن سے متوازی ہے اور متاک ، س ک پر عمود ہے ، ٹابت کردِکہ جس مکافی کا ماسکہ س ہو اور راس ک ، وہ قطع ناقص کو مسس کرتا ہے۔

4۔ قطع ناقص کے ماسکہ اور ماس سے مقام معلوم ہیں اور مور اصغر کا طول بھی دیا ہوا ہے ، دوسرے ماسکہ کا

طریق دریانت کرو ؟

کے ۔ اگر ایک دائرہ کے ایک وتر کے محاذی ایک نقطہ معینہ پر زاویہ قائمہ بنے تو تابت کروکہ یہ وتر ایک ایس مخروطی تراش کو لعن کرتا ہے جس کا ایک ماسکہ نقطہ

معینہ ہے اور دوسا ماسکہ دائرہ کا مرکز ہے۔ ۸۔ اگر نظع ناقص کا ایک اور ماس ' سان ساکو زاویہ

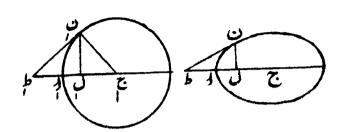
برنسه بر قطع کرے اور نقطه تقاطع و ہو تو نابت کروکہ قائمہ پر قطع کرے اور نقطه تقاطع و ہو تو نابت کروکہ

وما x و مأ = ب ج

اس نے نابت کروکہ ج وہ ہے ج اڑ + ج بڑا [قطع ناقص کے جو عاس ایک ووسرے کو زاویہ قائمہ پر میں سے میں میں میں ایک میں سے اس میں ایک میں ایک میں ایک اس میں ایک ایک اس میں اس میں ایک اس میں اس

قَطْع كري ان كے نقطہ تقاطع كا طريق ايك دائرہ ہوتا ، سے جس كو مرتب دائرہ كہتے ہيں -]

مسئله ۱۷ (متبادل ثبوت)



وہ دائرہ کھینچو جس کا ظل بنانے سے قطع ناقص حاصل ہوا ہے اور فرض سروکہ ج ، ن ، لم ، ا ، ا کے ظل ج ، ن ، ط ، ل ، ا بہن ۔

اب ن م وائرہ كو مس كرما ہے [مسئلد]
اسلئے ج ن م ناويہ قائمہ ہے [اقيدسم سف م]
اور ج ل ن زاويہ قائمہ ہے [مسئلس]
م ج ل × ج م = ج ن ا

ن ج ل × ج ط = ج از ن ج ل × ج ط = ج ز [سندب]

مشقی مثالیس مسئلہ ۱۹ ۱۔ امادی دائرہ بر ن کا نظیری نقطہ ن ہے ' ن پر سے ماس بر عمود س المجینجا گیا ہے ' نابت سردکہ

س لم عس ت

الے تابت کرو کہ کوئی واٹرہ جو ل اور ط میں سے گذر تا ہے

امرادی دائرہ کو زاویہ قائمہ پر قطع کرتا ہے۔

الله تطع ناقص مے کسی نقطہ ن پر ماس کھینیا جائے ا

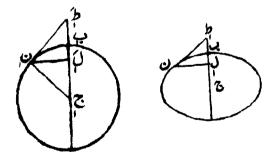
اور اس پر مرکز اور محور اعظم کے ایک سرے سے عمود ج ما اور اوے نکانے جائیں تو ثابت کرد کہ

まりxtm= コメナレ

مستلدكا

اگر ن برکا عاس محور اصغر محدودہ کو طبیر می اور نقطہ ن سے محور اصغر بر عمود ن ل نکالا جائے تو ثابت کروکہ

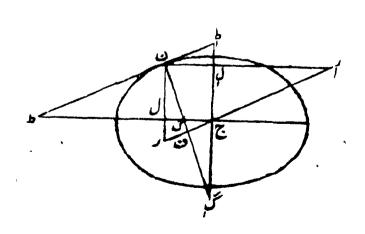
マンスキャスメッで



وہ دائرہ کھینچو حس کا خل قطع ناقص ہو۔ اور فرض کرو کہ نقاط ج ان ام ان ب ال سے خل ج ن کو طاف تب ن ط دائرہ کو مس کرتا ہے[مناوا اس کے ج ن ط زاویہ قائمہ ہے[اقیدس ۱۳ شما] نیز ج ل ن زاویہ قائمہ ہے [مسلس] نیز ج ل ن زاویہ قائمہ ہے [مسلس] نیز ج ل × ج ط = ج ن [اقیدس ۱۳ شم] = ج ن ا

مسئلما

اگر قطع ناقص کے مرکز ج میں سے ن پر کے مال کے متوازی ایک خط کھینچا جائے اور ن پر کا عاد اس خط کو نقطہ ف پر اور مور اصغر کو گ پر لمے تو ٹابت کرو کہ ن ن × ن گ = ج ب اور ن ن × ن گ = ج ۲۹



74 مورون پر عمود ن ل ر اور ن ل ر کمینیو اور فرض کرو که وه ج ف کو ر اور به پر سطتے ہیں نیز فرض کروکہ ن پرکا ماس محورون کوط اور طریر عما ہے چونکہ ل اور ف پر سے زاوئ قائے ہیں۔ اسکنے علی ل ر اور ف سے گرد ایک دائرہ بن سکتا [اقلیدس مه ش اس ہے ن x نگ = ن ل x ن ر [اقیدسم سش اسیا] د ن د ن ک اسیال اسیا =ج ل ×ج ط [اقيدسماش، ا = ج ب السلاما

اس طح سے ن ف × ف گر = ن ل x ف ہ =ج ل بج ط[آئيس، اس ٢٠]

4 7=

مشقى مثالين مسئله ١٨

ا- اگر گ سے س ن یا س ن مدودہ پر ایک عمود ا گوک نکالا جائے تو نابت کروکہ نک = ج ا

٧- اگر ن پر کا ماس مور اعظم کو نقطه ط ير لے تو ج ف x ن ط اک عمودوں کے حاصل ضرب سے سائی ہو گا جو ماسکوں سے ن پرے عاد پر شکالے جائیں۔

مبندسي مخزوطات

قطغاقص گ ل : ج ل = ج ب ا : ج لا 3 = U x 5 U نگ کو آننا خارج کرو کہ وہ مور اصغر کو گ پر مے اور ج ن کو ن پر مے اور ہے اور ج ن کو ن پر مے ماس سے متوازی کھینچو اور فرض حروکہ یہ ن کی کو ن پر متا ہے۔ تب ک : ج ل = ن ک : نگ [اليديرم اش] בטט xטל: טט xטט= = ج ب : ج د استدا نيزجل -گل:جل =ج دا -جب انج دا ن ج ل :جل=جس، :ج لا [سنده] خج ك = رو ×جل [سند]

مشقی مثالین سنگه ۱۹ ۱- اگرن پر کا عاس اور عاد مور اعظم اور محور اصفر کو بالتربیب

ا۔ اگر ن پر کا کاش اور عاد خور بہ کم ارکز کور بہ نقاط ط' طِ ،گ ، گ پر لمیں تو تابت کرو کہ

(۱) ج گ دج ط = ج س

(۷) ج گ ×ج ط = ج س (۱۷) ط گ اور طرک ایک دوسرے سے زاویہ قائمہ سناتے ہیں

٧- ثابت كروكه ل گ برج ط = ج ب

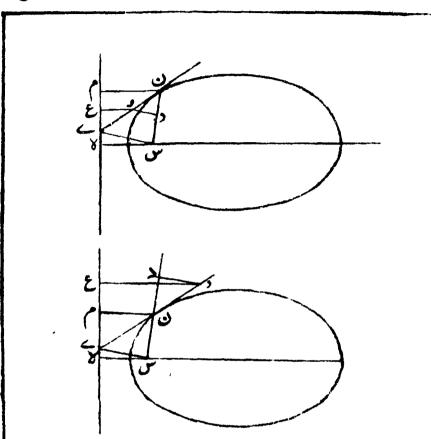
سو۔ اس مسئلہ سے قطع مکانی کے لئے ایک سمائل سئلہ مستنط کرد بینی ٹابت سرد کہ لگ = ۱ اوس سے قطع ناقص پر ایک ایسا نقطہ ن دریافت کروکہ

ہم کے خطع عالمیں چر الیب الیب المصفحہ کی درویا تک سروانہ ن کل خطوط ج ن اور ن ل کے درمیانی زاویہ کی تنضیف کرے ۔

rale -

اگر تطع ناقص کے ایک نقطہ ن پر ماس کھینجا جائے اور ماس پر سے کسی نقطہ و سے مرتب پر عمود و ع اور س ن پر عمود و د نکالا جائے تو ٹابت کرو کہ س د = ر × و ع

اس خاصیت کو انگرنی مہند آدم سے منسوب کرتے ہیںا



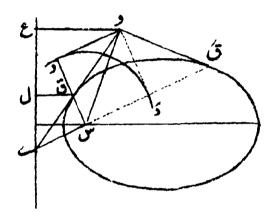
ن سد: سن = عو: عن التيسم الشار

= رع: ن م [اقييسم ١ س٠]

ن س < = له وع ماس مرتبوں کو سے اور سے پر مے اور نقاط

ے اور سے س ن پر عمود نکانے جائی تو اسکے پائیں کا در میانی فاصلہ اوک سے سادی ہوگا۔

ایک نقطہ بیرونی و سے قطع ناقص کے دو ماس وق اور و ق کھینچو



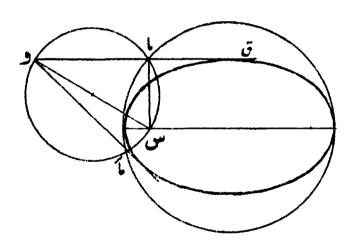
ب پر عمود و ع نکالو س کو مرکز اور که وع کو نصف قطر مان کر

ب دائرہ بناؤ اور اس کے عاس ود اور ود

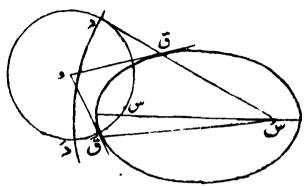
کینچو س د پر عود س سے قائم کرو جو مرتب کو سے بر مے ' سے د کو طاؤ اور فرض کرو کہ یہ س دکوق م پر لمنا ہے

مرتب پر عمود ق ل نکالو تب سق: س < = ق ع: وع المليس المراس = ق ل : وع « سن: قال = سد: وع

ہ لا ؛ ا اس بئے نقطہ ق قطع ناقص پر واقع ہے۔ اور چونکہ زاویہ ق س.ے قائمہ ہے اسلئے وق قطع ناقص کو مس کرتا ہے [مسئلہ ۱۱] اسی طرح سے دوسار ماس وق کھینی جاسکتا ہے



ووسراطرنقيه وس كو قطران كر ايك دائره عینے جو آمدادی دائرہ کو نقاط ساً اور سا پر مے ؟ تب زاویہ س ماو قائمہ ہے [اقلیدسم سش س اور و ما تطع ناقص سو مس فرات استلهها اسی طرح سے و مکا ناقص کو مس کرتا ہے



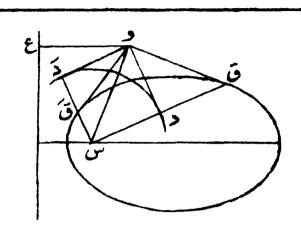
تغییدا طریقیه و کو مرکز ادر وس کو نصف قطر مان سر ایک دائره کھینچ ادر س کو مرکز ادر ال کو نصف قطر مان کر ایک ادر دائرہ کھینچ جو پہلے دائرہ کو

نقاط ﴿ اورَ ﴿ بِرِ قَطْعِ كُرِبِ * سُنَّ ﴿ اوْرَ مُسَ ﴿ كَالِمَ مِنْ الْمِنْ ﴿ وَلَا لَا اللَّهِ اللَّهِ اللَّ كو ملاؤ اور فرض كروكه وه قطع ناقص كو نقاط في اورق

کو ملاو اور فرض کرو که ده تطع مافض کو تفاظ می اورق بیر ملتے ہیں تب زادیب_ه وق ۵ = زاویه وق س[اقلیدیم|شم

اس نئے وق قطع ناقص کو مس کرہ ہے [سندیدا] اسی طرح سے وق ناقص کو مس کرتا ہے

مسٹلہ ۱۲ ٹابت کردکہ ماسات وق ادر وق کے محاذ^ی ماسکہ س پر مسادی زاوے بنے ہیں



س ق ، س قُ اور مرّب پر بالترتیب عمود ود ، و د اور وع کمینی - وس کو لاؤ تب س د = ر × وع [مسئله۲]

ع س ک استاد ۲۰

اسكنے و د = و د اقيدس م اسس، ١٠

ان ناویه وس عند اویه وس قر [اقلیدس ماسس] یا ناویه وس ق داویه وس ق

مشقى مثالين سنله

ا۔ ق ق مرودہ مرتب کوک پر لآ ہے ' ٹابت کردکہ وس ک زادیہ قائمہ ہے۔ وس ک رادیہ قائمہ ہے۔ وس کے ایک ماسکی وتر کے سرون پر ماس کھنے گئے ہیں اور

وہ براس برے ماس کو ط ، ط بر گئتے ہیں ، تابت کروکہ

تطغ اقعر

سو۔ وق اور وق قطع ناقص کے دو ثابت عاس ہیں' ا کیب شغیر ماس اکو ق ، ق پر قطع کرما ہے ، ٹابت

كروكه زاويه ق س ق متقل ہے ۔

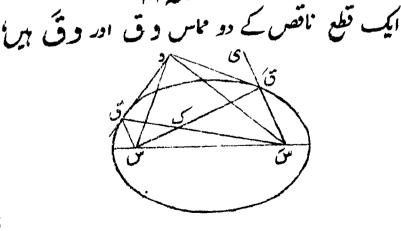
ام ایک ماسکی وتر کے سروں پر عاد اور ماس تھنے گئے ہیں، 4 عاد ایک دوسرے کو ہی پر اور عاس سے پر منتے ہیں

نابت کروکہ ے ی دوسرے ماسکہ میں سے گذر تاہے۔ ٥- نقطه وسے قطع ناقص کے دو ماس وق اوروق کھنے گئے ہیں، وس، ق ق کو نقطہ ریر ملہ ہے،

مور کے متوازی خط رے کھینیا گیا ہے جو مرتب کو ے یر ملتا ہے کا نتابت کرو کمہ تن ہے اور ق سے مور

سے ساوی ناوٹ باتے ہیں۔

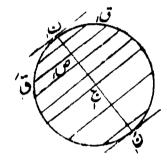
مسئليس

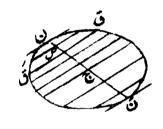


مشقى مثالين سئلة

۱۔ قطع ناقص کا ایک ماسکہ اور دو عاس دئے ہوئے ہیں ا مرکز کا طریق دریافت سرد -۱۷۔ عاسات وق ، وق پر طول ور ، ورکہ بالترتیب مساوی وس ، وس سے قطع کئے گئے ہیں ، ثابت مروکہ رز قطع ناقص سے مور اعظم سے مساوی سے - Trylt-

ایک قطع ناقص کے متوازی وترون کا ایک نطام
دیا ہوا ہے ' نابت کرو کہ وتروں کے وسلی نقاط کا
طریق ایک ایسا مشقیم خط ہے جو مرکز میں سے
گزرتا ہے ' نینر نابت کرو کہ اگر اس مشقیم خط
کررتا ہے ' نینر نابت کرو کہ اگر اس مشقیم خط
کے کسی ایک سرے پر ماس کھینچا جائے کو وہ
وتردن کے متوازی ہوگا





وہ دائرہ کھینچ جس کا ظل قطع ناقص ہے ، ناقص کے متوازی وترو بکے اور ناقص کے متوازی وترو بکے ایک نظام کا ظل ہے اور ناقص کے جو متوازی وتر ہیں ان کے وسطی نقاط دائرہ کے متوازی وترو بکے وسطی نقاط دائرہ کے متوازی وترو بکے وسطی نقاط کے ظل ہیں ۔

[مائرہ کی صورت میں یہ وسطی نقاط ایک ایسے ستقیم دائرہ کی صورت میں یہ وسطی نقاط ایک ایسے ستقیم دائرہ کی صورت میں یہ وسطی نقاط ایک ایسے ستقیم

فط ج ص پر واقع ہیں جو مرکز ج میں سے گذرتا ہے اور ج_ا میں کا ظل ایک [اقليدس مهاش ١٣] جو قطع ناقص کے مرکز ج بیں سے گذریا ہے[منلا] ت میں آگر جے ص کے کئی ایک سرے بر ماس کھینیا جائے تو وہ وترون سے متوازی ہوگا کیونکہ نسب وتر ج می پر عمود 7 اقلیدس م ۱۷ ش ۱۴ اور ۱۷ پس قطع ناقص کی صورت میں بھی یہ خاصیت اسائل ج حرا ہے اگر متوازی وتروں کا کوئی نظام دیا ہوا ہو وترون کے وسلی نقاط کے طریق کو قطر کہتے ہیں نوٹ۔ الفاظ قطر اور مور بالعموم تقطریا محور سمے اس طول کو تعبیر کرتے ہیں جو منحنی سے اندر واقع ہو اگر قطر (جن) وَتر (ق ق) کی ے تو وتر کے تفعت (ق ص) کو عين کتے ہيں

مسئلہ ۲۵ اگر کسی وتر کے سرون پر ماس کھننے جائیں تو وہ ائس قطر پر ملیں سے بو وتر کی تنظیف سرتا ہے

قطع ناقص ہندسی مخروطات فرض کرو کہ وق اور وقی ماس ہیں 'ج و کو طاؤ اور فرض کروکہ یہ ق ق کو ص بر ماہے وہ دائرہ گفینچو جس کا ظل قطع ناقص ہو اور وض کرو کہ نقاط و 'ق' ق 'ج' ص بالترشیب نظا و' ق ' قُ ' ج ' ص سے ظل ہیں' ج ق

ہ ق ' و ق دائرہ کو مس کرتے ہیں [مسُلج] د ق = د ق ﴿ [اقلیورسسم ﴿ ش [۴] [اقليدسم سن ٢٣] زاویه وج ق = زاویه وج ق [اقلیدسم اش م]

زاویه وج ق ع أو م اش م]

ق ص= ق ص آ

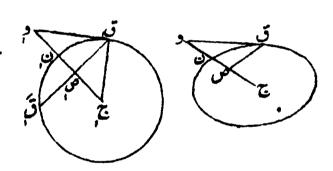
ا- قطع ناقص سے ایک نقطہ ن پر کا عاس 1 پر سے ماس کو ما پر سے ماس کو ما ہوائی ہے

قطع اقص

ا ن سے۔ ۱- اگر ج ن مرتب کو ے پر لے تو ہے س ق ق پر عود ہوگا

مسئله

قطر ج ن کا معین ق ص ہے ^{ہا} اُگر ق پر کا ماس قطر جن مدودہ کو و پر ملے تو ٹابت کرد ج ص ×ج و=ج ن



وه دائره کینچو جس کا ظِل قطع نافض ہے ، فرخ کرو نقاط ج ، ق ، و ، ن ، ص بالترتیب نقاط ج ، ق ، د ، ن ، ص سے ظِل ہیں ۔ ج تی کو ملاؤ اور تی ص کو آنا خارج کرو کہ وہ دائرہ کو نقطہ تی پر لیے ۔

نب و ق ماس دائرہ ہے۔ [مسئلہ ج] ق ق م کی تنصیف می پر ہوتی ہے[مسئلب] قطع ناقص

مشقى مثالين عله٢٦

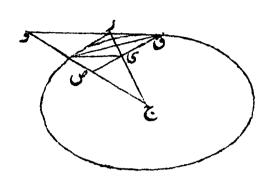
ا۔ ص ر ان ق کے متوازی کھینچا گیا ہے اورج ق کو ر بیر ملتا ہے ' ٹابت کرد کہ ن ر ' ق بر سے ماس سے متوازی ہے۔

۲۔ قطع ناقص کے نقطہ ن برکا ماس منساوی مزوج قطرون [دیکھو صفحہ ۱۰۲] کو ط اور طَ بر ملتا ہے ، ناست کردکہ مثلثات طاج ن ، طَج ن کی باہمی نبت ج طا : ج طا ہے۔

مسئله ۲۷ [متبادل نبوت]

نقطہ ن پر عاس کھینچ جو ق و کو ر پر مے وق کے متوازی ن می گھینچ اور فرض کردکہ یہ ق ص کو می بر ملتا ہے ان ق اس کرد کاؤ





تب بونکه ن رقبی متوازی الاسلاع ب ن زی کن ی کی تضیف کرا ہے :

ری مرکز ہیں سے گذرتا ہے آسٹارہ متشابہ مثلتوں سے

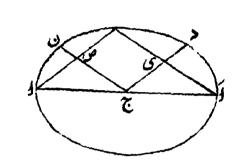
ج ص : ج ن = ج ى : ج ر

= テい : テー

* すの × す e = す い

مکافی کی صورت میں متاثل مسئلہ کیا ہوگا 'اس ترکیب بیوت کو اس صورت میں استعال کروک سنبط جون کابح کمبرج کے ماسٹرنے آس سلا کو اس طرح سے ثابت سیا۔

ral-اگر ج 🗸 کے متوازی ونزوں کی ج ن تنصیع ہندسی مخروطات تعلیم ناقس کرے تو ج ن کے متوازی ویزون کی ج کم تنصیعت



اق کو ج مہ کے متوازی کھینچو۔ ادر فرض کروکہ یہ ج ن کو علی پر ملنا ہے تب اد فی کی تنصیف ص پر ہوگی۔ آق کو ملاؤ۔ اور فرض سروکہ یہ ج د کو ی پر فطع سرنا ہے۔

نطع تحریا ہے۔ اب جونکہ اق کی تنصیف ص پر ہوتی ہے۔ اور ارائ کی ج بر، اس کئے اُت ، ج ن سلم متوازی ہے ۔ اور جونکہ ج کم اُلق سے متوازی ہے اور

ا ال کا نقطہ وسطی ہے ہے اس کئے اُق کی تفیقا اسی ہے اور ہوتی ہے۔
اس کئے ج د ایک ایسے وتر اُق کی تنفیف اس کئے ج د ایک ایسے وتر اُق کی تنفیف اور کرا ہے۔ اسلام ج د ایک کے متوازی ہے۔ اسلام ج د

ان سب وترون کی تنصیف کرتا ہے جو جن سے

متوازی ہیں-تعربیث - اگر دو قطروں میں سے ہر ایک ، دوسرے سے سب متوازی وتروں کی تنصیف

دوسرے نے سب متوارش وٹرول کی مصیف رے۔ تو ان کو مزدوج قطر کہتے ہیں+

انتباہ۔ن پر کا عاس ج کم سے متوازی ہے ا اور کم پر کا عاس ج ن سے متوازی ہے [سنگاما]

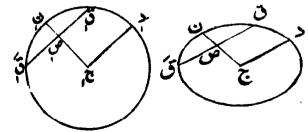
مشقى مثالبن سئله

ا۔ قطع ناقص سے مساوی مزدوج قطر کھینچو با۔ ایک مرتب اور دو مزدوج قطر کھینچنے سے آکیک مثلث بنایا گیا ہے آگر اس مثلث سے راسوں ہیں

معن بی یا ہے اخلاع پر عمود کھننچ جائیں تو نابت مرد سے مقابل کے اخلاع پر عمود کھننچ جائیں تو نابت مرد

کہ وہ ایک دوسرے سے ماسکہ پر ملیں گے۔ مسئلہ ۲۸

قطع ناقص سے مزدوج قطر دائرہ سے قائم الزوایہ فطور سے غلل ہوتے ہیں



فرض کرد کہ ج ن ع ج کم مردوج تطریب ع وتم ق ص ق سو ج در مے متوازی کھینچو اور فرض کرو کہ اس کی تنصیف ص یہ ہوئی ہے ' وہ دائرہ کھینو جس کا ظُل قطع ناقص ہو اور فرض کروکہ نقاط د، ، ق ن ن ، گ ص ، ج سے ظلّ

کُروکہ نقالہ د ، ق ، ن ، ق ص ، ج ہیں د ، ق ، ن ، ن ک ، ش ، ج ہیں

ج م متوازی ہے ق ق کے [مسئلہج] اور ت ق کی تنصیف ص بر ہوتی ہے [مسئایب]

ن ج ص ، ق ق بر عود ہے اقلیدس م سش س

ج ن ، ج د ، بد عود ہے لوٹ مزدوج قطرون سے طولوں کے متعلق کئی

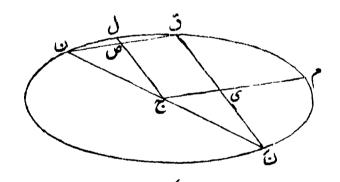
خواص اس مئلہ سے ستنبط ہو سکتے ہیں (ویکھو طریق عل مسئله ۳۰) مثلاً ۱- ن ج ب ، ج د دو مزدوج قطریس اور رکی

انقطہ قطع ناقص ہے ہے۔ ن را ن ر قطرج دیا جد مروده کو ط اور ط پر ملتے ہیں نا سبت کرو کہ

ラセ x サーフ マメ サマ ٧- اگرج ن 'ج د اورج ق 'ج ر مزديج قطرون کے دو زوج ہوں اور اگر ن یر کا عاس ج تی ا قطع ناهس

ج ر مدوده کو ط اور ط پر ہے تو ثابت ں طین طرحہ خر وتر (ق ن ص ن ن) جو قطع ناقفر منی نقلہ (ق) سو قطر ن ج ن سے سوں تے ہیں تکہیلی ونر کہلائے ہیں

تکمیلی وتر مزدوج قطروں کے متوازی موتے ہیں



تسكمينى وترون كُنْ تِ مُنْ ہے ل 'ج م کو متد ہی کھنے اور ی پر قطع سرتے ہیں

ن ص : ص ق = ن ج : ج نَ [اقيدسم اش ا

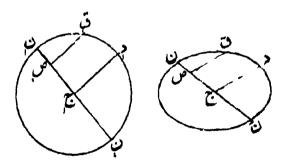
ن س = س ق

ن ج ل ان سب وترون کی تنصیف کرتاہے

ج ن ق مے شوازی ہوں [مسئلہ ۲ نینے جو ج م سے سوازی ہون اسی طرح سے ج م اُن سب وتروں کی تنصیف کڑتا ہے جو ج ل کے متوازی ہون۔ م بنج ل ، ج م مزدوج قطر ہیں آگر ایک شکل متوازی الاضائع قطع ناقص سے عرد کھینی جائے تو اس مے قطر مزدج موں سے۔

المستلد ال

اگر قطر ن ج نُ کا معین ق ص ہو اور قطر ج د ' ق ص سے متوازی ہو تو نابت کردکہ قُصُ : نص ×نص=جد : جن



وه دائره كمينجو جس كا ظِل قطع تاقيس بو اور فرض كروكه نقاط ۵٬۵٬۵٬۵٬۵٬۵٬۵٬۵٬۵٬۵۰۵

1,

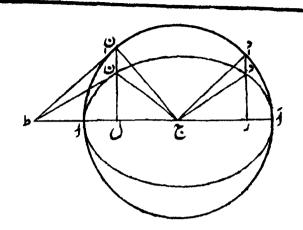
پونکہ ج ن 'ج د مزوج قطر ہیں اسلئے ن ج م زاویہ قائمہ ہے[مئلہ ۱۹

ن قرص = ن ص x ن ص [اقلید م شوادره ا ن ق ص : ن ص x ن ص = ج د : ج ن نکین ق ص : ج د = ق ص : ج د [سندج]

اور ن ص بدن ص: ج نا = ن ص بدن ص: جن [مجم] ف ق ص : ن ص بدن ص = ج ذ : ج ن

قص یا قص مدوده برای ایبانقطه ر نوکه ص د: ص ق بین بیده ا ثابت کروکه رکاطری قطع ناقص ب اور اسک محورون کے مقام دریانت کرو۔

مسئلها ۳ مثلاث جن ل اورج در بین تابت کردکه جرد: ن ل = جرد: ج ب اورج ن: در = جرد: جب



قطع ناقص کا امرادی دائرہ کھینچو 'لن اور ر**د** کو ن اور د کک خارج کرد ، بخن ، ج د کو ملاؤ اور دائرہ اور قطع ناقص سے ما سات بالترتبيب اور دارہ ارس سے اس کی دوسرے ا ن ط کی ط کھینچ کہ جاس ایک دوسرے ا محور پر قطع کرینگ [مسئلہ ۱۵] تب ن ط متوازی ہے جد کے [مسئلہ ۲۲] اسلئے مثلث طال ن ،جرد متشابہ ہیں اسلئے مثلث طال ن ،جرد متشابہ ہیں

٠٠ طل : جر و لن: رد و ل : رخ [مسئليم]

ر زاويه طل = زاويه جرام

ن مثلث طل ، جرز متت به س اقلید مهدش ۱ ه: ن ط ستوازی ہے ج در کے

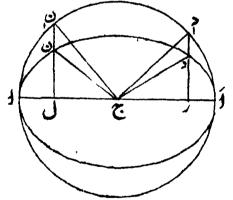
٠٠ زاويه ن ج د = زاويه ج ن ط = زاويه قائمه السلئے ناوے ک ع ج ر مساوی ہیں کیونکم انمیں سے ہرایک زاویہ یہ ج ل کا ہمتھے۔ ن شکتات درل ج عجرد مرطرح سے ایک دوسرے کے مساوی ہیں [اقلیدسماش۲۹]

دوسرے کے مساوی ہیں [اقلیدسماش۲۹]

د در ل = ج ر

سکن دل: ن ال = ج ا : جب خ ر : ن ال = ج ا : جب

اسطح شجل: در= ج ا: جب



قطع ناقص کا املادی دائرہ تکینچو۔ ل بن اور لید کو اتنا خارج کرو کہ وہ املای دائوہ

كو ن اور د بر لميس -ج ن ع ج د كو لاؤ تب دلا : ج ل = ج ب اج ل [سئلهاس] قطع ناقص

مشقى مثالير مبسئلها

اگر ن پر کا عاس تور اعظم کو ط پر ملے اور ق اس عمود
کا بائین ہو جو ج سے عاس پر کھینیا بائے تو ابت کوکر
ج تی × ق ط : ج ط = ج ل × ن ل : ج ذ
ثبت کروکہ (او) ن گ : ج د = ج ب : ج او
(ب) ن گ : ج د = ج او : ج ب
(ب) ن گ : ج د = ج او : ج ب
(ج) ن گ × ن گ = ج ذ

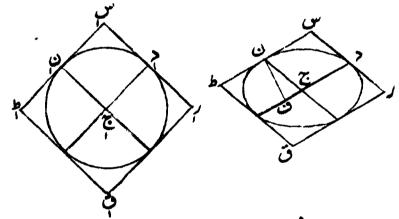
ا- مردوج قطرون سے ایک زرج کی عاصل جع کی بڑی اسے بٹری اور جیوئی سے چوٹی قبیتیں دریافت سرو۔

قطعناقص

۷- ج ن 'ج د مردوج قطر ہیں 'اگرن اور د بر سے عاد ن گ اور دع ہوں ۔ تو ٹابت کرو۔ کہ عاصل جمع ن گ + دع مشقل ہے۔

مسئله

تابت کرو کہ اس متوازی الا ضلاع کا رقبہ ہو مردوج قطرون کے سرون پر ماس کھنینے سے ہشقل ہوتا ہے مینی ن ف × جد= نج 1 × ج ب



فرض کرد کہ شکل متوازی الاضلاع تی رس طاقط ناقص کے گرد بنی ہوئی ہے ' اسکے اضلاع جن یاجد کے متوازی ہیں وہ دائرہ کھنچہ حس کا ظل قطع ناقص ہو اور فوض

ب واری ہیں وہ دائرہ کھینچو جس کا ظِل قطع ناقص ہو اور فرض کروکہ نقاط ن ،ج ، د ، ق ، ر وغیرہ سے ظِل نقاط ن ،ج ، د ، ق ، ر ، وغیرہ ہیں

نب زاویہ ن ج د قائمہ ہے کیونکہ جن کجد اور شکل تی رس ط دائرہ سے کرد بنی ہوئی ہے[معلد] اور اسکے اضلاع جر ن یاج د سے متوازی ہیں [سئلج] اِس کے تی رس ط ایک مربع ہے اور آس مجھ مے ساوی ہے جو دائرہ سے قطریر بنایا جائے اور ظاہر ہے کہ اس کا رقبہ مستَقَل ہے ۔ اس کے ق رس طاکا رقبہ بھی ایک م اس متوازی الاضلاع کا رقبہ = الاف عبر م لکین اگر ج ا 'ج ب محور ہون تور قبہ = ہمج از بہج پ ن ن ×جد = جار ×ج ب

اگر قطع ناقص کے دو وتر ایکدوسرے کو قطع کریں تو ان کے حصوں کے عاصل ضربوں کو آئیمس وہی نسبت ہوگی جو ان سے متوازی نصفت فطروں کے مربعوں کو آئیں میں ہے۔ فرض کروکہ ق وق 'ی وی وتر ہیں ج ک عبر ان کے متوازی نصف قطر ہیں وہ دائرہ کینیجہ جس کا ظِل قطع اقص ہو اور فرض کروکر

ہیں

نقاط ق ' د ' تُنُ ' وغيره سے قبل ق اواق ویو

دائرہ میں تی و × و تی = ہی و × و بی [اقلیدس میش ہا] اور ج ن = ج را

ترد د دن: ع د × د ک = ج ن: جرن .

سكن ق و × وق :ج ن = ق و× وق: ج ن [سُلج] اوري و به دي :ج را = ى د بدوى:ج را [ملع]

ن قو × دن: یو × دی=جن: جرا

مشقى مثالير مسئلة

ا- ن گ × ن ئ = ج ﴿ (و کیموم لله ۱) ソー とい× かい=ティ ۳-ج د x س ما = ب ج x س ن ۷- جد ، جن دو مزدوج قطر بین اگر دق ، س ن متوازی کھینے جائے اورج ق کرق یر عمود ہو تو ٹابت کرونگہ ج تی محور المغرے نصف سے سادی ہے ۵۔ محور اصفر کو قطر مان کر ایک دائرہ محینیا کی ہے اور نقطہ دے اس دائرہ سے دو ماس تھنے سکنے ہیں ، ٹابت کروکہ یہ ماس ن سے اسکی فاصلوں کے متوازی

شقى مثالين بلهم

ار کسی نقط پیرونی سے نطع ناقص کے ماس کھنچ کے ہیں خابت سرو کہ یہ متوازی تضف قطرون سے متناسب ہیں

۲- اگر ایک دائرہ قطع ناقص کو جار نقلون بر قطع كرك تو نابت كروكم ال كو لمان والم وتر مورس

مساوی زاوئ بناتے ہیں۔ ٣- أكر أيك وائره قطع ناتص كو نقاط ن اور في ير

مس كرك توثابت كروكه ن ق ايك مورك متوازی ہے۔

س- مسئلہ ہو اور مسئلہ ، سو کو مسئلہ موس سے عال

۵- اگر ن ق کن قُ مورسے ساوی زاوم بنائیں

تو ثابت کرد که ن ق ق کا بیرونی دائره (یسنے وہ دائرہ جو مثلث ن ق ق کے گرد بنایا جائے مخوطی تراکش کو ن پر مس کرے گا۔

(X)

قطع زائد یا ہدلولی

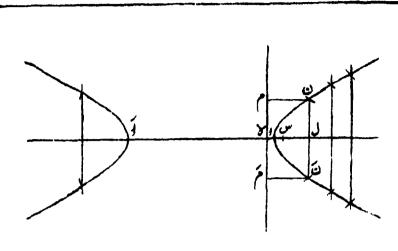
تعربیت قطع زائد یا ہدلولی ایک الیسے نقطہ (ن) کا طریق ہے حس سکے فاصلے ایک ناہف نقطہ (س) سے اور ایک ناہے متاتیم خط (کا ہم) سے اہم ایسی نسبت (ر) رکھیں جوالک سے زمادہ ہوا۔

> (نس ن = ر × ن م) نمایت نقطه (س) کو ماسکه کتے ہیں۔ نمایت متقیم خطور کا م کو مرتب کتے ۔ ہیں ۔ منتقل منتبک (ر) کو حزوج الم کز کتے ہیں ۔

مسئله ا

قطع زائد پر کے نقاط ور پافت کرنے کا عل اگر ماسکہ سے مرتب پر عمود کا لاجا ہے نؤ وہ منحنی کا محور تناکل ہوگا

راس 1 اور (أ وريافت كرو



اسكه س سے مرتب پر عمود س كا كمينچو۔ كاس كو ال پر اس طرح تقييم كروكه س ا = د × الكا

نیز س کا مدووه بر ایک ایسا نقطه از بوکه س آ = ر × آ کا

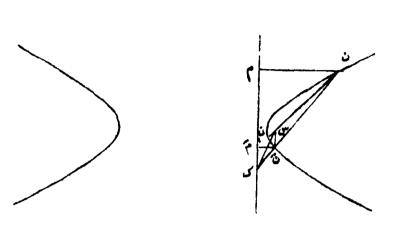
تب او اور اکم بوجب تعربیت منحنی پرواقع ہیں متعقیم خط او اگر پر کو کی نقطہ ل ہو ، س کو مرکز اور سال در رہ نہ میں سر سر میں کر مرکز اور

ر × ل کا کو نصف قطرمان کرایک دائرہ کھینچو۔ نقطہ ل میں سے ایک عمود ن ل نُ خط او اوَ پر کھینچو جو دائرہ کو ن اور ِ نَ پر قطع کرے ' تب ن اور نَ قطے زارُ

پر ہوں ہے۔ مرتب پر عموو ن م ، ن م کمینجو سن ن = 1 × ل کا = 1 × ن م من ن = 1 × ل کا = 1 × ن م من معلوم ہوا کہ اگر 1 1 بر کو ئی نقطہ ل بیا جائے تو اس طرح سے ہیں 1 اور ک مقابل جا نبوں میں ماوی فاصلوں پر دو نقطے ن ادر ک حاصل ہو تے ہیں ا فاصلوں پر دو نقطے ن ادر ک حاصل ہو تے ہیں ا اس لئے قطع زائد بلحاظ 1 اور 1 اس کے متناکل ہے بینی 1 ا محور ہے اور نقاط 1 اور 1 اس کے راس ہیں۔ نوسٹ ۔ یہ نابت ہو سکتا ہے کہ دائرہ عود ل ن کو ہیشہ نظع کرے گا جو سوائے اس صد کے جو ا در آ کے در میان ہے ، اس لئے اگر 1 اور اگر بر دد خط کھنچے جائیں جو مور پر عود ہوں تو قطع زائد باکل ان خطوں سے باہر کی طرف داقع ہوگا لیکن دونوں طرف قاتنا ہی کا چیلا ہوا ہوگا ۔ (انجیم طاطع)

مسئله

اگر وزن ن مرتب کوک بر قطع کرے تو س ک سس ک سن اور س ن کے درمیانی زاوئے کی تنصیف کرے گا۔



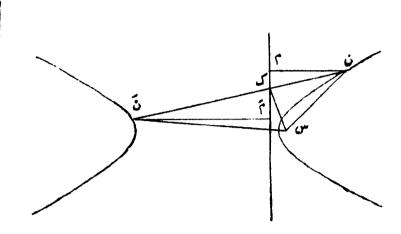
س ن، س نَ ، س ک کو لاؤ ، ن س کو در، تک خارج کرو اور مرتب پرعود ن م ان م کالو-تب سن = ر× ن م

اور سن ن = ر × ن م ن س ن : س ن = ن م : ن م = ن ک : ن ک [متنامینلتون

ال کن می ا

ا سلئے سک زاویہ ن س ن کی تضیف کرا ہے۔

[اقليدسم ١٩ ش إ



اسی طرح سے اگر ن اور ن قطع زائد کی مختلف شاخوں بر داقع ہوں تو س ک زاویہ ن س ن کی تنصیف کرے گا-

نابت کرو که ایک متنقیم خط قطع زائد کو مرف دو نقطوں پر قطع کرتا ہے

مشقى مثالين مئله ا

اگر کسی ترامض مخردطی میں ن م کو مرتب یک ایک ٹا بت اور مستقیم خط کے متوازی کھینی جائے تو ٹا بت کر د کہ نسبت سس ن : ن م مستقل ہے ۔
 س ن : ن م مستقل ہے ۔

۲- اگر ایک ناقص، ایک مکانی اور ایک زائد کا ماسکه اور مرتب دونوں منترک ہوں تو نابت کرد کہ ناقص مکانی کے بالکل ایک طرف واقع ہوگا اور زالمہ ودسری طرف -

- نابت کرد که کسی مخروطی تراش کس اسک میں سے گزرنے والا

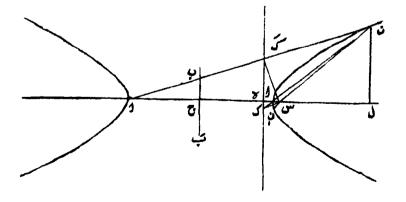
ور اسکہ اور مرتب پر موسیقی تنبت میں تعتبہ ہوتا ہے مشقی منا لیں مسلم کا کہا

ا۔ نابت کردکہ ایک متقیم خط ایک مخروطی تراش کو صرف دو تفظوں پر کا مل سکتا ہے۔

4- اگرایک مخردطی ترامنس میں منحنی کے دو نقطوں ن' نَ کو ایک شغیر نقطہ ق سے ملایا جائے اور ن ق' نَ ق مرتب کونوائ بر ملیں تو نابت کروکہ زادیہ ن س ن مستقل ہے

مسئله

اگر قطع زائد کے کسی نقطہ (ن) کا معین ن ل ہوتو نابت کروکہ نسبت ن ل: الل × الل ستقل ہے۔



ن لا ان لا كو ملاؤ اور فرص كرد كر بشرط منرورت وه خاج

کرنے برمرت کو ک اورک پر ملتے ہیں۔ س ن س ک س ک کو طاؤ اور ن س کو ن ک خارج کو متشابه مثلثوں ن لال اور ک الانسے ٧١: ١٤ - ١٤: ١٧ متنابه مثلتوں ن الل اورک الاسے ن ل: أل = ك ١٤: ألا YJ×YJ: YJ×YJ=Ji×J1: Jo: لیکن س ک زاویه اس ن کی تنصیف کرتای [مسئله] اور س ک ِ زاویہ اس ن کی تنصیف کرتا ہے [سندم] ن ک س ک ایک زاوی قائم ہے 'Yい=Yび×YJ :. [افليدسم الممشم * ن ل: الل × آل = س ١٤ : الا × آل جولک متقل نسبت ہے۔ تغریفات ج ب: ج لا کو اس متقل نسبت کے میاوی لو اور الم الم يرعموه ج ب عائم كرو ١- سب الأكو قاطع مور كيت بس ۲- ج كومنحني كا مركز كيت بين ٣- ج ب كو تيم مزدُوج مُحور تكنف بي يس ن ل: الل × أل = ج ب : ج الا

مضقى مثالير مسئله

۱- ن ل ن تطع نافض کا دگنا معین ہے ، ادن اور آن کے تقاطع کا طریق دریا نت کرو

۲- تایم تطع زائد (صفح ۱۲۹) کی صورت میں تابع کرد کر ا

سو۔ ایک قایم قطع ذائد کا وگنا معین ن ل ن ہے ' ناست کرو کہ ذادیوں ن ل ن ہے ' ناست کرو کہ ذادیوں ن ل ن ' ن لا ن کا مجوعہ دوقا مُوں کے برابرہے مہدد کو ایک دائرہ کے کسی نقطہ ن برکا عاس ایک ناست قطر لا ہب مددہ کو ط بر لمتاہے ، خاست کرد کہ وہ متقیم خط جو ط میں سے گررے اور اس قطر برعموہ ہو لا ن اور ب ن ممدودہ کو ایسے نقطوں پر سلے کا جو ایک قایم نہ لولی بروا تع ہو نگے ۔

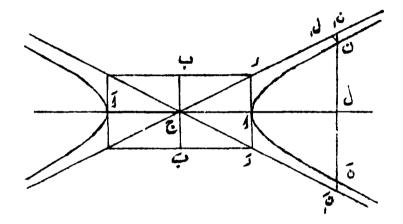
مسئلهم

محاور البح الم ' بب ج ب کے سروں پر عود قائم کرنے سے ایک ستطیل بنایا گیا ہے ؟ اگر اس کے قطروں کو لا انتہا خارج کیا جائے ادر معین ل ن کو بھی دونوں طون اتنا خارج کیا جائے کہ وہ قطروں کے نقاط ان کی بر ملے تو نامت کرو کہ سے دیا ہے۔

 قطع زائد

أما جامًا بيص بنين في الحقيقت اس كو ملمًّا تنبيس اورآخرالاً م

قطر اورمنحنی کے ور میان فاصلہ امناکم رہوا تاہے کہ وہ ہرایک محدود طول سے کم ہوتا ہے۔



فرض کروکہ اور ب میں سے جو خط محورو ں کے متوازی طینیج جاتے ہیں دہ ایک دوسرے کو نقطہ رہر قطع کرتے ہیں اور فرص کرو گہ ن نُهنتی کو ن کیر

ملئا ہیے۔ تب ل' ن ن اور ن ن و نوں کی تنصیف کڑا ہی

سكن دن م دن = ل دا - ن ل [الايسموس م]

10-U0=00×00 :

かて: シーひで:ひい ー

- ج ب': ج لا

نيزن ل: ال × الل = جب : ج الله [سناس]

یا ن ل : ج ل - ج الا = ج ب : ج الا [اتلیس الله] تفریق کرنے سے

リア: リーラーリー・リローリロ

ران - نان = ج بنا د درن × درن = ج بنا

چو که حاصل صرب ن من من منتقل رستا

بع اور اس کا ایک جزو فنریی ن ن متواتر بر حتا

ہے اس کئے ن ن متواتر گھٹتا ہے اور آخرا لا مر ہر ایک محدود مقدار سے کم ہو سکتا ہے ، نیز اگرج کہ

ہر آبایت خارد و حداد تعظیم ہو میں سنجے پر معمر بی سے بر عمو د ن ل نخا لاجائے تو چو بکہ تشبت ن ل: ن ن متقل ہے اس لیئے ن ل، متوا تر کھٹٹا سیے اور آخرالام

معلی مسلم آئی مسلم کی کا مسلوا کر مسلم کسب اور افراناهم نسمی محدود طول سسے کم ہوجا تا ہے

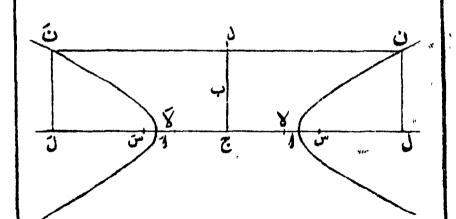
تعربیت - جب ایک منطنی ایک ننا بت مستقی خط کے متوانر قریب اتا جا تا ہے اور با وجود اس کے اسکو اکبھی تہدیں ملتا ایس کا فاصلہ ائس خط سے اسخرالا مرکسی محدود طول

سے کم ہوجاتا ہے تو اس متقیم خط کو منحنی کا مستقیم متقال کی منحنی کا مستقیم متقال کیتہ مد

متقارب کتے ہیں ۔ تعربین ۔ جب ایک ہدلولی کے متقارب ایک دوسرے سے زادیہ قائمہ بنائیں تو منحنی کو قائم بذلولی یا مت انم قطع زائد کہتے ہیں، مت کم ہدلولی کے محور مساوی ہوتے ہیں اس گئے اس کو نبض اوقات متساوی الانتلاع ہدلولی بھی کہتے ہیں -

مسکله۵

قطع زائد ملجاظ مزدوج محور کے متشاکل ہے اور اس کا ایک اور ماسکہ اور مرتب ہے ۔ نیئر منحنی کے سب د تروں کی تنصیف مرکز پرہوتی ہے



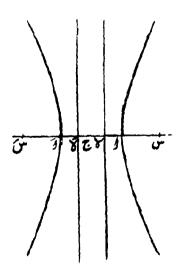
مین ن ل کینچو اور ج ل کو ج ل کے مساوی لو چونکہ ن قطع زائد پرواقع ہے اسلتے ج ل کے ج 1 بن ج ل کے ج 1

اس کئے اگر نقطه ل پر ایک عمود تا تم کبا جائے تو وہ قطع زائد کو قطع کرے گا۔ ورا کرو کہ یہ عمود نطع زائد کو ن پر کا ما ہے ن قُل: 1 ل × أل = ن ل: الل × أل [سندس] ليكن أل = ال اور ال = أل $\int_{0}^{\infty} dx = \int_{0}^{\infty} dx = \int_{0}^{\infty} dx$ 10 = 10 تَ لَ = ن ل ، کو یلائو اور فرض کرو کہ یہ ج ب یا ج ب مودی کو ل پرملٽا ہے۔ اس آنٹے ن کُ نِ مور کے متوازی ہے اور اس کیے ب ج پرغمود سے۔ اور ن ل = ق ل اس سے معلوم ہوا کہ کسی نقطہ ن کے مقابل ج ب کے دو سرنی طرف تقطع زائد پر ایک اور نقطم ت ایما ہے کہ ج ب اور ن ن کا نقطہ تقاطع ن ن کی تنصیف زاویه قائم بر کرتا ہے بینی ہذلولی

بلحاظ مزووج محور کے متفاکل ہے۔ اگر ہم ج نش کو ج س کے ساوی بنا میں اور ج لا کو ج لا کے اور لا میں سے ایک ایسا خط کھینی جو آآآ پر عمود ہو تو اس خطاکو مرتب اور مس کو است کہ مان کر ہم قطع زائد کو مرسم کر سکتے ہیں جہاں خردج المرکز کی قیمت وہی ہے جو پہلے تھی

مسئله ۴

でして×りましょくとうこととといっしゃ 10 31 = 3 m × 5 K



چونکه نقاط له اور از بذاولی پر بیس [تعربين] * ml=1×1/8 [توليف

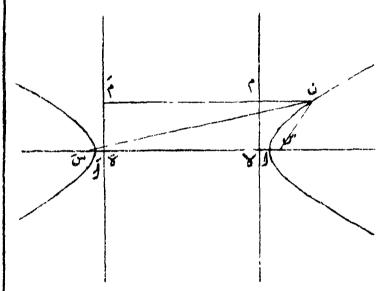
س أ = ر × أ \ [نتربين] ×1 × 1 = عل تفریق سے 1 کہ= ر× لاکا * 51=1x 38 عل جمع ہے۔ س سَ = ر× (اُ اُ 1: 3 m = 1.x 36 ンマルーラグ×スト (m) توط ۔ اس شکل میں خردج المرکز تقریباً ۱۲۲ سے " مسلا ۵ کی شکل میں خروج المرکز صرف ۱۰۱ ہے ، شبت کی تبدیلی کا اثر نقاط س ال کے اصافی مقامت برا نیزمنحنی کی عامر شکل پر ان سائل کی انتكال كو الهم مقالم كرف سے نوب دانىج بوتا ہے ، اس تنكل ميں ج ب = × × ج اور وفعد گز سفت کی شق میں ج ا × ۲ م ج مب مشقى مثالين مسئله و ١- اگرايك متقارب مرتب كوع بر له ية غابت كروك ج ع يج م اور زاویہ ج ع س تایہ ہے۔

۲۔ اگر ن فَهُ کُو ایک متقارب کے متواذی کھینیا جا سے اور وہ مرتب کو ن بر ملے تو تابت کردک ن ن اے مس ن سے اور مرتب مورد سے ہوئے ہیں ، ما سکہ اور مرتب دریا فت کرد۔

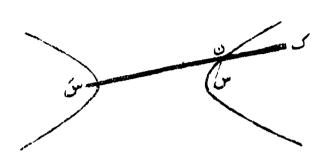
مم ۔ اگر 1 1 كو قطر ان كر ايك دائرہ كھينجا جا سے قة نابت كروكم يه دائرہ مرتبول كو المنہيں نقاط بر قطع كرے كا جہاں سخنى كے تقار " قطع كرتے ہيں -

6 2 3

س ن سس ن = 11 قطع زائد کی آلی ترکیب



مرتبول پرعمود ن م مم کنالو-تب س ن = ر × ن م اور س ن = ر × ن م ن س ن - س ن = ر × م م = ر × کا کا = ر × کا کا = 1 کا کا

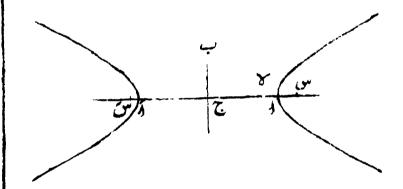


اس سے قطع زائد کو مرتبہ کرنے کی آئی ترکیب معلوم
ہوتی ہے س ک ایک کلڑی کی سلاخ ہے جو س
پر قبفہ کے ذریعہ وصل کر دی گئی ہے، اور آیک رسی
س ن ک نقاط س اور ک پر بندھی ہے اس کو افظہ ن پر ایک پینل کے ذریعہ تانے رکھتے ہیں۔
س ن + ن ک = ایک متقل مقدار
س ن + ن ک = ایک متقل مقدار
بن س ن - س ن = ایک متعل مقدار
منتفی منا لیں مسلم

ا۔ ایک وائرہ وو ثابت وائروں کو مس کرتا ہے ، ثابت کرو کہ اس کے مرکز کا طریق یا تو قطع نا قص ہے یا ندلولی ۔ ۷۔ قطع ناقص کا ایک ما سکہ اور منحنی پر کے وو نقاط دیے ہوئے ب نابت کرد کہ دوسرے ماسکہ کا طریق ایک قطع زائد ہے۔
رفضہ ۔ اگر ایک لکڑی کے نوزوط کو ایک ایسی سطع ہے کاٹا جائے
و قاعدہ پر عمود ہو تو تراش قطع زائدیا ہدلولی ہوگی، ان تراسنوں کو
ستعال کرنے ہے اس باب کی کل شکلوں کو کھینچائی ہے، تراش ہائے
فزوطی کے لئے دیکھو اسکے باب کا مسئلہ سو۔

مستزله ۸

ج ب = ج س - ج لا = س 1 × س أ



جس: جوءس وَ: وَلا اسندا

، عس-جد:جد= سزَ- وَلا : وَلا ·

اس کئے (۱) اور (۲) کو باہم عزب و ہے سے

نجسا-جالا=ج با وس × و س [افليس الله ما

مشقى مثالين مسئله ٨

۱- قائم تطع زائرس رسام الله ساء ۱ اج اورج س = ۲ ج لا م

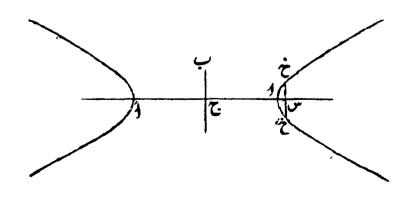
ہا۔ الرمقارب مرتب توج اور راہمی بر سے عاص تو قد پر سے ہو بس ع ۔ د ، ج ان مد ۔ متان، سے ملاع کے

س ع = ب ج اور س د متوازی ہے اوع کے

تعربین ۔ اسکہ میں سے جو دگنا معین گذرتا ہے اس کو ہم وتر خاص (خ خ) کہیں گے۔

مسئلهه

س خ × ج را = ج ب



س خ: اس × أس=جب:ج الا [سند]

لیکن اس × آس = ج سبا [سندم]

": で学: ラー・ラー: ラド

٠٠ س٦: ٦٠ = ٦٠ ن ١٦٠

: سخ ×ج 1 = ج ب

مشقى مثالين سئله

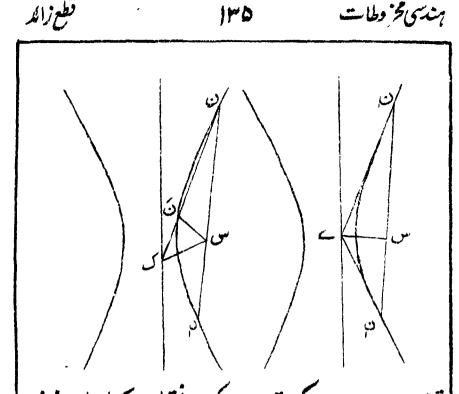
ا۔ اس مسئلہ کو سائل ، اور ۸ کی مدسے نابت کرو ۲۔ فائم قطع زائر کی صورت میں نابت کرد کم س خ = ج ۸

مسئله ١٠

اگرن بر کا ماس مرتب کو سے بر ملے تو نابت کرو کر ن س سے زاویہ قائمہ ہے۔

نیز ناست کرو کہ اگرایک ماسکی و تر کے سروں بر اللہ اللہ اللہ اللہ اللہ کو مرتب ہو ماسک کو مرتب

ا برقطع ترب کے ۔



قطع زاید پر ن کے قربیب ایک نقطہ ن کو اور فرض كروكرونزن بُ مرتب كوك ير مناسيم، ن س كو ن مك فارج كرو ننب ك س زاويه ن س ن کی تنصیف کرے گا [سندا]

ب ن ، ن پرمنطبق ہوتا ہے (حبیاکہ شکل ہومیں) تو ن ن ک عاس ن نے بن جاتا ہے اور س کے

رس کے پر منطق ہونا ہے اور زاویہ ن سن ووقائمول کے برابر ہو جاتا ہے ' اُس و قت ن س سے ایک کا نمرکے مسادی ہوتا ہے۔

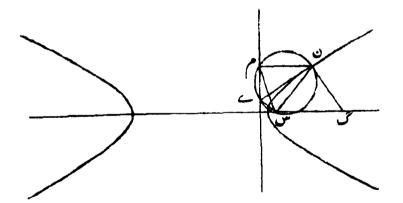
ا سلئے زاویہ کے س ن قائم سے اور سے ن ان بر کا ماس ہے بعنی ن اور ن پر کے ماس ایک

دوسرے کوم تب پر قطع کرتے ہیں۔ مشقى مثالير مئله ا

، گر ہے ن اور کے ن، معدودہ ونز خاص کو حد اور حہ بیر ملیں تو ناہت کروکر سد = س د

مسئل ١١

اگرن پر کا عاد⁷ قاطع محور کوگ پر ہے تو **س گ** =ر×سن



ماس ن سے کھینے اس سے کو ملاؤ اور مرتب پر عود ن م نخالو، نش م كو ملاؤ -زوايام ن اور م س ن خاسك بيس [مسئد،] اس ملئ اگر ك ن كو قطر مان كر ايك دائره كلينجا

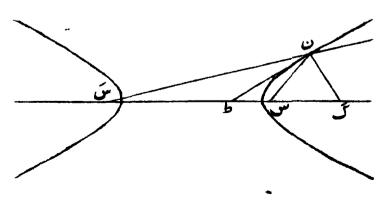
جائے تو وہ س اور م میں سے گزرے گا [آمدیس مستن اسے کے المدیس مستن اسے کے المدیس مستن اللہ اللہ میں الل

کومس کرتا ہے اسلئے زادیہ سُ ن گ = زاویہ س م ن چِنکہ یہ متباول ا [انلیدسم ش س ا

نیز زاوی گ س ن = زادیوس ن م [افلیس م اس ۲۹] اسلے متلتاری س ن گ س ن م س متفابہ ہیں ن سگ: سن = سن: ن م ن سگ = ربسن

اگر قطع زائد کے کسی نقطہ ن برماس اور عاد کھنیجے جائیں تو نا بت کر و کہ وہ اس نقطہ کے ماسکی فاصلوں کے ورمیانی زاویہ کے بالتر سبب داخلی اور

خارجی متصف ہو بھے ۔



نابت کروکدوه ایک دوسرے کو زادیہ قائمہ پر قطع کرتے ہیں۔

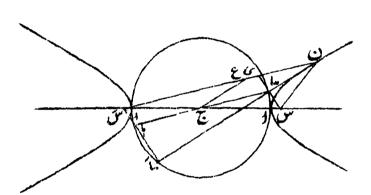
اگر ہلیلی کے کسی نقطہ ن پر ماس کھینیا جائے

يرسى مخزوطات 149

قطع زائد ور ماسكون سے ماس پرعود (س ما اس ما)

کانے جائیں نو عمودوں کے یا ئیں ایک دائرہ کے یط پر وا تع ہوں گے جس کا قطر اور ہوگا۔

نیز اگر ہے ع ن پر کے ماس کے متوازی ہو ر س ن کوع پر قطع کرے تو ناست کروکہ ن ع سز سما× سَمَاءج ب



ں ماکو آنا خارج کروکہ وہ س ن کوی پر مے مثلثات مان س اور مان ی س ن ما ترک سے اور نما ی اور نما ی ئے ہیں اور زاویہ مان س= زاویہ مان می [مسئله ۱۲]

سماءمای سن ونی [انلیسماشس] کھنے سی متوازی ہے جما کے [اتلیس مائن،]

اس لئے جماہ یا بس ی = 🕹 (سَن- سن)

11 += [مسئله،]

17 =

اس کئے ما اُس دائرہ پر واقع ہے جس کا قطر لا آہے

اسی سے ما امادی دائرہ پر واقع سے

نیزها ج ع ن ایک متوازی الاضلاع ہے اسلے

ن ع یہ ما یہ جو آ فرض کرو کہ مناسس دائرہ کو ماریر منا ہے، ما مارکو طاؤ آب چونکر زاویہ صامنا ما، تا تمیہ ہے اس لیے

ماما، وائرہ کے مرکز ج میں سے گررانے۔

[الليسم المسش الا]

سماءس ال [اتليير) م اسس م س ما برس ماء س برس ما

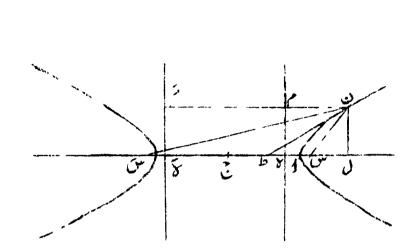
= ا مَن × مِن لاَ [الليس م است ٢٥]

= ج ب

[مسئلم]

مستلمهم

اگر ن بر کا ماس قاطع محور کو ط پر ملے تو تابت کرک リマュレセ× しき



مرتبول پر عمود ن شاهم کھینچو س ن س ن کو ملاؤ

تب چونکه ن ط زاویه مین ن س کی تنصیف کرما ہے[سلاّ] ننه میں ط: میں ط= میں ن: میں ن[اتلبیرم اش و]

۽ نم: نَ م

XU: YU=

とていしてとりといっていい

とことできる。

[مئد۲]

= 58

قطع زائد هبندسي مخروطات مشقى مثالين مسئلة ١١٧ جو مشقی مثالیس قطع انقرے بارے میں صفحہ (۸، ۹۶) بر دی گئی ہیں وہ قطع ذا کی صورت میں بھی درست ہیں سوائے نمنبر کھے مثنقي مثالير مئليهما ا۔ اسطریقہ سے تطع ناقص کے مسلد ١٦ کو تابت کرد ا اگر محور برعمود ط ن تایم کیا جائے جوا مادی دائرہ کو ن ب الى تو تابت كروكه ل ن دائره كا ماس ب-٣- نابت كروكر ج ل × ل ط = ال × ل أ اگرن برکا کاس مدودہ مزدوج محور کو ط پر کے اور اگر قطع زائد

نفظه بن سے مزووج محور برعمود ن ل تخالا جائے تو ثابت كروكه

ج ل× ج ط= ج ب مین ن ل کھینچو تب متنابہ مثلثوں سے

طل: عط = نال: جط いとしょうしょうd×ラで: Jで× d× いしい は db は db x

نظل × جل: جلاء نان: جطب جل [سئدما]

سكن طل × سجل = ج ل - ج ط× ج ل · [مسئلهما] 12-25=

= ال × ال في [اقليدس م المنف ه] ن ال × ال : ج 1 = ن ل: عط × ع ل

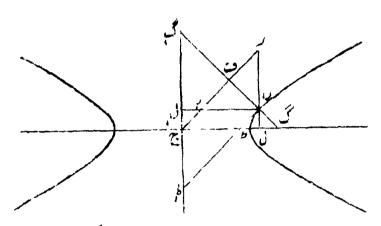
اس کھنے تبدیل نسبت سے ال × أل: ن ل = ج لا: حط × ج ل

نكين الله لأل: ن ل عبي السندس ティストーラック

14.12

اگر مرکز ج میں سے ن پر کے ماس کے متوازی ایک خط مکینیا جائے اور ن سے اس خط پر عوو ن ف کا لا عائے اور اگر ن پر کا عاد مزووج محور

کو گر برلے تو ن ن × ن گ = ج با اور ن ن × ن گ ع ج الآ



محوروں پر عمود رن ل اور ن بر ل کھینچو اور فرض کرو که وه نج ف کو ر اور به پر ملتے ہیں انیز فرض کرو

م ن پر کا ماس محوروں کو ط اور ط پر ملتا ہے۔

تب جو نکہ ل اور ف پر کے زاوئے ٹانٹے ہیں اسلیے ایک دائرہ کے ل ف ر کے گرد تھینج سکتا ہے[ائلیم معنیم]

سکتے ن ک × ن ف = ن ل × ن ر [اقیدس م س ص ۱۵]

= ع ل × ع ط = ج ب [منده]

نیز چونکہ ف اور ل پر کے زاوے قائے ہیں اس مے بیر پولد ک رو ایک دائرہ کھنچ سکتا ہے۔ گ ف م ل کے گرو ایک دائرہ کھنچ سکتا ہے۔

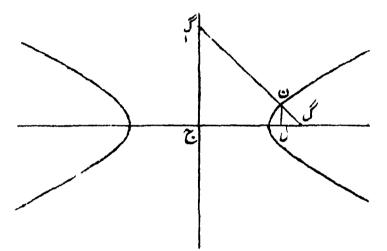
ن ن ون × ن گ = ن ل × ن ر [اقلیسم سنس ۱۳۹]

= ج ل × ج ط = ت لا [سند ١١]

نوط ۔ یہ بعدازان معلوم ہوگا کہ خط ندکورہ ج ف د قطرج د ہے جو ج ن کا مزدوج ہے

سنگله ۱۷

ل ك : جل = ج ب : ج ل اور ج ك = را م حل



ک ن کو اتنا خارج کرو کہ وہ مزدوج محورکو گ پر ملے ت لگ: جل= نگ: نگ [تعیسم اش]

ءنگ× نن: ن گر ×ن

リマ: シェ [مسئله ١٦]

يز بونكه لك: جل عجب: جدا リア:ツァーリモニして:しし+して

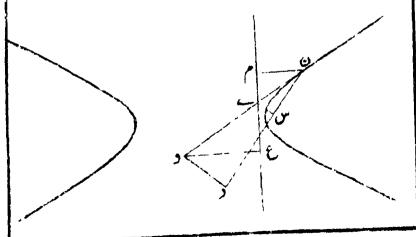
[ハルー] アル・ファー・ファー・ファー・

از : ۱ . جگ از × جل مشقی مثالیں مسئلہ ۱۵

۱- نابت کروکر ج گ ×ج ن : ج گر × ج ل = ب ج : ایج ا ۲- سائم ہزونی میں نابت کرو (۱) ج ل = ل گ دب ن گ = ن گ = ج ن

مسئله ۱۸

اگر نہ لولی کے کسی نقطہ ن پر کا ماس کھینیا جائے اور ماس پر کے ایک نقطہ و سے مرتب برعمود وع اور مس ن پر عمود و ح اور مس ن پر عمود و ح نکا لے جائیں تو تابت کرو کہ س د = ر × وع [اس فاصیت بہندس آدم سے منوب کرتے ہیں]



س مے کو ملاؤ اور مرتب پر عمود نام کالوئر تب چونکہ زاویہ سے س ن قائمہ ہے اسلئے سے س^ک د < کے متوازی ہے -

کے سواڑی ہے۔ : سد: سن= ہے و: ہے ن

= وع: من

ن سد: وع = سن: من

1:1=

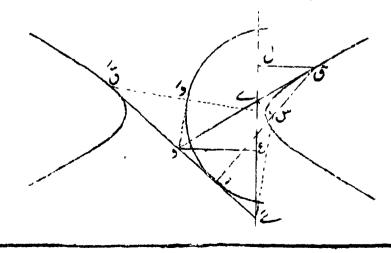
اسکنے س د = ر × وع ر بر نو م

اگرماس برکوئی تفظه و ایسا ہوکہ اس میں سے گزرنے والا ایک خط وق ق قاطع محور برعمود ہو ادر مخنی کو ق اور ق بر لمے تو نابت کردکہ س د = س ف

اور و د ع و ق ، ديكيولميلي كامسئلر ٢٠ شكل ٢

مسئلم 19

ایک بیرو نی نقطہ و سے ہذلولی کے دو ماس وق اور و نگ تھینیچو



مرتب پرعمود و ع نخانو، س کو مرکز اور رید وع کونصف قطر مان کرایک دائرہ کھینچو اور نقطہ و سے اس دائرہ کے دو ماس ود اور وکے کھینچو -

س < برعود س مے قایم کروجومرتب کوسے پر ملئے مے و کو لاؤ اور اس کو اتنا خارج کروکہ یہس < کو ق پر ملے ' مرتب پرعود ق ل تخالو۔

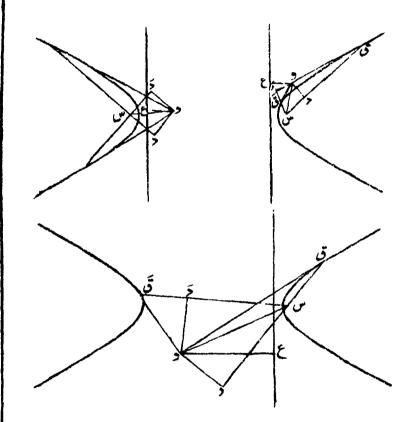
، س ق: ق ل = س د: وع = ر: ا اس کے نقطہ ق ہولی پر ہے۔

اور چونکم ق س مے ٹائمہ ہے اس کئے وق نطع نائد کے نقطہ ق پر کا عاس ہے۔

اسی طرح سے اگرہم سی کے پر عمود کس کے قائم کریں، وسے کو ملائیں اور اس کو اتنا خارج کریں کہ وہ سی کہ کو تک پر کے تو وق دوسرا ماس ہوگا نوط ۔ ادبر کا علی سئلہ اکی مدرسے حاصل ہوا لیکن مائل اورسا کی بنار پر بجی ماس کھینچے جاسکتے ہیں ۔

مسئله.٢

اگر نقطے نی اور تی زائد کی ایک ہی شاخ پر واقع ہوں تو نا بٹ کرو کہ ماسات وق ، وق کے محاذی ما سکہ بر مسادی زاوی و س ق ، و س ی بنتے ہیں لکین اگریہ نقطے مقابل کی شاخون پر واقع ہوں تو اوپر کے زاویوں میں سے سرایک زاویہ دو سرے کا تکملہ ہوگا۔



هرتب برعمود وع تخالو وس ، س ق ، س ق کو داؤ اور س ق ، س ق بر عود و د ، و که کھینچو بر عود و د ، و که کھینچو تب س د = ر × وغ = س کے [سیارا]

سلئے مثلث وس در وس کہ ہرطرح سے مادی

الليس م اسف ١٩٠]

اس کئے زاویہ وس د = زاویہ وس کے

ا سلط شکل میں، زاور وس ق = زاور وس ق اور شکل ۲ میں زوایا وس ق ، وس ق میں سے ہرایک **

زاوی ووسرے کا تکملہ ہے ۔ لوٹ ۔ اگر و مرتبوں کے درمیان داقع ہو تو شکل اکی با ئیں

طرت كا حصه استفال كرو-

مشقى مثالين مسئله ٢٠

ا۔ اگر ایک ذائد کے راسوں پر ماس کیسینے جائیں تو جو حصہ دہ کسی تمیس کے محاذی ہر ایک دہ کسی تمیس کے محاذی ہر ایک

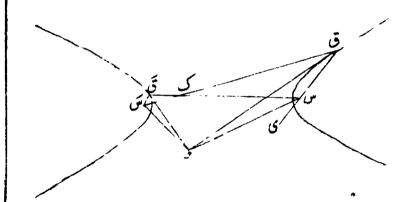
ما سکہ پر زاویہ تائمہ ہینے گا۔ ریسٹند سے سے زیر در ہے ہے۔

۲۔ تابت کردکہ مثلث میں ن س کے اندرونی دائرہ کے مرکز کاطرین ایک متنفیم خط ہے۔

۱۹۷- خابت کرد که کخط نس و ادر مرتب دو بوں ملکہ د تر تا مسس ق ق کو موسیقی شبت میں تقیم کرتے ہیں

مسئلها

نا بت کروکہ وق اور وق خطوط وس اور وس کے ساتھہ بالترتیب مساوی زاوئے بائیں گے اگر فی اور فی مقابل کی مٹا خوں پر واقع ہوں سکین آگرتی اور ی ایک ہی شاخ پر واقع ہوں تو خطوط مکورہا بالترتیب ایک دوسرے سے ایسے زاوے بنائیں گے جن میں سے ہرایک دوسرے کا مکملہ ہوگا صورت اوَّلُ- س ق، س ق، س ق ، س ق، س ق کو ملاؤ اور ق مس کو می تک خارج کرد اور فرض کرو کہ س ق اس ق کوک پر ملتا ہے۔



تبزادیہ س وق ءے۔ سسی۔ کے وق س [ا قليدس م اسنس ٣٦]

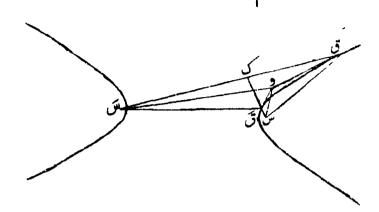
<u>- ﭘ ८ ﻕ ﺳﻰ - ﭘ ८ ﺳٽ ﺳ ﺳ</u> [مبائل ۲۰ اور ۱۴]

= لي حسك ق [افليس ماشكل ٢٠٠]

اسى طرح سے کے ش وق = اللہ کس ک ق

: extcolor igwedge سوق= # کس وق

صورت دوم



كسوق مراد كوس قركون [اقيدم الله ٢٠]

[سال ۱۲ اور ۱۲]

= ۱۸۰۰ + حسكس [الليدسم الله ١٥٠٠ =

نيز حس وق = ١٨٠ - وق س - وس ق [الليسم السه]

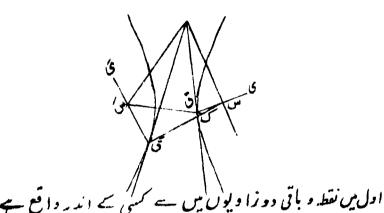
= + < س قُسَ-+ < قَسَ-+ =

= العدس السكس [تعدس السراس]

يس وق = ١٨٠- سُ وق

سندس مخطات

صورست دوم یں نقطہ و ائن دو زادیوں میں سے ایک کے اندر واقع ہے جو متقاربوں کے باہی تعتاطع سے بنتے ہیں اور جن کے اندر قطع زائد کی شاخیں واقع ہیں۔ صرب



نیز نبوت کی نوعیت کیم اس امر پر سبی مبنی ہے کہ آیا نقط و مرتبوں کے در سیان واقع ہے یا ان سے باہر۔ صورت

اوّل شدرجہ بالا میں نقطہ و مرتبون کے درسیان داقع

ہے ' شکل بالا میں یہ اِن کے باہر ہے اور اسس کئے ک ' من ق مرودہ پر داقع ہے۔

نیز نقطه و کے دو تقام جو سلہ ۲۰ کی شکل ا ہیں وئے ہیں ان سے صورت ووم ندکورہ بالا کی دو مقابل کی

صور تین حاصل ہو گی۔ تعرلیت ۔ جس قطع زائد کے قاطع اور مزدوج محور بالترتيب ج ب اورج الم مون اس كو مزدوج

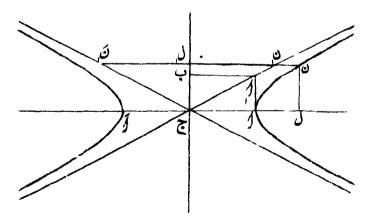
نطع زائر شمتے ہیں۔

نوط ۔ مزدوج ہزاولی کے وہی متقارب ہوتے ہیں جو اصلی بدلولی کے جوں اور اس کی وجر یہ ہے کہ دو نوں صور تو سیس وہ ایک ہی متطیل کے قطر ہیں۔

مسئله۲۲

اگر منحنی یر کوئی نقطہ ن لیا جائے اور اِس نقطہ میں سے ج 1 یا ج ب کے متوازی ایک خط کھینیا ما سے جو متقاربوں کو ن ن کے پر کے توٹا بت کروکہ سطح ن ن × ن نے = بالترتیب ج ار یا ج ب کے مربع کے

اگرن مزدوج قطع زائد پر ہو تو تھی اسی قسیم کا ربط درست



صورت اوًل - ن ن کوج اور کے متوازی کھینچو اور فرض کرو کہ ج ب کو ل ایر متا ہے ۔ تب ن ل: ج ل - ج الا = ج ب : ج الا [سندس]

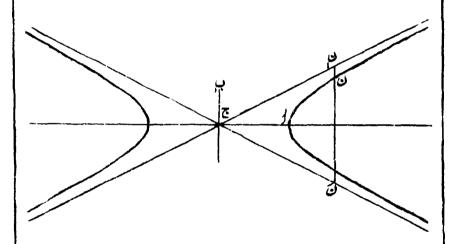
リマ: シャーファーカン: ひき:

نيز جل: ١٥٥= جب: ب ١٤ = جب: ج١

: ひい = 75 - ひい ·

ソテージャーひい …

リアーシロ×ロロ



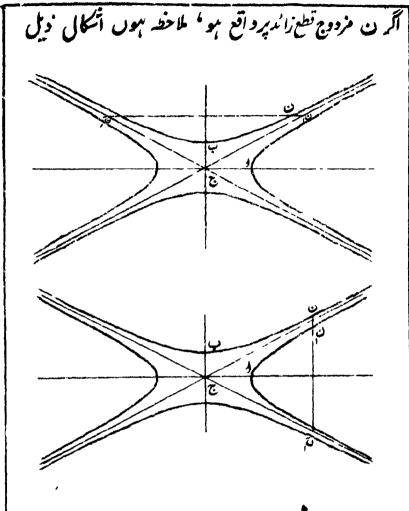
صورت دوم نن ن کوج ب کے متوازی کھینچو

تب ن ن×ن ن ع ج ب السائم ال

صورت سوم وجہارم جو نکہ یہ بات زائد کے دونوں محاوروں کے لئے نابت ہو جیکی ہے کہ

ن × ن ن = ج الأياج ب الترتيب

اس کئے یہ اس صورت میں بھی درست ہوگی

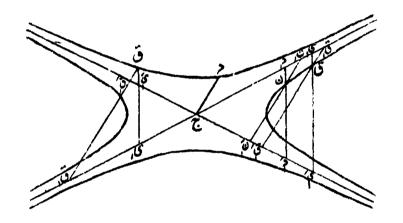


مشقى مثالين مسئلة

ق قُ الله كا ايك در ہے جون پر كے ماس كے متوازى ہے، ن فا ق ق ا ق ق ا كى ايك متقارب كے متوازى كينيج كئے ہيں

اور دوسرے متقارب بر جاکر ختم ہوتے ہیں۔ تابت کروکہ ج ق×ج ق)= ج نا

سخنی یا اس کے مزدوج پر کے دو نقطوں ن اور میں سے دو متوازی اور نستقیم خط کھینیجے جائیں جو مار بوں کو ہا لترتیب ن ک ادرات ، ق بر ملیں تو نابت و که حاصل صرب (سطح) ن × ن ن = ق ق × ن ق ر



ب سے پہلے فرض کرو کہ ن اور ق قطع زائد کی ایک ی شاخ پر ٔواقع ہیں -ن ادر ق میں سے مزدوج محور ہے ب کے وازی حنط کھینچو جو شقار ہوں کو م ، کم اور

، ' می پر ملیں -مثا بر مثلثوں سے

اور ن ن ، ن د ۽ = تَ نَ ، تَ ئِ كُا اور ن ن ، : ن دَ = ق ق ، تَ ئ

اس کے ضرب دینے سے

ن × ن ن : ن < ×ن < = ت ن × ت ن ; ت ن × ت ن × ت ن × ت ن

لكن ن د × ن دَم = ج ب ت قى م × قى تى [مسلمام]

ن ن × ن ن = ق ق مرق ق اگر ق 'زائد یا اس کے مزدوج پر واقع ہو تو یہی

اسی قسم کا اسدلال صادق آئے گا ، وونوں صوتین شکل میں دکھانی گئی ہیں

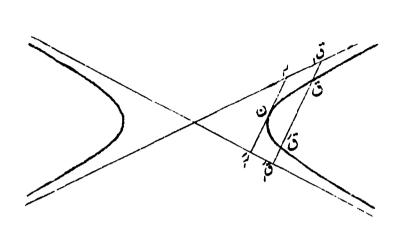
نوط ۔ مزکر میں سے ج د کو ق ق یا ن سے متوانی کھنچو

اور فرض کردکہ یہ منی یااس کے مزدوج کو در پر ممنا ہے تب نقاط در اور ق کے لئے یہ مسئلہ ہو جائے گا۔

ن ن × ق ن = < ج × < ج = ج ذ

م المالية

اگر ایک متقیم خط منی کو ق اور تی بر اور مقاربو کو ق ت ق بر کا ٹے تو نابت کرو کہ ق ق = ق ق اور اگر عاس مدن رُ متقاربوں کو مر اور رُ پر کے تو ن رہے ن رُ



نوط ۔ اگر ق ، تَ بَدِلو لی کی مقابل کی شاخوں پر واقع ہوں تو اس صورت میں ت ت کے متوازی منحنی کا کو ئی ماس مر ہومی ۔

ر بوں کو تی ' تی ' ع ' ع ' ع ' وعیرہ برملتا ہے۔ ج ص كو أس طرح تفينجو كه وه أى أي كن ينسيف ض ير تب ج ص، ق ق كى سى تنصيف كراسي كيونك ت ق ق ق ق [مستدیم ا سلئے متنابہ مثلثوں کے ذریعہ یہ ناہت ہوتا ہے کہ ج ص ، ع ع کی تنصیف کرتا ہے۔ سلئے یہ ع ع کی تنصیف کرتا ہے کیونکر ع ع ع ع ع [مسئلهم] سلئے ج ص ان سب و تروں کی تنصیف کرا ہے جو ق ق کے متوازی ہیں -منحنی کو نقطه ن پر مثا سب فرض کرو کہ ہے تص فرض کرو که ق ق م ن کیطرف حرکت کرتا ہے اور رہتا ہے۔ سلنے ی اور ی آخرالا مر نقطه ن پر منطبق ہوئے ہیں اسکئے ن پر کا ماس متوازی و تروں ۔ کے ستوازی ہے جن کا مفتف ج ن ص ہے

تعرایت اگر آیک متقیم خط (ج ن) متوازی و ترون

ا ایک نظام کے واسطی نقاط میں سے گزرے، او

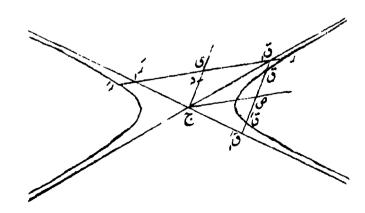
کو ہزار ہی کا قطر کہتے ہیں

کا فطر ہے ہیں اگر قطر (ن ج ن) کے ایک سرے پرمامر ، اور منحنی کے رکسی ایک نقطہ سے إیک

ستقیم خط (ق ص) ماس کے متوازی کھینچا جائے تو اس خط کو قطر کا معین کہتے ہیں انتباہ اگر قطر مذکور نا قص کا تنا طع محور ہو تو معایر کے دہی معنی ہو تگے جو عام طور پر سمجھے جائیں۔ فوط تطر کے اُس حصہ کے طول کو جو بدلولی یا اُس کے مزودج كى شاخوں كے در سيان ہو بعض او فات قطر كہتے ہيں

مسئله ۲۲

اگر ایک قطراُن سب و تروں کی تنصیف کرے جو ایک وسرے قطرکے متوازی ہوں تو دوسرا قطران ہب



و تروں کی منصیف کرے گا جو پہلے کے متوازی ہوں فرض کرو کہ ج ن ' ق ق کی منصیف ص پرکر تا ہے ج د کو ن تی کے متوازی کھینچو۔

بی دو ق می سے سواری سیچو۔ ق فی کو اتنا خارج کرو کہ وہ شقار ہوں کو ق ق پر ملے۔

نی میں سے جن کے متوازی ایک خط رق می آرک کھینچو جو منعنی کو ر اور رک بر، اور شقار بوں کو ق، رَ پر اور ج دکو می پر قطع کرے۔

تُب بِونکه ق ق = ق ق ق ا سلئے ق ق کی تنصیف ص پر ہوتی ہے، اور ج ص، ق آم کے متوازی ہے۔

ن ج کر = ج ق [اللیس م اسس] [اکلیس م اسس]

ی ری = ی ی اور الایس ما حسما اور رق ، رَرِ کے ساوی ہے

ن زی = ری [سند۲۳]

اس سے نامت ہوا کہ ج د اُن سب و تروں کی تنصیف کرتا ہے جو ج ن کے سوازی ہوں۔

مسئله ۲۷ (متبادل ثبوت)

اگرایک قطرایک دو سرے قطر کے متوازی و تروں کی تنصیف کرے بو دوسرا قطر پہلے قطر کے متوازی وتروں کی تنصیف کرے گا۔

ا ق کو ج د کے متوازی کھینچو اور فرض کروکہ یہ جن کو ص پر ملنا ہے ۔ آبی ق کو ملاؤ فرض کرو ۔ کہ یہ خط ج < کو ی پر قطع کرہا ہے

چونکہ لاق کی تنصیف ِ ص پراور ارائ کی ج پر ہوتی ہے سلنے آئی اس کے متوازی ہے اور چونکہ جدا

لاق کے متوازی ہے اسلیے لاق کی تنصیف می پر

ہو تی ہے۔ اس کئے ج < ایک ایسے ونز اُ ق کی نصنیف کرما ہے

جو جن کے متوازی ہے اسلئے ج د اُن سب وتروں کی تنصیف کرتا ہے جو

ج ن کے متوازی ہیں۔ تعرایت اگر دو نظروں کا با نہی تعلق ایسا ہوکہ ان میں

ہندسی مخروطات

سے ہرایک دوسرے کے متوازی وتروں کی تنصیف کرے

ے ہرایاں دو حرک سے مورد تو انکو مز دوج قطر کہتے ہیں

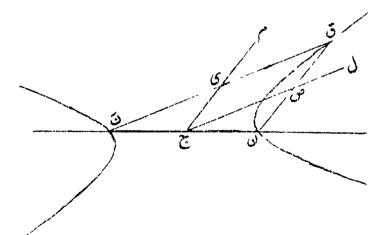
و اللو سر روق سر بها بین نوط اگر دو قطرایک دوسرے کے مزدوج ہوں بوان میں سے

ایک قطع زائد کو ملیگا اور دوسرا مزدو ی قطع زائدگو مور مرح طه برای کار کرد کرد

تعربیت جو وتر (ق ن ف ن ک عطع زامد کے کسی نقطه ق کوایک قط (ن ج ن) کے سروں سے ملائیں ان کو تکمیلی وتر کہتے ہیں

rals.

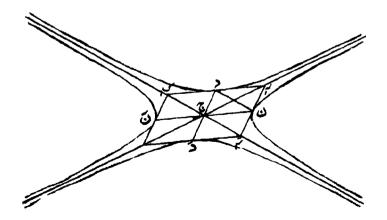
تکمیلی در مزدوج قطرو ل کے متوازی ہوتے ہیں



قطر ہے ل اسم م کو تکمیلی اوّبار ن ق ابن ق کے متوازی تھینچو اور فرض کرو کہ وہ ا بکو سی اور ص پر قطع کرتے بیں تب ن ص: ص ق = ن ج: جن [الليسم مسس]

ن ن ص = ص ق ن جل ن ق کی اور نیز ان تمام و تردس کی تنصیف کرا سے بوج م کے متوازی ہیں [سئلہ ۲۵] اسی طرح ہے م اُن تمام و تروں کی تنصیف کرا ہے جو بیج اُ کہ میں اور میں اور میں اور میں کرا ہے جو ج کل کے متوازی ہیں اسلیے ج ل مج م مزووج تطربی

۔ تطع زائد اور اسکے مزدوج کے اس مفامات پر ما س لينيخ عائيس حبال مزدوئ قطرانكو علقية بين تويه ماسا يك سینی شکل متوازی الا صنلاع بنا میں گیے تصب کے رؤس الزوایا متقاربوں پر وافع نہو نگے۔ نیز تنابت کردکہ ن د ایک شقارب کے متوازی ہے اور دو سرا متقارب اس کی تنصیف کرتا ہے ۔



ماسس ر ن رُ تھسینیو جو متقاربون کو ر اور رُ کو کے ۔

ج د کو ملاؤ

تب چونکہ ج د 'جن کامرووج ہے

ن ج د ، رتم کے متوازی ہے

ا و رہونکہ دج دونوں شقاربوں کو ج پرملتا ہے بدیعہ مئلہ ۱۲۳س کنے

حج = ن ب × ن ر = ن لا [مند ۲۳] . دج = ن ب اید وسرے کے متوازی ہیں ۔ در یہ اید وسرے کے متوازی ہیں

ن ہداجن کے متوازی کے [اکلیس م اسف ۳۳]

ن رد نقط د پر ماس ہے [مند ٢٥]

اسی طرح سے < اور ن پرنے ماسات شقار بون پر ملتے ہیں اور حاروں ماس ملکر ایک متوازی الاصلاع بناتے

ہیں جس کے روٹس الزوایا متقاربوں پر واقع ہیں-بیں جس کے روٹس الزوایا متقارب کو ن د کو ملاؤ اور فرض کرو کہ ہدد دوسرے متقارب کو کہ پر ملتا ہے۔

ن ن د ، کرتر کے ستوازی ہے۔

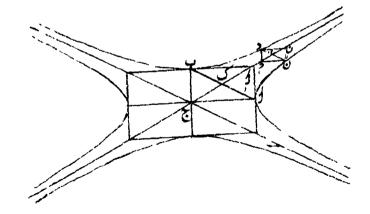
اور ج ن ر د ایک متوازی الا صلاع ہے۔

ن ن د کی تنصیف اُس نقطه پر ہوتی ہے جہاں یہ متقارباً سے ملتا ہے

مشقی مثالوں کے لئے دیکھوصفحہ (۱۷۱،۱۷۱)

مسئله ۲۹

اگر ن اور د بیں سے محاور کے متوازی مستقیم خط کھینچے جائیں ہو ایک میں سے ایک ابسا مستطیل ہے گاجس کے دوزاد یوں کے راس ایک متقارب پر واقع ہو نگے



ان ن کو ج ب کے سوازی کھینچو اور فرص کرو کہ یہ استقارب کو ن پر ملتا ہے ، ن ح کو ملاؤ

ض کرو کہ اور ن د متقارب کو ک اور م پر لترتیب قطع کرتے ہیں ' متقارب اب اور ن د

رین کی تنصیف کرنا ہے اور وہ ایک دوسرے

= ن د: اب [سند٢]

ور زاویه ن ن در زاویه او ب مشابه بین سلئے مثلث ن ن در او به اوب مشابه بین

سلئے ند، ہ ہ ب ینی ج ا کے متوازی ہے۔ سی طح سے اگر د م کو ج ب کے متوازی کھنچا جائے ق ن م ج ا کے متوازی ہوگا۔ عن مسئلہ ہم عن مسئلہ ہم بات ہے جاتے ہے ہے ہے ہے معاور پر سعین ن ل اور حار کھینچو اور ان کو اتنا خارج کروکہ وہ ن پر ملیں تب ن شقارب پر واقع ہوگا۔

= ج ن ا - ج ن العيس ماسف ١١٨]

ينز ج الأ = ن رز - در [سند ۲۲]

= ج في المنظم المنس المن

י דוי הדי בין בין הדל

مشقى مثالين سئلدم

زاد سے کی تنصیعت کرتے ہیں

٧- ج ن اورج د محاور سے تكيبى زادئے باتے ہي

الا جو تطرایک دوسرے سے زاویہ قائمہ بنائیں وہ مساوی

ہوتے ہیں۔

مہ ۔ کسی دو قطروں کا درسیانی زاویہ ان کے مزدوج تطروں کے درمیانی زادیہ کے مساوی ہوتا ہے۔

۵۔ کسی وتر کے محاذی قطر ن ن کے سردں پر جو زاد کے بنیں وہ یات مساوی ہو گئے یا ایک دو سرے کے مکل

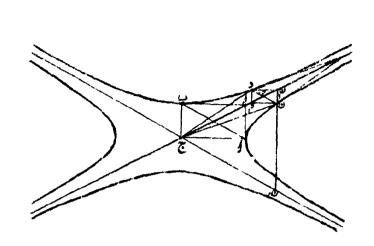
۲ اگرایک قائم الزاوی قطع زائد ایک مثلث کے گرد بایا جائے

تو اس کا مرکز کا طربق نونقطی دائرہ ہوگا۔

مسئلها٣

اگر قطع زائد کا کوئی ماس به ن رّ متقاربوس کو برادر آ بر ملے تو نابت کرد که متوازی الا صلاع ج ن به < کارتعبه مستقل ہے

> (بین ن ن × ج د = ال ج × ب ج) نیز مثلث رج رکارتبهمتقل ہے



ارا 'ب الم کومحاور کے متوازی کھینچو اور فرص کرو کہ وہ شقار کو آبر ملتے ہیں۔ قطع زائد کے نقطہ ن میں سے بگن معین کھینچو جو

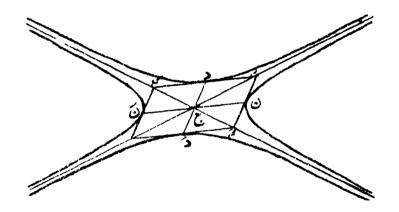
متقاربوں کو ن کئی پر کے۔ متوازی الا صِنلاع حن ن م کی کمیل کرو ، حن کو ملاؤ اور فرص کرو که وه شقارب کو نقطه و پر ملما ہے س 1 س كو الأو

ت ۵ د جن : ۵ د نان = جو: ون

= كنن: ن ن

آقلیدس م ۲ مشس ۲ نيز ١٠٠٠ با ١٠٠٠ دن = ب جا ين النيس اتفا

[مستر۲۲]



نیز مثلث ہے ہے ہے متوازی الاصلاع ہے ن ہد کیونکہ ان میں سے ہرایک مقدار میں اس متوازی الاع کی ایک ہو تھا ئی ہے جو نقاط ن'د ن' کہ' پر ماس کھینچنے سے بننا ہے اسلئے مثلث رہے ہے کا رقبہ متقل ہے اسلئے مثلث رہے ہے کا رقبہ متقل ہے مشقی مثالہ مسکمالا

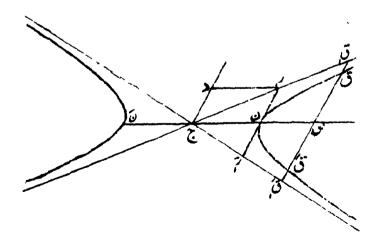
ا۔ اگرن و ان وَ ایک شفارب کے متوازی اس طرح کیسنج

اِئیں کہ درسرے متقارب برختم ہوں تون دبدن آ = ہے ج س ا۔ اگرود متقارب اور منحنی بر کے ایک نقطہ (تیوں) کے مقام حلوم ہوں تو تحور اور ماسکے دریا دنت کرو۔

مو۔ ہزلولی کے دو ماس متقاربوں کو رائم ان طائط پر بالتر تیب طلتے ہیں ثابت کرو کہ رط ائم طائے متوازی ہے مو۔ ایک تائم قطع زائر میں اگر ن پر کے ماس پرعود ج سے نگالا جائے تو تابت کرد کہ ج ہے × ج ن = ج 18

مسئلاس

ق ص قطر ن ج نؑ کا معین ہے اور ق ص کے متوازی قطر ج د ہے ثابت کرو کہ ق ص : ن ص × ن ص = ج د کا : ج ن ع



فرض کرو ق ص مقاربوں کو ق، ق بر منا ہے، ن

اور د پر کے ماس کھینچو جو شقارب کو ر پر ملیں-[منله۲۸]

تب ج ڈ = ق ق × ق ق اسمند ۲۳] = ق ص ّ - ق ص ّ

: تاص = قاص - ج دا

نيز ن ص دن ص = ج ص - ج ن

متنابه شلنات ج ن رہج ص ق سے

ا الماد الما

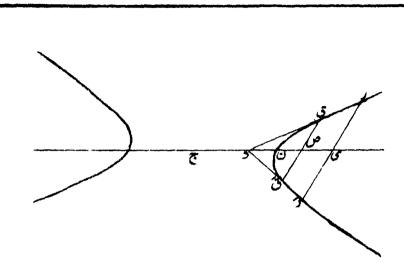
= ق ص - ج د : ج د

٠٠ نص × نُص: ج ن = قص: ج د ا

متائم نطع زائدیں ق ص = نص ای ص

مسئلهس

کسی و ترکے سروں پر کے ماس اس تطریر ملتے ہیں جو و ترکی تنصیف کرتا ہے۔



فرض کرو کم تی تی اور ر ر دو متوازی و تر ہیں، رق اور رُق کو ملاؤ اور انکو اتنا خارج کرد کہ دہ و پر ملیں۔ ق فی کی تنصیف ص پر کرد ادر فرض کرد کہ وص مدودہ ررُکو می پرملتا ہے۔ متنا بہ مثلثوں سے

قص: ری = وص: و ی = قص: ری

ں ق ص = ق ص : ری = آی

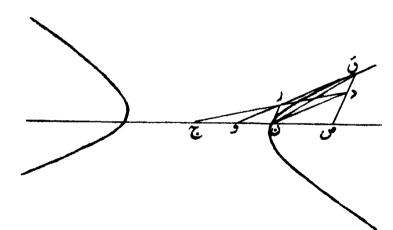
چونکہ ص می متوازی و ترون تی تی نہ ررّ کی تنصیف کرتا ہے۔ اسلئے یہ ایک قطر ہے اور مرکز ہے میں سے گزرتا ہے۔ [مسئدہ م

فرض کروکہ را کہ حرکت کرکے اخر کار ق اُ ق برمنطبق

ہو تے ہیں اس وقت وق را وق را الترتیب ق
اور ق بر کے عاس بن جائمیں کے اور قطر ج ص پر
ہی ایک دوسرے کو قطع کرینگے ۔
اگر کسی مخوطی تراثس بن کوئی قطر مرتب کو سے برلے تو
س سے ان وتروں پر عمود ہوگا جن کی تنصیف قطر
مرکزیا ہے۔

مسئلهم

ق ص قطر ج ن کامعین ہے اگر ق پر کا ماسس ج ن کو و پر کے تو ثابت کرد کہ ج ص × ج و = ج ن



ن د کو وق کے اور ن رکو ص ق کے متوازی مینی کو ن ق کو ملاؤ ۔

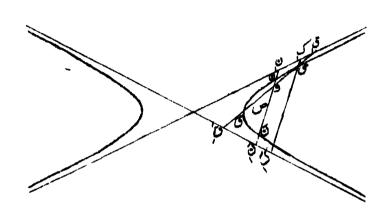
تب ن رقطع زائد کو مس کرتا ہے رن ح ف ایک متوازی الا صلاع ہے ، اسلے ر د ا ن ق کی تنصیف کرتا ہے اور اسلینے رد مرکز ج میں سے گزرتا ہے۔ [مسكرس] اب جرو: جن= جراجد [الليرس المشس = جن: جص [اتلبس مه سرا] اسك بحن'= جد مجص نقى مثالير مئلده ٣ ا- اگر ایک تائم قطع زائد شاف کے گرد بنایا جاہے تو ثابتا کروکہ وہ مثلث کے مرکز عودی میں سے گزر ا ہے۔

۴ ۔ اگرور کو ایک متقارب کے متوازی کھینیا جائے اور وہ منحنی كورير اور دوسرے متقارب كور يرسلے اگر ون ن كو ايك تابيد متقم عظ کے متوازی کھینجاجات اور دن ن منحنی کو ن اور ن ير في تو نابت كروك و كے تام مقابات كے ليے حاصل عرب ون × ون اپی بالی ہے جیے ور × ج ر [اورمشقی مثالوں کے لئے دیکھو قطع نا فض کی محبف میں سکام م

مسئله ۵۳

اگر قطع زائد کے دو و ترایک دو سرے کو قطع کریں ہ ان کے حصوں کی سطوح (حاصل عنروب) کوآبس میں

وہی نسبت ہوگی جو ایکے متوازی تصف قطرد ل کے مربو ں کو آپس میں ہے۔



فرض کروکہ دتر ن ون کم ق وق منقاربوں کو ن کہ اور ق کی بر ملتے ہیں ن ن کی تنصیف ص برکرو کئی گ کو ن ن کے متوازی کھینچو

تب ن و × و ن = ن ص - وص العيسم اسفه] ن و × و ن = ن ص - وص النيس اسفه

٠٠ ١ و ١٠ و ١٥ - ن و ١٠ ون = ١٠ ص أ - ن ص

= ن ن بو ن ن [امليدس م اسف ه]

اسی طرح سے قرو ﴿ وَ قَرْ - قَ ق × قَ قَ = ق و × وق

متثابہ مثلثوں سے

ن و: ق و حك ق : ق ق ون: وق= ق ك : ق ق ن و × رن: ق و × وق = ک ق × ق ک : ق ق م ق ق = ن ن × ن ن ن ب ن ن استر ۲۳۱] ن و × و ن م - ن ن ن ن ن ن و × و ن ، - ق ن × ق ق ك ہمتوازی نصف فقرون سے مربعون کی تنبیت سے ہ۔ ج ل یہ ل ک ۵۔ عابت سرو کہ ایک دائرہ جس کا مرکز منعنی پر کا کوئی نقطه ن ہو اور نصف قطرت ج ، وہ عماد کو محاو یر اور ماس سمو شقاربون پر قطع کر یکا۔ ن ج = ن گ = ن گر = ن ب ۲- مزدوج قطر مساوی موتے ہیں ادر شقارب انکے درمیانی زاویه رکی منصیت کرتے ہیں۔ ، - مُزدوج قطر کسی ایک مورسے آیسے زاوئے بتا

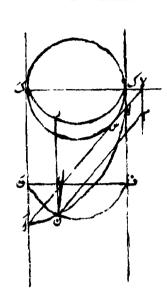
ہو ایک دوسرے کے متحم ہوتے ہیں۔ مد قائم الزاوية قط ماوى موتے بن 9۔ تکسی دو قطوں کا درمیانی ٹاویہ ان کے مزدوج قطرو*ں* کے درمیانی زاویہ کے مساوی ہوتا ہے۔ ۱۰۔ ایک قطر ن ن کے سروں پر کسی وتر کے محاذی جو زاوئے مبنین وہ یا تو مساوی ہوتے ہیں یا ایک روسرے اا۔ اگر ن بر کے عاس پر ج شے عمود نکالا جائے تو アチュッテメグラ ال- اگر ایک قائم ہدولی ایک مثلث کے گرو کھینج سکے تو یہ مثلث کے مرکز عمودی میں سے گزر گا۔ ۱۱۰ اگر اکیب قائم ہداولی ایک مثلث کے گرد نمایا جائے تو اس کے مرکز کا طریق نو نقطی وائرہ ہوگا۔

اسطوانه اورمخوط

مستطیل کو اس سے ایک ضلع سے سرد بھرایا جائ تو مقابل کا ضلع ایک ایسی سلح مرت فرتا ہے جس کو قائم مستدیر اسطوانہ کہنے ہیں۔ ستطیل اور اس سے طول کو دونوں طرف لا تناهیٰ یک پھیلا ہوا خیال کر کتے ہیں جس تابت مع گرد مستطیل کیر نگاتا ہے اسکو اسطوانہ کا حرکت کرے اور ہمیشہ ایک یں اور ہمیشہ ایک ایسے قیم خط کے متوازی رہے جو دائرہ کے سے گزر المدانہ کا مدانہ مستذير اسطوانه كت أين -ركيك اس تابت متقيم خط كو اسطوانه كا

لوط۔ اگر ایک سلح مستوی اسلوانہ کو مور مے متوازی کا کے تو اس تراش اسطوانہ کے دو مولد خط حاصل ہوں سے اگر کاشنے والی مستوی سطح محور عمود ہو تو تراش دائرہ ہو گی۔ تعربیب اگر ایک شطح مستوی ایک اسطوانه لو کا نے تو جو سطح مستوی اسطوانہ کے فحور میں سے گزرتی ہو اور کا سے والی سطے پر عمود ہو اسکو محوری سلم سلم سلتے ہیں لوط محورتي سطح أور كاطنے والى سط كا خط ثقا طع تراسش رکے منحنی) کا محور ہونا ہے اور محوری سطح اور اسطوانه کا تقاطع دو مؤلّد خط موتے ہیں تعریف اگرایک کرہ اسطوانہ کے اندراسطرح بنایا جائے کہ وہ اسطوانہ کو ایک دائرہ کے ہرایک نقطہ پر مس کرے اور کا طنے والی سطح کو ایک تقطہ پر مس كرك تو اس كو ماسكى مره كمت بين مسلدا

اگر ایک قائم مستدیر اسطوانہ کو ایک ایسی سطح مستوی سے کاٹا جائے جو مجور سے کوئی زاویہ بناتی ہوتہ تراش قطع ناقص ہوگی - فرض سروسہ تراش کا منحی لات کی ہے ،



فرض کرو کہ محوری سطح کاغذ کی سطح ہے اور بہ کاشنے والی سطے کو خط مستقیم اُر او کلا پر اور اسطونہ کو تو لیدی خطوط ک اِ ف ' ک ت ب اُر بر ملتی

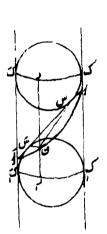
ہے۔ ایک ماسکی کرہ کمینچ جو اسطوانہ کو دائرہ ک لاک

کے ہر ایک نقطہ پر اور کائے والی سطے کوس ر مس کرے فرض کروکہ سطوح متویہ ک رک اکن ا ایک دوسرے کو خط متقیم ملاھ پر قطع کرتی

م شنی ان کر کے کسی نقلہ ن میں سے ب ایسی مستوی سطح یک ن ن ل کینچو

جو محور اسطوانه پر عمود ہو کا شنے والی سطح نط مستقیم ن آل پر ملے محوری سطح کو مستقیم خا ف ل ف پر ، اور اسطوانہ کو دائرہ ف ن ف نِقطر ن میں سے تولیدی خط ن ر کھنے جو ماسکی کرہ کو ر پرمس کرے ' نیزن م کو ل کا کے متوازی کھینیو فرض کُروکہ میں ن محو ملایا گیا ہے يونكه سطوح مستويه إن أن ن ن ف دولا موری سطح پر عمود ہیں اس نئے ن ک موری سطح پر عمود ہے (اتحلیدس م ااسٹس ۱۹) اس کئے ن ل الركر اور ف ف دولول برعمود يم اگرایک ہی نقطہ سے کرہ سے ماس جائیں نو وہ سب مسادی ہوتے ہیں(آف*یدین م*ہاثا ۵ سن = ن ر- ن ک اور س ا ع الك اور ن م ع ل ليكن ف ك إلى اكم الك إلى الكيدسم وشا ن سِن انم = س ا الركان : اب اک ، او کا سے طول میں کمہے اقلیدس اش اس سے س ا: اکا ایک ایک ایک ہے جو ایک سے کم ہے اور إون كر ایک قطع ناقص۔

عبس کا ماسکہ س ہے اور مرتب عمله (دوساطيقه)



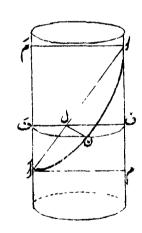
فرض کروکبر این از تراش کا منحنی ہے ، فرض کرکھ موری سطح کاغذ کی سطح پر منطبق ہوئی ہے اور کاٹنے والی سطح کو خط مشتقہ لاکہ یہ اور دو ماسکی سرکہ کے کھینچو جو اسطوانہ کو دوائر رک ، کر رک ، سے سرد اور کا دینے والی س اور سُ پر م شنی ال ان اؤ کے کسی

منحنی الن اؤ کے کسی نقطہ ک میں سے ایک تولیدی خط رن رکھینچو جو ماسکی سرہ کو لا' مر برمس سرے ن س' ن س کو ملاؤ'

یہ خطوط بھی ماسکی کرون کو مسس کرینگے تب س ن = ن لر کیونکہ یہ کرہ سے ماس ہیں اور سک ن = ن ر

اس کئے منحی مذکور قطع ناقص ہے اسکے ماسکے س ،سک ہیں اور اس کا محور اعظم ک کہ ہے (سئلہ م قطع ناقص)

مستملها (تيىلرطريق)



فرض کرد که اون اکو شراتش کا منحنی ہے موری سطح کو کا غذ کی سطح پر منطبق نیال سرو اور فرض کرد کہ یہ کا طبخ دالی سطح کو خطاسیا

1 و اور اسطوان کو اولیدی خطوط دن م وقت م یہ ملتی ہے منعنی سے سمسی نقطہ ن میں سے ایک سطح ف ب ب ب مينيو جو اسطوان سے مور یه عمود ہو کما شنے والی سط کو خط متنقیم ن ل موری سط کو خط مشقیم ن ل ت اور اسطوانہ کو دائرہ تن ن فئ پٹر ہے ۔ اوم اور اُم کو ک کت سے متوازی سطوح ک ل ک ، ان کر دونون محوری سطح یہ عود ہیں اسلنے نال فوری سطے پر عمود ہے ۔ (افلیدسم اشلا)

اسلتے ن ل ، ف ف ادر او او دونوں پر عمود ہے۔ متشابه مثلثول سے -

ول: ل ن = وو: وم اور أل: لتَ = أو: ومَ

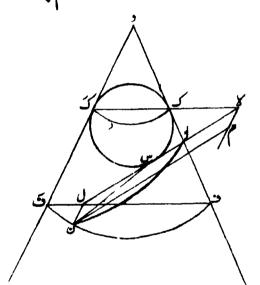
ن ال×ول: ل ون ×ل ن= الوزاد وم × وم م ال ×ل أ : ن ل = إلا المم [آفليس مسش ما] يس معلوم مواكه تراس مجوزه قطع نافس ب جسكا مور اعلم الله ب اور مور اصغرام [تطعناقص عليه]

الكر أيك قائم الزوايه شلث آينے أيك مضلع كے گرد و زاویه قائمہ کا ایک طرت سے احالم کرتا ہو جکر نگائے ڈ مثلث کا ونز ایک ِ ایس سطح مرمشم کرتا ہے جس *کو* أنم ستير مخروط كت س وترکے طول سُو ہم دونوں طرف غیر ستناہی نا اب بعيلا بوا خيال كريكتي بي-ہیں ہو یاں میں ہے گرد مثلث کر ملاتا ہے اسکو لروط کا محور کہتے ہیں۔ مثلث کے اس زاویہ کو جہاں یم دوسرے کو قطع کرتے ہیں مخروط کا رانس کہتے اگر وترکو راس کے دونوں طرف غیرستناہی فا ا فارح کیا جائ تو اس طرح سے جو کمل مخروط ہنا ہے اس کے دو مساوی اور متشابہ اوراق راس کے مقابل کی جانبوں میں ہوتے ہیں تعریف اگر ایک ستقیم نظ ایک دائرہ سے مخیط سے گرد حرکت کرے اور ہمیشہ ایک ایسے ثابت مشقیم خط کے ایک ثابت نقطہ میں سے حذرے بو دائرہ کے مرکز میں سے لذرتا ہو اور سلح وائرہ پر عود ہوتو ہوسطے پ خط مرتشبه کریگا انسس

اور مخروط کے تقاطع سے مخروط کے دو تولیدی خط حاصل ہونے ہیں۔ تعرفیت اگر ایک کرہ مخروط کے اندر ایسا بنایا جائے جو مخروط کو ایک دائمہ سے ہرایک نقطہ پر اور کا شنے والی سطح کو ایک نقطہ ہم سس کرے تو اس کرہ کو ماسکی کرہ کہتے ہیں

مسئله

اگر ایک مخوط کو ایک ایسی سطح سے کاٹیں ہو راس میں سے نہ گذرتی ہو اور محور برعود نہ ہو تو اس طرح سے جو تراش طاصل ہوگی وہ تراش مخروطی کی تعربیت کو پورا کرے گی تراش مخروطی کی تعربیت کو پورا کرے گی (س ن = ل × ن م)



فرض کرو کہ تراش کا منحیٰ ان ہے موری سطح لو کا غذکی سطح پر منطبق خیال کرد اور فرض لرد کہ یہ کا منے والی سطح کو مستقم خطال ایکا پر اور مخروط کو تولیدی خطوط وک ال ون

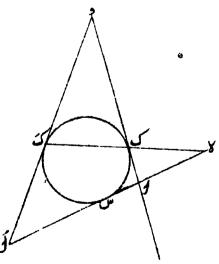
ایک ماشکی سره تحیینی جو مخروط سو دائره رک سے گرد اور کا منے والی سطے کو ۔ مس کر ہے ض کرو کہ سطوح کے رکے دوسرے کو متقیم خط کام پر قطع بی نخی اون کے کسی نقطہ ن می*ں* سے ایک سطح ن ن ن ل تھینی ہو مخروط سے مور پر عمود ہو اور کا شنے والی سطے کو مستقیم خط ن ل پر ' محوری سطے کو مستقیم خط ن ل ن سِلْمَ فَ ن بِ ل یر اور مخروط کو دائرہ قن ن کئا یہ ملے فرض کروکه تولیدی خط ن رد تھینچا کیا یہ ماسکی کرہ کور پر مس کرے گا۔ نیز ن م کو ل کا کے متوازی یونکه سطوح ادن ن ن ن دو نون موری سط یر عود ہیں اس سے ن ل محوری سط عود ب (اقليدس م ااست ١٩) اس بنے ن ک اور ن من دونوں اگر ایک ہی نفظہ سے کرہ بر ماس تھینے جائم ده سب مادی ہوتے ہیں آتلیدیں مستنسد

اس سے سان دن دونک اور س ا = اک اور ن م = ل کا

ليكن ف ك : ل كا = أك : ألا [أقليدسم و ش١]

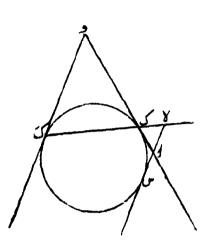
اس کے ون آ تراش مخروطی ہے جس کا ماسک س ہے اور مرتب کام

مخروط کی ایک ستوی تراش قطع ناقص ہوگ اگر اس کا ماسکی محور محوری سطح پر سے دو نون تولیدی خطون کو مخروط سے ایک ہی ورق یر مے ، یہ ترامس مکافی ہوگی اگر اس کا اسکی



مور ان دو تولیدی خطون میں سے اکیب کے

متوازی ہو، اور یہ تراش قطع زائد ہو گی اگر اس کا ماسکی محور ان تولیدی خلوں کو کے گر مخوط ے مخلف ورقون پر -فرض کرد کہ مجوری سطح کا شنے والی سطح کو اکا بر افرض کرد کہ مجوری سطح کا شنے والی سطح کو اکا بر ماسکی کرہ کو دائرہ ک کِ س پر ، اور مخروط کو تولیدی خطوط وک او کوک یر متی ہے اکسک اور س و کو اتنا خارج کرو که وه مرتب سے یا میں کا ہر کمیں بایین کا پر میں صوریت اول اس کو اتنا خارج کرد کہ ناویہ وک کا ب زاویہ ک کا آ [اقلیدسم اش ۱۱ نیکن اوید دکت او یه وک ک [اقلیدسماش ۵] = زاويه لك لا [اقليدسم اشها] ن زاویہ اک لاے زاویہ ک لاؤیاک لال ن الك حوالا [الليدس م الله 19] اس لئے منحی قطع ناقص ہے صورت ووم - اگروس ، دک کے متوازی ہو

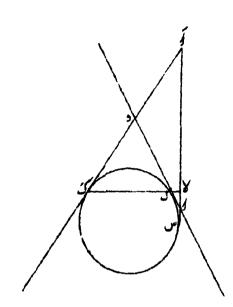


ناویہ لک لا = زاویہ وک ک = زاویہ وک ک

= زاویه ک لال [اقلیدسم اسش ۲۹]

اور منحنی قطع سکانی ہے۔

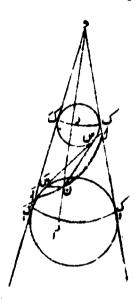
صورت سوم س اکو اتنا خارج کردکه وه ک و مددده اکو از یر لے



زاویه وک کا < زاویه ک کا [اقلیدسم اسش آآ لیکن زاویه وک کا [اقلیدسم الش آآ داویه اک کا [اقلیدس م الش آآ

ب ناویه اک لاح ناویه ک لایاک لال

مسئلہم مخروط کی ناقص ترائش کا محور اعظم ماسکی کروں کے اش درمیانی فاصلے سے مسادی ہوتا ہے جو مخروط سے ایک مؤلد پر نایا جائے۔



فض کردکہ اون او تراش کا منحی ہے ، محوری سطح کو کاغذ کی سطح پر منطبق خیال کرو اور فض کروکہ یہ کا شخے والی سطح کو خط مستقیم اوار پر اور مخروط کو تولیدی خطوط ک اوک اک از کر پر امنی سبے دو اسکی کرتے کھینچو جو مخروط کو دوائر ک رک اک کرتے کھینچو جو مخروط کو دوائر ک رک اگر کر پر اور کا شنے والی سطوح کو سس اور سس پر ممیں خطہ ن میں سے ایک منحنی اون او کی کو کر کر میں نقطہ ن میں سے ایک تولیدی خط د ن میں سے ایک تولیدی خط د ن م کریے کو دوائر اور کی کرون کو دوائر کرون کو دوائر کرون کو دوائر کی کرون کو دوائر کی کرون کو دوائر کرون کو دوائر کرون کو دوائر کو دوائر کرون کو دوائر کی کرون کو دوائر کی کرون کو دوائر ک

ك س ، ك س كو لماؤ ، يه مجى ماسكى

کروں محو مس کر بنگے۔ س ن = ن لر کیونکہ یہ کرہ کے عاس ہر اور سکن = ن م

س ن + سَن= ن ر+ن ب= رب= کر اس سے معلوم ہوا کہ تراش کا منحی قطع ناقص

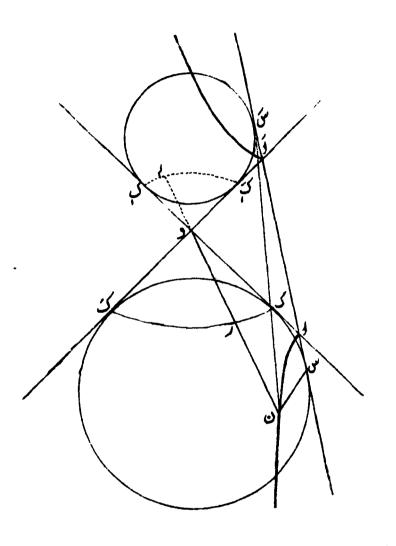
ہے اس کے ماسلے س اس ہیں اور اس کا مور اعظم ک کر ہے

مخروط کی زائد تراش کا شقاطع محور ماسکی کردن اس ورسیانی فاصلے کے مساوی ہوتا ہے جو مخردط کے ایک تولیدی خطیر نایا جائے

فرض شرو کہ ان آئر تراش کا منی ہے موری سطح کو کانمذ کی سطح پر منطبق خیال کرو راور فرض کروگھ یہ کائے واتی سطے کو س اور فروط كو مؤلد خطوط ك اكر اك ألك برختي

ہے دو ماسکی کرے کینو جو مخروط کو دداڑک رک ك ركم ير اور كاشن وانى سطح كوكس اور س ير

مس حرير



منحی و د و کے کسی نقطہ ن میں سے ایک مؤلّد خط ر د و کھنچ جو اسکی کروں کو ر کو پر مسس کرے ن س ، ن س کو ملاؤ ، یه مجی ماسکی کرون س ن = ن ر کیونکہ یہ کرہ کے عاس ہی

اور س ن= ن ب

· でいっしゅい - ひり - ひし = ر ہے ک کی

اس کئے معلوم ہواکہ تراسش کا منحنی قطع زائدہے جس کے ماسکے س اور س بیں اور اس کا متقاطع محورک کے ہے (قطع زائد مسلد)

مشقى مثاليرمسالل ١٩٥٧

نا سِت کروکہ امرادی واروہ اس سرہ کی ستطح بر واقع ہے بس کا قطر ماسکی مرون سے مرکزوں کا خط وصل ہے۔

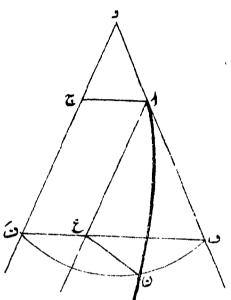
مخروط کی سنجی تراش کا وتر خاص مخروط اور سنلمی کے روس سے درمیانی فاصلے اور شامی کے راس یں سے گذر نے والی مدور تراش سے قطر کا تیسل

متناسب ہوتا ہے فرض کروکہ اِن تراش کا منحی ہے

موری سُطِّ کو کاغذی سطح پر منطق خیال کرد اور

اسطوان 1درخوط

فرض کروکہ یہ کا طنے والی سطح کو مشتقیم خط اوع پر اور مخروط کو تولیدی خطوط وال نا وج ن پر ملتی ہے۔



منحی پرکے کسی نقطہ ن ہیں سے ایک سطح کن ن بن ع کینچ جو مخروط کے محور پر عمود ہو اور کا طبخ والی سطح کو مستقیم خط ن ع پر محوری سطح کو مستقیم خط ن ع پر محوری سطح کو مستقیم خط فت ع فت پر اور مخروط کو دائرہ فن ن ن ن بر قطع کرے اور مخوط کو دائرہ اور کو فن ن ک سے متوازی کھنچو ہو کہ سطوح فن ن ن ن اور اون ع دولوں مولی سطح پر عمود ہیں اس کے ن ع محوری سطح پر عمود ہیں اس کے ن ع محوری سطح پر عمود ہیں اس کے ن ع محوری سطح پر عمود ہیں اس کے ن ع محوری سطح پر عمود ہیں اس کے ن ع محوری سطح پر عمود ہیں اس کے ن ع محوری سطح پر عمود ہیں اس کے ن ع محوری سطح پر عمود ہیں اس کے ن ع محوری سطح پر عمود ہیں اس کے ن ع محوری سطح پر عمود ہیں اس کے ن ع

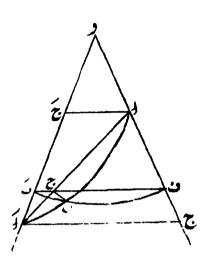
ا ع : ع ن = و ج : ج ا = ج ا : ۲ اس ن ۲ اس × اع = ع ن × ج ا = ع ن × ع ن = ن ع ا اس کے منی ان شلجی ہے اور اس کا وتر خاص

اس کئے منحنی ادن تشلجی ہے اور اس کا وترخا^ل ہم اوس ہے (^{مشلج}ی مسئلہ ۳) ادر ہم اوس ⁶ وج اور ج او کا تیسار متناسب

مسئله

مخرد ط کی ناقص تراش کا محرر اصغر مخروط کی ان مدور تراشوں کے اقطار کا وسط تناسب ہوتا ہے جو محور اعظم کے سرون میں سے گذرتی ہیں فرض کردکہ ترامش کا منحی اون اکرد اور محوری سطح کو کاغذ کی سطح پر منطبق خیال کرد اور فرض کردکہ یہ کائے والی شطح کو مستقیم خط اؤپر اور مخروط کو تولیدی خطوط داردن ج کو تولیدی خطوط داردن جو تولیدی دارد خطوط داردن دارد خطوط داردن جو تولیدی دارد خطوط داردن دارد خطوط داردن دارد دارد خطوط داردن دارد خطوط داردن دارد خطوط دارد خط

پر ملتی ہے



منی پر کے کسی نقطہ ن میں سے ایک سطح ف ن ن ف ع کینچو جو مخروط سے محور پر عمود ہو' کا منے والی سطح کو مستقیم، خط ن ع پر' محوری سطح کو مستقیم خط ن ع بیر اور مخروط کو دائرہ

ں بر م ف ن ک پر ہے

آئج ' آج کو ن ک کے متوازی کھینچو جونکہ سطوح ن ن ن ' اون اُر دونون محوری سطح پر عمود ہیں

متف به مثلثوں سے روع : ع ف = اور : اج اور اوع : ع ف = او : اج

د وع × وَع : عن ×عن = الزّ: وَج × وجَ د وع × ع وَ : ن ع = و وَا : وَج × وجَ

[اقليدسم ١٣ شس٣]

اس کے تراش کا منی قطع ناقص ہے، اس کا مور اعظم ال آئے ، آج مور اصغر ال ج ، آج کا کا دسط کا دسط کا تناسب ہے (قطع ناقص سے لاسے)

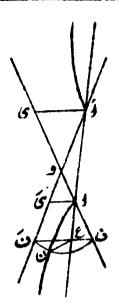
مستنگہ ۸ مخروط کی ہذلولی تراش کا مزدوج محدر اس کی اُن دو مدور تراشوں سے قطروں کا وسط تنا سِب

ہوتا ہے بو قطع زائد کے راسوں میں سے گذین فرض کرو کہ تراش کے منی کی ایک نتانے اون ہے اور دوسری شاخ کا راس اُ ہے

اور دوسری سناخ کا راس ا ہے

موری سطے سوکناغذ کی سطے پر شطبق خیال کرو اور فرض کرو

یہ کا طبنے والی سطح کو مستقیم خط الآیہ اور مخروط کو
مولد خطوط کی و اون ، اولوک ف بعد ملتی ہے



منحی کے کسی نقطہ ن میں سے ایک ایسی سطح ف ن ن ع محينو جو محروط سے محور پر عمود ہو ؟ كانت والى سط كومتيم خط ن ع يرأ مورى سط كو خط ف ع ف بر اور مخواط کو دائرہ ف ن ف ب

و تی ، و ی کو د د ت کے متوازی کمینے یونکہ سطح ف ع ف ، إن كر دونون مورى سطح ير عمود بي

اس کنے ک ع محوری سطح پر عمود ہے (اقلیدسم)ائن ا اس سے ن ل ، ف ف ، اور دو نوں پر عود ہے متت به مثلتون سے

وع:عن= الد: الى

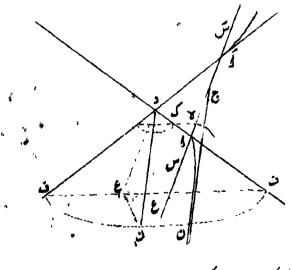
وَع: ع ت = اوَ: ويَ

ا ع × أع :ع ن ×ع ف = ارآ: أى × اى اع × اع: نع= الاً: الى × اى

[اقليدسم ٣ ش ٣٥] ا سلنے تراش کا منحی قطع زائد ہے جب کا متّفاطع محور او کی ' کری کا وسط محور او کی ' کری کا وسط

[قطع زائد مستليم]

مسئلہ ۹ مخروط کی ہزلولی تراش کے متقارب اُن وو مؤلد خطو سے متوازی ہوتے ہیں جو مخروط سے راس میں مرز نے والی متوازی سطح میں واقع ہون



موری سطح کو کا غذ کی سطح پر منطبق خیال کرو

اسطوان اورمخزوط

4.4 مبذسى مخروطات

فرض کروگہ ن کوئی نقطہ قطع زائد بی_{ر ہے} کم ہے ، س اور س ا سکے ہیں ،

اور آراس ہیں ج مرکز ہے اور کا اس مر کا پائیں ہے جو آسکہ س سے مقابل ہے۔

فرض کردکه وف او ت مؤلد خط موری سطح میں ہیں اور سطح ف ن ن ن ع محور پر عمود

ہے خض کردکہ امکی کرہ وف کوک ہر مسر

کرتا ہے تب ک کا ' نِ دَنِ کے متوازی ہوگا [مسئلہم] میں میں ڈیمار میں شاہم

س لو ، لک سے مساوی ہے [اقلیدس مسائلاً]

فرض مردکہ و ن ع ایک سطح ہے جو کاشنے والی متوازی ہے اور جو مخروط کو مولد خط ون یر

موری سطے کو وع پر اور سطح بن ن ت کو ن ع پر منت وغ ف الالاك متابه بين اِنکہ وع ، اولا کے متوازی ہے اورع ن کاک

> وع: وت = 18: 1ك = ۲۷: اس

لکین مؤلّد خط وف 'ون باهم ساوی س

يسىمخوطات اسطوان اودمحزوط 4.4 ورن = ر x و ع قطع زائد کی شکل مسئلہ ہم میں ウォャタをニシを ニュチャナラー = ج س チレニテモニスメラ ا سلتے ن وع متقاربون سے درمیانی زاویہ سلا نصف ہے(نہ لولی مسئلہ ۸۷) لیکن دع متقاطع محور کے متوازی ہے اس کئے و ن ایک متقارب سے متوازی ہے۔ تعظم میں سے دو مستقیم خط دو نابت فطون سے متوازی تھنے جائل اور وہ مخروط طح كرس تو ان خطوط ستے حصون كى قالضروں اس نقطہ کے تمام مقامات سے گئے

نتل ہوگی۔ فرض سروکہ وق ق⁶ وع ع دو خط ہیں جو نقلہ ں سے دو ثابت مستقیم خطوں کے متوازی نع سُمَّت ہیں اور مخروط کو آق تی اع ع یرقطع

لتی ہے۔ مثلث وک مِ اگر ایک ہی سطے میں مثلث وک مِ است میں میں واقع ہیں اور ان سے اضلاع متوازی ہیں

موق : وک = گر :گ ل

اسی طح سے وق : وک = گر !گ ل

خ وق : وک يوگ وگ لا اگ ل مگ ل

خ وق عوق : وک يوگ لا اگ ل مگ ل خواہ و کہیں واقع ہوگ رستقل ہے اور ماضلضرب کی ل برگ ل بھی مشتقل ہے[افلیس اسس ا وق ً× وقُ = له x وك × وك اسی طرح سے وع x وغ = مه x وم x وم جہان کہ اور مہ متنقل مقداریں ہیں اور م وه نقاط بین جهان رغ ، رغ دائره ک ک قطع کرتے ہیں ن وک ×وک = وم × وم ر [اقلیدس مسش۳۱] . وق x وق : وع x وغ ع له : م

ميتك

چندمشہور مسائل جو طالب علم کو نابت کرنے جاہئیں۔

قطع مكافي

ا۔ اگر ن و ن مکافی کا ایک وتر ہو جو محد کو و پر کے اور ن ل ' ن ل معین ہوں تو ثابت کرو کہ اول × اول = اول وار دیکھو مسئلہ س)

ا۔ اگر اُس فنلٹ کے گرد جو مکافی کے مین ماس کھینے سے بنتا ہے ایک۔واٹرہ بنایا جائے تو نابت لرو کے وہ دائرہ ماسکہ میں سے گز ربیگا۔ (دیکھو مشکرہ،

رور وہ وہ رارہ باتنہ یں سے سر ربیاں (ریفو صفر) ۳۔ اگر و ق ب و ق دو ماس ہوں اور و ص قط ہو تو ثابت کرد کہ زادیہ ق و ص زادیہ ق وس

کے مساوی ہے. (دیکھو مشلہ 2 ' ۱۳) مم ۔ اگر ن اس قطر کا سرا ہو جو وتر ق ق کی تفیف کرتا ہے اور ر ایک اور قطر کا سرا ہو جو ق گ کی ک

م پر کمنا ہے تو تابت کرو کہ فی ہم س ن×رم

(ومجمومت الله ١٧)

ا مسکنے

۵۔ اگر منحنی کے کسی نقط رمیں سے گزر نے والا قطر وتر ق قُ کو نقط ل اور ماس ق مر کو نقطہ مریہ کے تو ٹابت کرو کہ مرد: دل ۽ ق ل: ل قُ (ولیھو مسائل ۱۹ / ۱۵ اور نبوت مسئله ۱۹) 4 - اگرون مکافی کو ن پر مس کرے اور وق ر مکائی کو ق د پر کے اور ن میں سے گزر نے والا قط وترقی ر کو ی پر کھے تو نابت کرو کہ۔ وی = وق×ور (ریکھو ۱۹) ے۔ اگر ایک وائرہ مکافی کو جار تقطوں کو کب مج سک یر لے تو ٹابت کرو کہ مشیرک ویر لاب ، ج م محور سے مساوی زاوئے بنا کینگے۔ (دیکھومٹلہ 19) ٨ - اگر ایک دائرہ مکانی کو جار تفظوں پر قطع کر__ تو ابت کرو کہ ان جار نقطوں کے معینوں کا مجموعہ صفر مِدِگا (ویکھومئلہ ۱۹،۱۹) 9۔ آگرتین نقطوں ن می ق کریر کے عاد ایک ہی نقطہ یر کمیں تو ن' ق' ر کے معینوں کا مجموعہ صفر ہوگا اور مثلث ن تی رکا دائرہ بیرونی (بینی ن ق کر میں سے گرزمنے دالا وائرہ) راس میں سے گز ریگا۔(پرربدین سی کلیلی) 1- اگر و ق ' وق کافی کے دو ماس ہوں تو وتر ق ق مكانى سے ایک ایسا حصر كائيگا جس كا رقبہ تملث وق تى

كالله بوگا (ويكهومسئله ١١)

مخروطی مراشیں

ا۔ مخروطی تراش کو کوئی خط وو نقطوں سے زیاوہ میں نہیں ال سكتا [مند]

ام اگر ایک وائرہ مخروطی تراش کو جار نقطوں بر ملے تو ان

میں سے حسی دونقطوں کو ملانے والا خط محور سے **وہی زاویہ**

بنائیگاجو ہاتی وو نقطول کو ملانے والا خط بنایا ہے۔

تطع ناقص شدمهم سام ایک مخرطی تراش کا ماسکه مرتب مخصصد وج المرکز

مینول معلوم ہیں؟ معلوم کرو کہ ایک ایسا خطمشقیم جر محور مے متوازی ہو تراش کو کہاں ملیگا۔

[عمل مفرض کرو کہ خط مرتب کو م پر ملتا ہے ، کا کو مرکز

اور له بس کا کو نصف قطر مائلر ایک وائرہ کھینیو۔ س م کو ملاؤ اور فرض کرو کہ یہ وائرہ کو ن ' ن میر مِلمنا ہے ' س ن ' س ن کو بالرتیب لان اُ

كان كے متوازى كھينيوك ن ن نقاط مطلوب بو سكے _

مم۔ نصف وترخاص کی ماسکی وٹر کے دو حصول کے دھیان اوسط موسقی ہوتا ہے۔

- של- שא: שא- לא - שט-של: של-שט

۵- ایک ماسکی وتر کے حصول کا حامل ضرب ایسے براتا ہے صبے وتر کا طول ۔

من ماسکی وتروں کے طوبوں کے متناسب ہوتے ہیں جو اجھے متوازی ہوں (قطع ناقص مہم) ری قطع نائیں قطع ناقص کی میں مار این کر نااط تقاطع

ے۔ قطع زائد یا قطع ناقص کے اُن ماسات کے نقاط تقاطع جو ایک وُومرے سے زاویہ قائمہ بنائیں ایک تابت دائرہ پر واقع ہوتے ہیں جسکو حرتب دائرہ کہتے ہیں۔ [قطع: تفریم]

ی ایت کرو که ۸- نابت کرو که

نگ:جد=جب:ج ا در نگ:جد=ج ا:ج ب

ور عناب : ج 2= ج ۱ · ج ب ب (قطع نا قص ۱۸ اور ۳۳)

(فطع نا فص ۱۸ اور ۳۳) ۹ ـ نابت کروکه سن×سن = ج که = ن گ×ن گ

(تطع ناقص۱۱ اور ۱۸) ۱۰ اگر کوئی ماسکی وترق ک نصف قطرج < کے متوازی ہو تو

ق قُ ×ج ا= ٢ج حا ١١۔ اگر مخوطی تراش کا کوئی قطر مرتب کو ہے پر کمے تو

مے س اُن سب وترول پر عمود ہوگا جنگی قطر فدکور

آق

(قطع ناقص ۱۱ اور ۲۵) مخ بطی ته اش سم

۱۱۰. اگر وق ' وق ایک مخروطی تراش کے ماس ہوں اور ق ق مرتب کو ک پر لیے تو ثابت کرو کہ وس ک زاویہ

710

ی کی مرتب کو ک پر سے کو نابت کرہ قائمہ ہے (قطع ناقص ۲۶)

۱۱۰ آگر نُ پر کا عاس کئی دو مز دوج قطرول کو م اورم، پر کے تو ثابت کرو کہ ن م × ن م، =ج کا

(قطع ناقص ۲۸)

مم ان ابت کرو کہ عمار ن گ کا ظل مسکی فاصلہ سن پر نصیف وترفاص کے مسادی ہوتا ہے۔ (قطع ناقص ۱۲)

بید اگر وق م وق تطع ناتص کے دو ماس ہوں اور اور ماش ہوں اور ماش مین کر نات

ایک منتقیم خط نقط و میں سے گذرے اور نفی کو نقاط کے اور م پر اور ق ق کی کو ل پر ملے تو خط

وك ل م نسبت مرسيقي مين تقييم بروكا نيني ـ

 $\frac{1}{e^{-1}} = \frac{1}{e^{-1}} + \frac{1}{e^{-1}} \left(\frac{idlut}{idlut} \right)$ $\frac{1}{e^{-1}} = \frac{1}{e^{-1}} + \frac{1}{e^{-1}} \left(\frac{idlut}{idlut} \right)$ $\frac{1}{e^{-1}} = \frac{1}{e^{-1}} + \frac{1}{e^{-1}} + \frac{1}{e^{-1}} = \frac{1}{e^{-1}}$ $\frac{1}{e^{-1}} = \frac{1}{e^{-1}} + \frac{1}{e^{-1}} + \frac{1}{e^{-1}}$ $\frac{1}{e^{-1}} = \frac{1}{e^{-1}} + \frac{1}{e^{-1}} + \frac{1}{e^{-1}}$ $\frac{1}{e^{-1}} = \frac{1}{e^{-1}} + \frac{1}{e^{-1}} + \frac{1}{e^{-1}}$ $\frac{1}{e^{-1}} = \frac{1}{e^{-1}}$

19ء ار کی را کی طروق کے مصف مطر ہی گا گا ۔ ایک ووسرے سے زاویہ قائمہ بنائیں تو تابت کرو کہ

ایک مقدارستقل ہے(رتب وارتطع ناص ۱۳) ہے نے ایک مقدارستقل ہے(مرتب وارتطع ناص ۱۳۳۳) کا۔ اگر ایک متبقیم خط کے قطب میں سے

ہد مار گزرے تو ثابت کرو کہ دور استقیم خط بہلے خط کے قطب میں سے گزرہ ہے (تظلیل)

اسطوانه اور مخروط کی ترا من^ی

ا۔ ٹابت کرو کرمتوی تراش کے کسی نقط پر کا ماسس ماسکی فاصلوں اورنیز تولیدی خط سے مساوی زاو کے بنایا

ہے۔ اب ثابت کرو کہ تراش کے محدر اصغر کا نصف ماسکی کرون کے نصف قطروں کے درمیان وسط تناسب ہوتا ہے۔ شنست کی میں میں استان سے اور میں میں میں میں میں

سا۔ نابت کرد کہ مخروط کی تمام تراشوں کیلئے د ترخاص ایسے بدلتا ہے جیسے وہ عمود جو راس مخروط سے کاننے والی سطح یہ نجا لا دائے

ہر من ما جسے۔ مہم۔ نابت کرو کہ ایک قائم متدیراسطوانہ سے ایک ایسا قطع ناقص کا ما جاسکتا ہے جس کی خروج المرکز شبت کچھ تی ہو اور پھر قائم الزادیہ تفلیل سے اِس قطع ناقص کا ظل وائرہ

اور چھر قام الراویہ تصلیل کیے ہو سکتا ہے۔ { دیکھوضمیمہ}





ا۔ ق س ق تنگجی کا ایک ماعی وتر ہے جو ن پر کے ماس کے متوازی کھینچا گیا ہے ' ن گ عماد ہے ، ثابت کرو کہ ق س × س تی یہ ن گ

۷۔ دو تنگجی خطوط کا ایک مشترک اسکہ ہے اور اسکے موروں کی سمت ایک ہی ہے، ماسکہ میں سے ایک

خوروں کی سمت ایک ہی ہے۔ ماستہ یں سے ایک مشقیم خط کھینیا گیا ہے جو انکو جار لفظوں بر کاٹیا ہے' نایہ میں کی سن نقطوں پر ماس کھنچے وائیں تو انکے

تابت اکرو کر آگر ان تقطوں پر ماس کھینچ جائیں تو ایکے تقاطع سے ایک متعلیل شکل پیدا ہوگی جس کا ایک قطر

ما سکہ میں ہے شدر میگا ما سکہ میں ہے شدر میگا

مع ایک شکجی کامرتب اور منحنی بر کے دو نقاط معلوم ہیں ماسکہ دریافت کروئر نیز نفت طرمعلومہ کو جو خط وصل رہ

کرتا ہے اسکیے متوازی منحنی کا ایک ماس کھینچو۔ م**م۔** ن ل ق شکجی کا د گنا معین ہے اور اون ق شلٹ م

مشادی الاضلاع ہے انابت کرو کہ اول = وتر خاص کا تین گنا کے۔ ابت کرو کہ انابت کرو کہ انابت کا خارجی زاویم

اس زاویہ کا نضف ہوتا ہے جو وتر تاس کے محاذی ہے ، مور پر عمود ول نکالا کیا ہے مستقل تشبت هو توانتا به المی خطوط کا مرتب ایک ہی ہے ، خابت کرو کہ مفترک ماس ایک دومسرے معاوم بنے ، نیزمنحنی کے دو ماسر منظیمی کا ملکہ اور مماسات کے نقاط ۱۰ - شلجمی کا ایک نظر ایک و ترکی تنصیف کرتا ہے کا اگر و ترائیس خط کا جارگنا ہو جو و نرکے نقطہ وسطی اور قطر کے سے کو ملآیا ہے تو نابت کرو کہ وتر ما سکہ میں سے گذر<mark>نا</mark> شلجم کے ماس ون ، ون ا بر کے ما کو مِا ادر مسّا پر میں اور ن نُو مور کو ک پر قطع کرے تو نابت گرو کہ ک ما کے ما

دن و ت کے متوازی ہیں [یہ سند کسی ایک تطراورا سکے سرے پر کے ماس کے لئے درست ہے ضروری بنیں کہ تطری بجائے مجمی کے تحسی نقطہ ن برکا مِاس ن ما راس ر کے ماس کو ما پر کے اور ن ما کے قطر پر ایک واٹوا نحینجا جائے جو محور کوک ادر ک پر ملے کو ٹانبت کرو کہ ن ک ، ن ک مرودہ منحنی کے عاد ہیں ۔ ۱۳ - شلجمی کے ونزوں او ب 'ج حکو خارج کما گیا سے اور وہ آماب دو سرے کو نقطہ و پر ملنے ہیں ا ا ب ، ج < پرنقطے ع اور ف ایسے ہیں کہ وعایه ولا × وب و و این او ح × و د نابت کردکه ع ف محور کے متوازی ہے۔ مم 1 - اگر ایک شلیجی ایک مثلث کے تین ضلعول کو مس کرے تو اس کا مرتب شلت کے مرکز عودی میں ہے گزر بگا۔ 10- اگر ایک وائرہ پر کے جار نقطے معلوم ہوں اور دوشلجی خطوط ان میں سے گزریں تو نا بت کرو کہ ایکے محور ایک دو سرے کو نقطوں کے مرکز ہندسی پر قطع ے ق وق ، روز فلجی کے دو وتر ہیں روز کو دو یوں طرت آنا خارج کیا تھیا ہے کہ یہ ت^{ی ہ} تی پرکے

12- ن و ق ایک زاد میعادہ ہے جس کے ا منلاع ہمیلی کے ماسکی و تر ن ق کے سروں پر ما س ہیں ، وو بون ماسکے دریا فنت کرد-1۸- امک زدار بعۃ الا صلاع ایک تراش مخروطی کے

ار منی ہوئی ہے اور شکل کے قطر ایک دوسرے کو ماسکہ رقطع کرتے ہیں، خاہت کرو کہ وہ ایک دوسرے سے زاویم فائمہ بنا نے ہیں ۔

۱۰- معلوم کروگہ قطع نا قص کے دو ایسے مزودج قطرکس رح تھینچے جا ئیس جوایک دو سرے سے ایک زاو بیمعلومہ بائیس -مد قطعہ ناقص میں ایسکی مدین سریر کہ نظرین

۲۰ مقطع نا قص اور اسکے امادی دائرہ پر کے نظیری نقاط ن اور ق ابن سس قطع ناقش کا اسکہ ہے، نابت کرد کہ س ن = اُس عمود کے جو س سے ق پر کے ماس (دائرہ) پر کا لاجائے۔

۲۱ - ایک قطع ناقص میں ن پرکا عاد محور اصغرکو گر پر لمتا سیم نقطه ن سے اسی محور پرمین ن لو کھینجا گیا ہے نا بت کردکہ

「った: かーこう・ラー ۲۲- ایک مخروطی ترانش کا ما سکه س سبے ادر محور کے نابت نقطہ سے منحنی کے تفطہ ن پر کے ماس پرعمود بکا لاگیا ہے نابت کروکه اس عمود اور مین ن کا نقطه تقاطع ایک نابت دائرہ پروارتع سیے ۔ ٢٢ - ايك دے بوئے نقطه سے عاد كھ (۱) قطع مکانی کے محوریر (۷) قطع ما قص کے محوراعظ مہر ۔ دو قطع نافض خطوط کا منترک ماسکہ س ہے ، انکے کے مذہ کا من کر کر انگے ایک متنزک ماس کے کسی نقطہ کن سے قطع نا فض خطوں ماس تھینچے گئے ہیں جو ایک دوسرے منترک ماک

کو ق ار پر قطع کرتے ہیں انا بت کرو کہ زاویو ق س کہ

معلوم کیا جائے کہ اُس کی شکل مکافی ہے یا تعطع ناقص یا

۔ ایک قطع نا قص کے دوماس معلوم ہیں اور ایک ما سکه دیا ہوا ہے ، مرکز کا طریق دریافت کرو ٢٧ - ايك نزأش مخروطي كا ماس تصينجا كيا سب اوروه مرتبات كول م يرمناً بها الرس ، بس ما يك بون اور ل س اور مم س نقطه ن پر ملین تو ناست کرو که ل ن = م ن

۲۸- ن تی ایک تراش مخروطی کا د گنا معین سب مقیم خط ن کو مرنب کے باتین سے ملاتا ہے وہ تحییٰ یر تعطی کرتا ہے ، خابت کرو کہ ق ر ماسکہ میں سے گزر تا ۔ تعطّع ناقص کے دو وتروں لان ، ب ق کو خارج لیا گیا ہے اوروہ ایک دوسرے کو ویر ملتے ہیں انکے کھنچے گئے ہیں جوا یک متوازی دو اور و ترق ج ' نُ < ا ووسرے کو رپر ملتے ہیں ، نابت کرو کہ مثلث لاو ب ج رکہ متنابہ ہیں اور لا ب سب ج کہ کے متوازی ہے -، سر ۔ اگر دو مخروطی تراشوں کا ایک مشترک ماسکہ ہو اور ں طرح واقع ہوں کہ صرف دو تقطو ک پر ایکس مرہے کو قطع کریں تو اس کا مفترک و تر ان کے متعلقہ مرتبات کے نقطہ تقاطع میں سے گزر کے سکا ِ متوازی الا صلاع شکلوں کا ایک نظام کیلجی کے اندر بنایا گیا ہے، ان شکلوں کے اضافی مساجی مز دورج قطروں کے متوازی ہیں، ٹابت کرد کہ ان کے امنلاع سے مرہوں ہور۔ ۱۹۲۷ مر نما بت کرو کہ ذیل کے علی سے سی کسی ۱۹۷۱ میڈیو م لم ، میں سے ہرایک کو ل ن کے ساوی کا وہ ن ک ، ن م کو اُننا فارج کرد که ده منحنی کو دوباره ق ، ق پرملیل ، ق ق کی تنصیف ص پر کرو- تب

ن ص س ن پرکاعماد ہوگا ایک ذوار بن الا صلاع ال ب ج < کے اندر ایک قطع نا قص بنایا گیا ہے، س اسکا ماسکہ ہے 'ثابت كروكه زاويئے لا س ب اورج س د ملكر زوايا بس ج اور دس لا کے برابر ہیں -سم میں۔ اگر ما سکون سے قطع نا قص کے کسی نقطم پر عاد پرعود کالے حائیں تو نابت کردکہ ان کی یا نہمی سبت وہی ہوگی جوائن عمو ووں کی سے جو ما سکو ل سے مسی نقطہ پر کے ماس پر کا نے جا ہیں ہس۔ ایک مخروطی تراش کے دو ماس ویئے ہوئے ہیں اور اس کا مرکز بھی معلوم سبے نا بت کرو کہ اس سکے ہ سکوں کاطریق قایم ہز ہولی ہے۔ 44 ۔ ہلیلی کے نفیطر ن کا معین ن ل ہے، اس کو اتنا خارج كياتميا ہے كه يه وزخاص كے ايك ماس کو ق پر لمانے ، نابت کروکہ ق ل = س ن ایک قائم محزوط کی ہلیلحی تراش کا ظل ایک لیسے ستوی برا تارا کیا ہے جو محور مخروط برعود ہے، نا بت کرو که تنظلیل *تشخین ک*ا ما سکه وه نفطه -کا محورسطے تظلیل کو ملما ہے۔ ۱۳۸۸ ۔ قطع ناقص کے امرادی دائرہ برایک نقطہ ویے اس نقطه سے قطع ناقص کے وو ماس دن، وق

مبندسي محزوطات

كينج كئے بن أن ج نُ قطع اقص كا ايك قطر ہے ٹا مبت کرو کہ تی ن اسکہ میں سے گزرتا ہے ۔ سو ۔ اگر کسی تراش مخروطی میں ن ق من ن ق

ساوی زاوے بنائیں تو نمات کرو

که ن ق ق کا بیرونی وائره (گرد بنا جوا دائره) تراض کو نقطه ن پرمس کرتا ہے۔

بہ ۔ آگر ایک ہلیکی میں دو ایسی اشکال ذو اربعة الاصلاع بنائی جائیں جن میں سے ایک کے تین صلعے دو سری

کے بین منلعوں کے متوازی ہوں تو ان کے چوستھے

ملع بھی متوازی ہو گئے۔ اسکئے سعکوم کرو کہ **مثوازی** رولہ (بطری) کے ذریعہ قطع نا قص کے کسی نقطہ برماس

ں طرح تھیج سکتا ہے [تفیل] - اگر رن تعطع ناقص کے نقطہ ن پر کا ماس ہے اور

بمنتقل زاویہ ہے نا بت کرو کہ ر کا طرماتی

قطع نا قص کے نقاط ی ا فی پرماس دق وق کئے ہیں نیز ق گ ک عاد ہیں جو محوراً

نابت کروکر شلیس و ق گ ، و ی کِ کِ متنابر ہیں ماسات دق، وی کے مازی اسمبری کے

پائین برساوی زا و سے بنتے ہیں ہو دمیں سے گزر تاتیج -

ب تعطع 'اقص ایک مثلث کے اضلاع کو اسکے وسطى نقاط پرمس كرمائے اثابت كروكه قطع ناقص كا مركز مثلث [تفليل] کا مزکر تقل ہے ٥٧ - مكافی کے ایک عاس پر داس اور ماسكه سے عُود اور اس ما کالے کئے ہیں ات کردکہ س ما یا س ما یدار + س ان آ أني 'سي' ايس للمثثهُ آ ا - مكافى ير ايك نقطه ن تب ولون يرعمود س ر نکالا عیا ہے اور یہ راس پر کے ماس کو ریر متاہے نابت کرو کہ اور ' ن ل کا ہے جان ن سے موریہ عمود تکالا کیا ہے۔
[کلیرکالج سشٹنہ] - انك مكافى ابك مثلث متناوى الأضلاء شم ضلعون کو نقاط، او ، ب ، ج پر مس کرا ہے

[شرنتی کالج سخشکه]

[پیروک کالج سخشکہ]

۵۰ ایک مکافی میں زاویہ اس ن چار تہائی قائمہ کے
برابر ہے ' ثابت کروکہ ن پر کا معین اور وتر خاص
کے ایک سرے پر کا عاد ایکدوسرے کو محور پر قطع کرتے
بیر کا

ا۵۔ مکافی کے دو ماسون کے مقام معلوم میں اور ان کے نقاط تماس بھی دے ہوئے ہیں، منحیٰ کا ماسکہ اور ان کے نقاط تماس بھی دے ہوئے ہیں، منحیٰ کا ماسکہ اور مرتب معلوم کرو [کوین کالج مشمدیا]

جائے جس کا مراز ک اور تصف مطرک فی ہو آئی و ابت کردکہ یہ عاس اس عمود سے برابر بہوگا جو آئی نقطہ سے ن سے معین بیر نکا لا جائے نقطہ سے ن سے معین بیر نکا لا جائے انقطہ سے ن سے معین بیر نکا لا جائے

[بيسس كالج مممله]

س پر ملتا ہے ، وتر ن ق ، ر میں سے گذر نوانے قطر کو ط پر ماتا ہے تابت کرو کہ س ط ان پر سے ماس سے متوازی ہے شلجی کا راس آن ماُسکه مِسْ ، اور میں سے گذرنیوا کے قطرً نفظه و بین سے ایک وو نقطے ن اور ق لئے گئے ہیں انابت

وكر ن ميں سے گذرنے والے ماسات كا تاس ق میں سے گذرنے والے ماسات کے وتر تاس کو زاویہ واس کے منصّف پر قطع کرتا ہے

[طرنتگی کالج سننشکله] کا راش از اور ماسکه مش ـ بلجی کا راس رید. پر ایک بیرونی نقطه ن لیا گیاہے' '' کھنڈا ماعے تنکبی کے محور بر آیک بیرونی نقطہ ن لیا گیا ہے' اگر ن س کو نظر مان کر ایک دائرہ کھینجا جائے ا برکا عاس اس دائرہ کو تی اور زریر

تو نابت کرو که ن ق اور ن که شلجی تَأْبِت كُرُوكُ الركوئي عاس دائره كوق ؟

سیات نے تو شکبی کے باقی ماسات جو ق کا کر کے سکتے ہیں وہ ایکدوسرے کو محیط دائرہ رنگے Tr. ببندسى مخزوطات [ٹرنٹی کالج سخشلہ] نقطبہ اس طع حرکت سرتا ہے بمہ ایک نقطہ معینہ اور ایک ٹابت ستقیم خط سے اسکے فاصلو تفظہ معنینہ اور ایک ناہب کا مجموعہ ہمشہ ستقل رہنا ہے ناکبت کرو کہ یہ ایک ننا_{جمی} مرتشم شرما ہے ' اس شکبی سے وتر خاص کا طو للجی مرتشم ترتا ہے ' اس دریافت کرو [کوین کا بج مخشد] ر دین عظمون کوئی سنما ۱۹۲- ایک سنجی جار ایسے نقطون کوئی، جو مح میں سے گذر تا ہے کہ کو ب عجر در سے متوازی ہے ، شلجی کے مور دریافت سر نے کا ہندسی عل دریافت کرو۔ [بيسس كالج مخدمه] ۱۹۳ اور ن دو نابت نقطے ہیں ، کئی ایک مشلمی خط کھینچے گئے ہیں جو ن میں سے گذرتے ہیں اور جن سب کا راس او ہے ، منابت کروا تی پر کے ماس کے او پر کے ماس اور عاومے

[جُون مُحُمُنه]

علياست

[شرنتی کالج سنشمله]

[شرمتی کالج سنششل

ہے جو عاد ن گ کوک یر لما ہے سُ کُ کُو المایا گیا ہے ، ٹابت کرد کہ شکیات

اور س ک ن میں سے ہرایک

اور ان دائردن میں سے ایک دائرہ دوسرنکا وگاہے

۱۹۷- اگر شکی کے کسی نقطہ ن سے مور اور راس برے عاس پر عمود ن ل ' ن م سینیجے جانین تو نا بت اس

كروكه م ل بيشه اك تلجي كو مسس كرا ہے۔

شلحى كالشغير ماس دو نابت ماسون كو نقاط ط اور طَ پر قطع کرا ہے ، نابت کروکہ نسبت

امرہ مع سسا ۱۶ - اگر شلجی کے ایک قطر ن ص پر عمود ق د نکالا جائے تو ثابت کروکہ

شامی کے ماسکہ س سے ن پرسے ب عمود س ماکینجا گیا ہے ' اس عمود مے پائیں ما میں سے ماک مور کے متوازی

عليات

مثلت س نما کے برابر ہے [شرنطی ہوم ٹ ایب ج کے اضالاع طول کے اضلاع کے چار سمنے ہیں کے نقاط ن آن ہے ہار اور وه ایک ہیں استبھی کا راس و سے اور محورا ل، اور ن، ن، ن پر

ا، وق ، وق شلجی کے ماس ہیں اور وص قطر ہے اگر وص مرتب کو ک بر ملے اور ق ق مو کول برکائے تو نابت کردکہ وک = س ل جمان س ماسکہ ہے

ان کا سے سے سے اسکی وتر ن س ق سے سروں برسے ماس ایک دوسرے کو ہر پر قطع کریں توس ہے، اس اور ن ق کما وسط تناسب ہوگا .

[آئی-سی-الیس سلمکلیا سی- ایک دئے ہوئے دائرہ کے ایک قطعہ کے اندر جو دائرے بن سکین ان کے مرکزون کا طریق دریافت کرد۔ ایٹ ہوس سکی کا

[پیٹر ہوس سنٹ ہے ایک شاہی کے اسکہ میں سے تین وتر ان میں سے تین وتر ان میں سے تین وتر ان میں کے اس کا گزر تے ہیں ان میں کے ان کی کر سے ان میں کروکہ مثلثوں کی قی لہ اور کی تی کر سے اور کی تی کر سے اور کی تی کر سے دون کو آلیسمیں وہی تسبت ہے جو ک

کی ہو اور ن ہی ہو سے میہوں سے کی سروں کو آگیس میں ہے ۔ [بطر ہوسس سیمیاری کا ایک دولا اور طبعی خطوط کو میں اور طبعی خطوط کو اس سلسلہ ان خطوط کو میں سے ایک خطوط کو ہمیشہ ایک نقطہ معینہ پر مس کرتا ہے خطوط کو ہمیشہ ایک تقطہ معینہ پر مس کرتا ہے خطوط کو ہمیشہ ایک سے ایک خطوط کو ہمیشہ ایک تابت کرو کہ اِن شلجی خطوط کے ایک ثابت دائرہ کے محیط پر واقع ہیں ایک آب تابت نقطہ میں سے گذر تے ہی

ے ماس ہون تو نابت کردکہ ان و تروں کے نقطہ تنصیف اطریق ایک ایسا شلجی ہے جیکے خطی البعاد دیے ہوئے ملمہ تخطہط سمر العاد سمر نیاشہ ہو

تناجی تخطوط کے البعاد کے نملت ہیں [طرنطی کالج عشار] [طرنطی کالج عشار] ایرے ن پر کا عاد راس برکے مایس کو ہن پر اور

سنی کو دو بارہ ن بر کما ہے اگر شکبی کا محور ن برکے ماس اور عاد کو بالترتیب ط اور گ بر ملے تو ثابت کرو کہ ن ف × ن ن = ط گ

ارو له ن ف x ن ن = ط ك المرابع [شرنش ہوسس ششل] د، دشیلی کے ایک نقطہ ن برکا عاد منحیٰ کو دو بارہ

ق برمتا ہے ، وتر ن ق کا قطب ط ہے اور جو خط ط کو ماسکہ س سے ملاتا ہے وہ اس خط کو جو در مدر سیر میں در ہر عمدہ کھنچنہ سے سارہ ن میں سے س ن پر عمود ر طبیعے سے بیدا ہوا ہو و پر لما ہے ، ٹابت کرو کہ س = س و اور زاویه ط وق قائمه [جوَن مُثُمُدًا کے ماسکی وتر ق ق کا نقطہ تنصیفہ ۔ تی ، ق بر سے ماس ط پر ملتے ہیں^{۔ ناہے} طق بی کے برونی دائرہ اور خط طص کے ن -ہیں جو منعنی کے نقاط ن کن پر عاد ہیںِ ٹابٹ کرو ۔ نابت نقطہ میں سے گذرتا ہے ا وی شکمی و ضعًا اور شکلاً متشابه ایر سر ۱ ایک شلجی کا ایک اور انکا مور ایک ہی سے ، ایک ماس کھینیا گیا ہے جو دوسر۔ ن پر مانا ہے ٹا بت کرو کہ ق کا عمودی فاصلہ اس ما ہیں۔ طریعے جو ن میں سے گذرتا ہے ستقل ہے لمجی کے اس حصے کا رقبہ جو وتر ن ق ت کتا ہے متقل ہے [پرک کالج علاماً

۸۲- شلمی پر ایک ایبا نقطه دریافت کروجس پرکا علد ایک دیے ہوئے مستقیم خط سے برابر ہو علد ایک دیے ہوئے مستقیم خط سے برابر ہو شار کر تنہ مار کھنمنہ سے جو مثلاث مناہے

۱۸۰۔ شکبی کے بین ماس تصبیح کے جو سمات مباہی وہ متیا وی الساقین ہے انتابت کروکہ جو خط مساوی اضلاع کے نقطہ تفاطع کو ماسکہ سے ملاتا ہے وہ مقابل کے ضلع کے نقطہ تماس میں سے گذرتا ہے ایکٹر بریار بریوروں

[کیھرین کالج عشکہ] ہم ۸۔ دوشلجی خطوط جن کا ماسکہ مشترک ہے ایکدوسے کو زاویہ کا ٹمہ پر کا ٹیتے ہیں تابت کردگہ انجکے راشونکا خط وصل ماسکہ میں سے گذرتا ہے اور ان کے نعکم

تو رادیہ کا تمہ پر کا سے ہاں باب مردلہ بسے میں بات خط وصل اسکہ میں سے گذرتا ہے اور ان سے نعکم تقاطع سے ماسکی نیم قطر کے برابر ہے تقاطع سے ماسکی نیم قطر کے برابر ہے [جون سنششلے]

جون سلامالی الله المحدی کا کوئی معین ہو اور ق ل ق کوئی وتر ہو جو ل میں سے گذرے اور شلبی کو ق اور ق یہ کانے تو ثابت کردکہ ق اور ق سے معینون کی حاصل عزب ن ل کے مربع کے برابر ہوگی۔

ایک الیا دائرہ کھینجا جائے جو او اور ب ہیں سے گذرے ان خطوب کو بخ اور ﴿ يركافْ تُو ثابت كروكه بح ﴿ تلجی کو مس کرا ہے ٨٠ سُلْجي كے آس نقطه برجس كا معين السكے فصله برابر ہے عادی وتر کھینجا گیا ہے نابت کردکہ اسکے محادی اسکہ پر زاویہ قامیہ بنتا ہے [پتر ہوس کھیٹایا مرم۔ ایک دائرہ شکبی کے ماسکہ میں سے گذرما ہے کی منتی مسِ کرتا ہے اور علاوہ ایکے ل اور م پر کا ٹاتا ہے اگریہ مور کو ع پر قطع کرے تو مابت کرو کہ ل ن م ع مادی ہے۔ اگر ایک ظلمی کا محدر ایک دئے ہوئے اگر ایک سے گذ [كليركا لج سيشكله] متوازی ہو اور شکجی دو نقاط معلومہ میں سے گذرے اور ایک آیسے خطر کو مس کرے جو (ان دو نقاط معلومہ میں ایک نقطہ سے گذرتا ہو تو تلجی کے مرتب کا مقام ہنگا لجم کے ماسات طان اطاق کے محاذی سکہ پر جو زاوئے بنتے ہیں وہ ط کے سب مقام متعل ہیں ، ٹابت کروکہ اگر مثلثانت س ن ط مس ط ق کے گرد دائرے نیا ئے جائیں تو ان کے مرکزون کا درمیانی فاصلہ ایسے بدلیگا [کلیرکالج ملاملہ] جیسے س طا

ا ہ - اک شکجی کا ماسکی وتر ن می سبے اور ف میں سے کزرنے والے قطر پر کو ٹی نقطہ کہ ہے ' نابت کرد کہ اُس ہ سکی و ترکا طول جو ن ر کے متوازی ہے = <u>ن رہ</u> [مر نتی کا بر سف دا و] 9۔ ایک مثلث 1 ب ج کے ضلعوں پر نقساط 'ع' ف کئے گئے ہیں اور تین ہم ماسکہ شکمی کیسنیے سے ایک ب ن 'ان ع' عو س کرا ہے اور ہاتی دوشکھی خطوط کے متاثل ٹلانٹیوں شترک راسکہ س ہے اور م تبات ایک دوسرے کو ب رئے ،ک برقطع کرتے ہیں، نابت کروکہ مثلثات < س کَی 'ع س خ ' ن س کب ِ یا لترتیب متناسب میں۔ م فلجی ہیں ان کے ایک نقطہ بیردنی جمی کے طراط میں مینچے گئے ہیں اگر زاویوں رطس کا مجوعه ۱۸۰ میو تونا بت کرو که

ن ر ' ق س یا تو متوازی ہیں یا ماسکہ پر طبتے ہیں ا اگروہ متوازی ہوں تو ٹابت کرو کہ رہ شانجی خلوط کے شترک ماسوں کے بھی متوازی ہیں۔ [پرکر کا بعض الا

وو ٹابت نقطوں لا اور ب سے ایک متغیر خط يرعمود الن ' ب ن نكالے كئے ہيں ' اگر ذو ارتعبت الامنلاع لا ب ب ب ن كا رقبه ستقل ببوتو نابت كروكه متغیر خط کا تقات شکجی ہے۔ [كيزكالج مثثا] شلجی کے وترخاص کے ایک سرے خ پرکا عاد تنحنی کو دوبارہ ن پر ملنا ہے ' ن پر کا ماس' مدووہ و ترخاص کو هم برادر محور کو ط پر ملتیا ہے۔ نابت كروكه فخ م وترخاص كالبيك كنا أور ل ط ع كنا ہے جہاں ن ل نقطرن سے محور پر عمود ہے تناجم کا راس ۸ اور ما سکه س ہے اور اس پر کوئی نقطہ ن لیا گیا ہے ' ن پر کا معین ن ل ہے ہ اگر ماسکہ میں میں سے میں ن پر عمود کینی جائے اور رہو و ن پر کے عاد کوع پر کے اور ع کا معین ع م ہو تو نا بت کرو که اس م = ۲ اول [كوين كالج ملامثل] ایک شلجی بر دو نقاط ن اور ق بین اور انکو ملانے والے وتر کا وسطی نقطہ رہے ' ر ل نقطہ ر کا معین ہے جو محور پر عمود ہے ن ق پر عمود رگ نکالاگیا ہے اور یہ محور کو گ پر ملنا ہے کہ

کرو کہ ہاگ شلحبی کے نیم و تر خاص کے برابر [المحينكالج للشيئا خاص حیو ہے سے حیوٹا ماسکی وتر ٹا بت کرو کہ ہے جو شکجمی میں تھینیا جا سکتا ہے۔ ب ایسا شلجی نبا وُ جو تمین دیئے ہوئے خطوط ستقیم کو مس کرے اور جس کا ما سکہ ایک اور وئے ہوئے خط میں واقع ہو۔ کے متوازی ایک خط کھینجا گیا ہے جو منحنی کو ق بر ملتا ن میں سے گزرنے والا قطر س ق کوع پرملتا ہے ا بت کرو کہ ع کا طریق ایک ایسا شاہمی ہے جس کا وتر خاص وئے ہوئے شلجی کے وتر خاص کا تصف

[جیسس کا نج سالٹا] ۱۰۱- ایک شلجی کے نقطہ ن بر کا عاد ن گ ہے گا کے پائیں ک سے ایک خط گ رایسا کھینیجا گیا ہے جو نس ن برعود ہے ادر جو اُس دائرہ کو جو رس ن

کو قطر مان کر تکمینچا جائے نقطہ ل پر ملتا ہے ، اگر ل س کو خارج کیا عبائے ہو وہ ن پر کے ماس کو و پر ملتا ہے ' نابت کرو کہ نسبت و س : و ن متقل ہے ۔ [سٹنی کا بیمانی ا

عملياست شکجی خطوط اس طرح کیفیے گئے ہیں کہ وہ دو ناہت نفاط آل اور **ب** میں سے گزرتے ہیں اور ایک ت معینہ میں واقع ہو تے ہیں ' ان کے ما سکوں کا طریق دریا فت کرو۔ [سينف جون كالج ملتما] کمجمی خطوط کا ایاب سسه ... ر شکجمی) کے راس پر کا ماس ایک اور و کے ۔ منطبۃ ر ہوتا ہے اور خطوط کا ایک سلسلہ ایسا سے کہ اس کے

شکبی کے راس پر کے ماس پر منطبق ہوتا ہے اور اس سلسلہ کے ہرایک نظامی کا ماسکہ دیئے ہوئے شائجی پر واقع ہوتا ہے۔ نبابت کروکہ پہشلمجی خطوط ایک دوسرے کو د کے ہو کے شامجی کے اسکہ پر قطع کرتے ہیں۔

[يتربومس سنشا]

ایک شکھی کے نقطہ ن برکا ماس ایک ٹا ہت وائرہ کو حبی کا مرکز ما سکہ ہے تی اور ر پر ملنا ہے اگر شلجی ہے بانی وو ماس جو ق اور ربیں سے گزرتے ہیں ایک دوسرے کوط پر قطع کریں اور دائرہ کے ق اور ریر کے ماس ایک ووسرے کو ص پرملیں تو فاب کروکہ طاص مرتب کے سنوازی ہے۔

[بتربوسس عشدا] ایک شامجی کے ماسکی و تر کے نقطہ تصیف میں سے ایک ایسا خط کھینیا کیا ہے جو مرتب پر عمو و ہے اور جس کا طول ما سکی و تر کا نصف ہے اسکے سرے کا طریق دریا فت کرو۔

[کلیرشششار]

1.4 - ایک شامجی کے نقطہ ن سے راس پر کے ماس پر عمود ن م کھینجا گیا ہے ' اگر نقطہ م سے آل ن پر عمود م ق شخالا جائے تو تا بت کرد کہ می کا طریق ایک وارہ ہے [تربتی ہوس شائلا]

ع ا - ایک شامی کے مور پر ایک نابت نقطہ ہے اس نقطہ میں سے ایک وتر ن تی عزرتا ہے ، اگر ایک دئے

ہوئے تضف قطر کا ایک دائرہ نبایا جائے جو ن اور ق کے معینوں کے با یوں میں سے گزرے تو نما بت کرو کہ دائرہ کے مرکز کا طریق ایک دائرہ ہے

[بيس الع عُمَدا]

۱۰۸- ایک دائرہ ایک وئے ہوئے دائرہ کوزاویہ قائمہ بر قطع کرتا ہے اور ایک وئے ہوئے خط سے ایک ایسا حصہ کا متا ہے جس کا طول ہمیشہ مستقل رہتا ہے ' نا بت کرہ

کہ اس دائرہ کے مرکز کا طریق نتیجی ہے اور ان دائرور کے وتر تقاطع کا لفا من ایک مخروطی تراش ہے۔ (جیسس کالج منشلا)

۱۰۹ - ن س نَ ایک شلجی کا ماسکی و ترہے، ن اور نَ میں سے گزرنے واسے قطر نَ اور ن برکے

عَادُونِ كُو بِالترتيبِ صِ اور صَ بِر لِلتَّے ہِي ا فابت كروكه أن ص ص كن أيك متوازى الاصلاع ایک قطاع دائرہ ج ان ہے، دائرہ کا مرکزج ہے اور اس کے نصف قطر ج 1 کو ٹائٹ کرویا گیا کہے ، اگرج 1 اور ج ن دو بون کو خارج کما جائے اورایک ابیا داہرہ تھینجا جا ہے جو ان مدو وہ خطوط کومس کرے اور قو س اون کو بھی خار کیا مس برے تو نا ہے کرو کہ اس دائرہ کے مرکز کاطریق ایک شکجی ہے [جون كالج مصمما] اک شکیجی ایک متلث کے تمیوں اعتلاع کو مس ہے اور اس کے محور کی سمت دی ہوئی ہے ، نا ہف کرو کہ ذیل کے علی سے اس کا ما سکہ معلوم ہو سکتا ہے مثلث کے ایک راس ازا ویہ آ میں سکے دی ہو ٹی سمت يرعموه إح كل لو جو دائره إسب ج كو حرير سلي، تقطه میں سے مقابل کے صلع پر عمود د س کھینچو جو وائرہ نذكور كو من پر ليے ، تب من شائجي كا ما سكه بيوگا -[يتر جوس متعشدا] ایک شلمی برتبین نقط ن می ، ربی اور ننامج رکا ماسکه مس سے ، نقطه ربیس سے خط ردی ص کھنچے گئے ہیں جو ن اور ق کے ماسات کے

ہدی فردسے والے الرتیب متوازی ہیں اور جوق میں سے گرر نے والے فطر کو حد اور ص پر کہتے ہیں، ہندسی طریق سے نابت کرو کہ رڈ = ہم س ن × ق ص اس نتیجے کی مدوسے زیل کے مئا کو ہندسی طریق سے ناہت کرو -زیل کے مئا کو ہندسی طریق سے ناہت کرو -ایک ناہمی کے عاس ط ق اط د نقطمان پر کے

الک علجی سے عاش طاق سے مصرف ہوتا ماس کو لا اور ما بر طلتے ہیں۔ جو قطرط میں سے گزر تا ہے اس کے سرے پر کا ماس ن پر کے ماس کو و بر لما ہے ، اگر میں ماسکہ ہو تو نابت کرو کہ

سن × ق ر = ۲ س و × کاما [سنط جرن کالج برخشهٔ]

۱۱۲ء ۔ دوہم ماسکہ ادر ہم محور شلجی اس طرح سینیج کئے ہیں کہ ان کے قعرمتقابل جا نبوں میں واقع ہیں'

ایک مشقیم خطاجو محور کے متوازی ہے ان کو ن اور ن پر ملا ہے ' ان کا و ترمشترک می می ' ن ن کو ر پر ملکا ہے ' منابت کرو کہ رق × رق : ن ن کا ایک مستقل سندھ ہے'

[پتر ہوس سے کیڈ ا

مہا اے ایک علمی سے بین کاش سیکھے سے ایک کا گا مثلث بنا یا گیا ہے ہیں معلوم ہے نکر اس مثلث کا بیرونی دائرہ کا ماسکہ میں سے گزرتا ہے ' نابت کرو کہ اس دائرہ کا ماس ہو شامجی کے ماسکہ پر کھینجا طب^ہ محورے ایک ایسا زاویہ بنایا ہے جوا بن تینوں زاویو کھے مجوعہ جبریہ کے مساوی ہوتا ہے جو شکجی کے ماس محور سے بناتے ہیں

ے شلجی کے نقطہ ن بر کا عا و ن ق ہے اور سلمجی کے نقطہ ن بر کا عا و ن ق ہے اور ط اس کا قطب سے اناب کرو کہ ن س اط میں گررنے والے قطر کے راس میں سے گرزما ہے۔ [يتربوس تحديد]

ا کے متحرک مستقیم خطیں سے دوٹا ہت وائرے ہمیشہ ساوی ونز کا شنتے ہیں تاکت کرو کریہ خطبیشہ ایک ایسے شکجی کو مس کرتا ہے جس کا ما سکہ وائروں کے مرکزول کے خط وصل کا نقطہ تنصیف ہے

اگر ایک شلحبی کے ہرایک نقطہ کئے معین کو محور کے پنیچے اتنا خارج کیا جائے کہ اس کا طول اس فاصلیکے میاوی ہوجائے جو ما سکہ اور نقطہ مذکورہ کے ورمیان ہے تو تا ہو کرد کہ معین کے سرے کا طریق ایک اور شائجی ہے اور ان متنحنیات کے محور ایک وو مسر سے ایک ایسازاویہ بنا تھے ہیں جو تضف زاویہ کائم کے برابرسیے ،

(کلیرکالج مشمثهٔ

110- ایک شانجی کے دد نابت کاس طفی کی طرر بین ان کو ایک شانجی کے دد نابت کا س طفی کی طرر بین ان کو ایک متغیر کاس کی اور ها پر ملتا ہے، اگر تنامجی کا ایک ایسا و تر کھینچا جائے جو لاها کے مساوی شاہمی اور متوازی ہو تو نابت کرد کہ یہ و تر ایک مساوی شاہمی کولٹ کرتا ہے

[ترنتی کالج سیمیلا] 119- ایک تنگیمی کے ایک نقطہ ن میں سے ایک ایسا خط کھینچا گیا ہے جو ن اور راس کے حط و صل پر عمود ہے ' یہ خط محور کو ک پر ملتا ہے۔ اور دن پر محاجاہ محد

ہے ' یہ خطّ محور کو ک پر ملتا ہے اور ن پر کا عاو محور کو گ پر ملتا ہے ' ٹابت کرو کہ گ ک صفف وترخاص کے برابر ہے ۔

۱۲۱- ن س ن ایک شلجی کا ماسکی و ترجے ن س اور ن س کو قطر مان کر وائر سے طینیے گئے ہیں انابع کروکہ وائروں کے کہ میں مشنہ کی ماشن کا طول ایس

اور ن ن کا وسط تنا سب ہے [ٹرنتی کا بچے مششرُ تمقیم خط و 🛭 اور و ما ایک دوسرے کو زادیہ قائمہ پر قطع کرتے ہیں اور ایک مستقیم خطان ق امن کو نقاط ن آور ق پر قطع کرتا ہے، اور ن ق کا نقط مضيف الك أابت ستقم خط إب برواقع بوا ہے؛ ٹاہٹ کرد کہ متقیم حظ ن آق ہمیشہ ایک ٹا ہت شکمی کو مس کرتا ہے۔

(ترنتی کالج شششهٔ } اگرِن پربا عاد ن گ مور کو گ پر کے اور اگر نقطہ کِ پر اِیک معین کِ ق قائم کیا جا ہے تو نابت کرو کہ ن گ اور ق ک کے مربغوں کا فرق ایک منتقل مقدار کے برابر ہے

مرك كالج مشدا

ایک مزکر دار تراش کا قطر بخط ایک و تر ی تُی کورص بد کا ٹنا ہے' منحنی کو ن پر اور ق پر کے ماس کو ط برا ٹابٹ کرو کہ بچ ص × ج طء ج ن شلجي کي صورت ميں يہ مسئله کيا ہوگا۔ اسس کو فانبت كرو

ن س ق ایک شاہی کا ماسکی و تر ہے۔ ن گ ، ن پر کا عاد ہے اور ن ل تضف معین جے اگر ن ل کو اتبا خارج کیا جائے کہ وہ ق میں سے گزر نے والے قطر کو ح پر ملے تو تا بعد کرو کہ ح کی میں کے گر می کرو کہ ح کی ان ک پرعود ہے

ار ی ہوس سے ا ۱۲۶- شکبی کے مرتب بر کوئی نقطہ و ہے نقطہ و سے شکبی کے دو ماس تھینچے گئے ہیں اور ماسکہ میں میں سے ان ماسات کے متوازی دوستقیم حظ کھینچے گئے

ہیں، ٹابت کرو کہ مرتب کا جو حصہ ان منوازامی خطوط کے در میان واقع ہے اس کی تنصیف و پر ہوتی ہے (کرائسٹ کا بیششن آ

[کرائسٹ کالج مفضائے] کے 17- رسی کے ایک حلقہ ون ق کو و پر باندہ و یا

گیا ہے اور دو جیوٹے جھوٹے وائے ن اور ق رسمی ہر حرکت کر سکتے ہیں' اگر رسمی کو ہمیشہ کس کر رکھا ہمائے اور ون' وق کے برابر ہمو اور ن ق کی سمت ہمیشہ وہمی رہے تو ٹابت کرو کہ ن اور ق کے

طریق دو شانجی خطوط ہیں جن دونوں کا ماسکہ وہے۔ (کوبن کا بر صففا) ۱۲۸ - ایک نابت دائرہ پرایک نیابت نقطہ وہے دائرہ پرکے کسی نقطہ میں کو اسکہ اور و پر کے

الم الله المراكب ملكم من الوالم المراور و برائع المراكب ما الكروسية الروسية الروسية الروسية الروسية الروسية المراكب المراكب المراكبين الوانا بت كروكه المبلغ المراكبين الوانا بت كروكه المبلغ المراكبة ا

نقاط تماس کا طریق ایک دائرہ ہے۔ [کوین کالج ششکہ]

اوی ای صدا ۱۲۹ اگر شامجی کے کسی نقطہ سے وٹر کھینچے جا ئیں جو اس نقطہ پرکے ماس سے مساومی زاوے بنائیں تو نا بت کروکہ ایکے طولوں کو آبس میں دہی نسبت موگی جوا مکے متوازمی ماسکی وٹروں کو ہے ۔ مردگی جوا مکے متوازمی ماسکی وٹروں کو ہے ۔ [کیتھرین کالج مشہد]

اسا۔ ایک نقطہ و کا قطبی خط بلجاظ ایک سنگجی کے محور کو می پر لما ہے، اگر نقطہ می ہیں سے ایک سنقے خط کھینی جائے جو قطبی پر عموہ ہواور جو وس کو رکبر لیے تو نابت کروکہ وس = س ر اجیسر، کابرششنا]

ا بیس الج مسلم المجری خطوں کا ایک ماس مفترک ہے ۔ اس میں شامجی خطوں کا ایک ماس مفترک ہے ۔ ان کے مفترک ماسوں کے جو ہا تی روج ہیں ان کے نفت ط تقاطع ایک ہی خط پر واقع

ہوتے ہیں۔

اجون کا بھششا کے دو ماس کھینچے گئے ہیں اگر انکے در ماس کھینچے گئے ہیں اگر انکے در تاس کھینچے گئے ہیں اگر انکے در تاس بر ماسکہ سے ایک عمود نکا لا جائے تو ٹا بہت کرو کہ مامور مقطوعہ کے نقطہ تنصیف میں سے گرد تا ہے جو راس بر کے درمیان کے درمیان کے درمیان

واقع ہے۔

[جون کالج شیشهٔ] ۱۳۲۰ - مساوی شلجمی خطوط کے کئی زوج یکھنیھے گئے ہیں، ہرایک شلجمی کا ماسکہ ایک دیا ہوا نقطعہ س ہے اور ہر ایک زوج کا ایک شلجمی ایک و کئے ہوئے خط آل ب

کو مس کرتا ہے اور اس کا دو سرا شکمی خط لا ہے کو مس کرتا ہے ' نابت کرد کہ ان کے مشترک ماسوں کا بغاف ایک شلجی ہے جس کا مرتب میں ہیں سے

گزرتا ہے اور جو ال نب اور ال بح کو ایسے تقطوں پر مس کرنا ہے جن کا خط وصل میں میں سے گزرتا ہے ۔

اج ن کا بھ شکھنے اور اس کے مسکد س ہے اور اس کے میں نقاط بن کرت کر پر مین ماس و لان وماق میں نقاط بن کرت کر بر مین ماس و لان وماق

ین موسی کی در بر بین کا بیں و لان و مائی لارما تطبیعے گئے ہیں۔ اگر مماس لاما اپنا مقام برلے نو س کے علاوہ جو دوا ٹر س لان سمانی

کا دوسرا تقاطع ہے اِس کاطریق دریا نت کرو۔ [يتر بوس سيميدا] ۱۳۷- اگر دومشلجی خطوں کا ایک مشترک ما سکہ ہو تو ناہت کروکہ جو خط ہا سکہ کو مرتبوں کے نقطہ تنا طعے سے ملآ ا ہے وہ شامجی خطوں کے مشترک ماس پر عمود ہے۔ [كليركا لج سيمثرا] خطوں کا ایک ہی راس ہے اورایک کے وتر تماص سلسلہ ہندسیہ میں ہیں۔ اگر بیرو نی شامجی سے سمی سعہ سے ۔۔ یا ب وو ماس کھنچے جائیں اور ان کا و تر تاس ن تی ہوتو دو ماس کھنچے جائیں اور ان کا و تر تاس ن تی ہوتو کے کسی نقطہ سے درمیانی متعلمی کے مَا بِت كروكه ن ق آندرو في شانجي كومس كرا ہے -ایک مثلث دیا ہوا ہے ' اگر ایک شکمی اسکے نینوں ا منلاع کو مس کرہے تو ٹا بت کروکہ ہرایک و تر تماس ایک نا بت نقطه میں سے گزر گیا۔ [ترمنتی کالج سیمیدا]

ارسی ہ ع سنت ا ۱۳۹ ایک شاہمی کے ماسکہ کو مرکز مان کر ایک وائرہ کھینی گیا ہے اور وہ ن پر کے ماس کو وہ نقطوں پر کا متا ہے ایک نقطہ تو مرتب پر ہے اور دوسرا نقطہ ط ہے ، میں ن یا میں ن محدودہ پر عمود طم گالا گیا ہے، نا ہست کی سے ہم نفست و تر نھا ہیں

اک برونی نقطه و سے ایک تنکیمی کے درماس وق اور وق طینیے کئے ہیں اور نقطہ و سے محور پر عمو و بکالا گیا ہے جو اس کول پر کا ٹتا ہے، نابت کرو کہ ل فی اور ماوی زاوئے بناتے ہیں-

خطوں کا ایک ہی ہا سکہ ہے اور ایک می خطوں ہ ایک ہی سفام_{ی ک}ے نقطہ ن پر ماس کھینجا جا ے شاہمی کے نقطہ ق پر کئے ما س کو زانو میر قائم رقطع کرباہے اور ان ناسوں کا نقطہ تقاطع ط ہے نابت کرو کہ ط اُن قطروں سے جو ن اور ق می*ں سے* ما دی ناصلوں پر واقع ہی*ں*

شکھی کیے ایک ماسکی وتر کے سرو ں پر کے نا بٹ کرو کہ اس حصہ یا مقطوعہ کے محا ذہی اس نقطہ سر جو ن میں سے گزرنے والے قط اور ما سکی وتر کا نقطہ

تقاطع ہے زاویہ قائمہ بنتا ہے إكنيركالج شششدا

ایک ٹابت نقطہ میں سے ایک خط کھینجا گیاہے اور اس خط پر ایک عموہ تا نم کہا گیا ہے جو نا بہت نقط

گزرتا ہے ' میرعموہ ایک اور ٹا بت خط کو ایک تقطہ پر کا طنا ہے ' اس نقطہ میں سے خابث خطیرا کم عمود قایم کمیا گیا ہے جو یہلے خط کو ربینی اس خط کو جو تامیا نقطه میں اسسے گزرتا ہے) ن پر کامنا ہے ، نابت کروکہ كليركا كج تطث الم متوازی ستقیم حظوں کا ایک نظام دیا قُ عَیٰ پر کا مُنّا ہے' رِنِ اور نِنَ مِیں۔ كين كي من الله الله الله الله الله الله الاصْلاع بنتى بينے اس ـ ں پر واقع ہوتے ہیں۔ ت اتنا خارج کیا گیا ہے کہ ن بی = ان ابمستقيم خط م ق ل را کے مساومی ہوتو ٹابت کرو کہ کل کا طریق ایک ں شاہمی کا ل پر کا عاد دریا نت کرو [كوين كالي تتمشيه

۱۳۷۸ - اگرن بر کا ۱۴ محور کو گ برطے تو نابت کرو کہ اس دائرہ کے مرکز کا طریق جو آل ن گ کے گرو نیایا حل سیاکہ شاکمی میں میں

جائے ایک مبی سبعے اور ایک ماس کا نقطہ تماس معلوم سبے ، شامجمی کو بناؤ اور ایک ماس کا نقطہ تماس معلوم سبے ، شامجمی کو بناؤ

[کیتھرین کالج ستامها] ایک مثل شیمتر ادمی الاہ نیاز میں کالج ستام کیا

۸سم ا۔ ایک مثالف متساوی الاصلاع ایک نتائجی کے گرو بنا یا گیا ہے نامِع کروکہ مثلث کے نبین اصلاع اور نمین و تر تنا س مرتب کو ایسے پاننج نقطوں بر کا شہتے

بیں جن میں سے دوسلسل نقطوں کے درمیانی فاصلہ سے معاذی ماسکہ بر مساوی زاوئے بنتے ہیں۔ [زمنی کا بر مشایل ا

ق اور ر پر ملے تو تابت کرو کہ تی رکا وسطی نقطہ ایک نابب شلجی پر واقع ہوگا

البیسس ہے کہ اللہ علمی کے دو نقطوں ن اور ق برکے

ماس ایک دوسرے کو طریر اور انہی نقطوں پر کے عمدادایک دوسرے کو و پر قطع کرتے ہیں اگر محور پر عمود طام اور ول کا سے حاسیں جو

عمليات

مور کو م اور ل بر ملیں تو نابت کروکہ طم x' ا م = ول x اس ۱۵- ایک شلجی کے نقاط ن اور ق پر کیے س نقطہ ط پر ملتے ہیں اور شلجی کے قطر کینے گئے ہیں جو ن تی کو تین مساوی حصوں میں كرتے ہیں - اگر ان قطرون میں سے ايك رے برکا ماس طان پر عمود ہو تو نابت مثلث ن ط ق مت اوی الساقین ہے۔ ۱۵۷ ۔ اگر وتر ن تی کا قطب ط کہو اور ن تی آ ن ط سے زاویہ قائمہ نبائے (یعنی ن ق نقطہ ن پر کا عاد مو) تو نابت کروکه زاویه رط ق را۔ آئیس سلمی سے تقطہ ن برہ عاد گ ہے ' ن گ کے نقطہ وسطی سے منحیٰ ، دو عاد رق ' رق کھنچے سکتے ہیں 'ابت ناتے ہیں۔

لهيساجي

۱۵- دو خط الب اور البع متقاطع علی القوائم ب ایسے بلیلی کو مس کرنے ہیں جس کا مرکز و اوریبی خط ایک ایسے دائرہ کو جس کا مرکز و اور نصف قطر و الرہے نقاط ب اورج پر ملتے ہیں ثابت کرو کہ و اور ب ج کملی سے مزدوج قطرون بر منطبق ہوئے ہیں آ آئی ۔سی ۔ لیسس ایک ہلیجی کے نقطہ ن پرکا عاد مورکو گ پر ملتا ہے اور ماسکہ س میں سے ن س کھینچا گیا ہے جوج ن کے مردوج قطر کو ک پر لمتا ہے ' ثابت کرو کر نسبت ج ک : س ک الملجى نے خوج المركز سے برابر ہے آ آئی ہی لیس ۱۸۸۵] ای عی سیس ۱۵۰۹] ۱۵۶- ایک الملبی کے دو ملسکے اور ایک عاس داہوا ہے اس کو بناؤ

١٥٠- المليي ك دو مزدوج قطر ج ن اور ج دين

آر ن اور د پر ہلیلجی سے عاد کھنے جانیں اور انکے نقطہ تفاطع اور ہلیجی کے مرکز کو آیک ستقیم خط کے ذریعہ کلایا جانبے تو ابت کرو کہ یہ خط فط ن د پر عمود ہے۔ [أني-س- اليس] لیلمی کے ماسکتے میں اور س اور ان تھے مقابل مرتبوں کے یائیں کا اور کا ہیں، اگر الملی کے کسی ماس پر عمود س ما ' س ما نکالے جائیں تو ابت کرو کہ کا ما وکا ما ایکدوم کو محد اصغریر تطع کرتے ہیں آ أني ' سي ' اليس كششار] ہلیلی کے مرکو سے ن پر کے ماس بر ' لا گیا ہے اور اس عمود کا ظل محدراصغ ہے ، اگر ایک دائرہ مثلث س ن س رو بنایا جائے اور ن تی اس کا تطربوتو المات كروكه でナーした×びひ [پىتىر ھوس ئىشىلە] کے اِندرونی نقطر و سے دو عاد وا

اور وب کینے گئے ہیں جو ایکدوسرے سے زادیہ فائمہ بناتے ہیں' یہ عاد دو بارہ ہلیلجی کو بالترتیب ج اور د پر ملتے ہیں ، ثابت کروکہ وا: وب = وج! و د

[بيتر موس مخشله]

۱۹۱- ہلیلی کے ایک وتر ن ن کا عمودی منقف محدد عظم کو ک پر ملآ ہے 'ٹابت کرو کہ ج ک= را بہل جہان ر خروج المرکز ہے اور ج ل وتر ن ن ہے وسلی نقطہ کا فصلہ ہے جو مرکز ج سے نایا گیا ہے۔

[پېرک کالج مششله] دا حرار کالج مششله]

۱۹۲۱ء دو نابت متقم خطون پر طول ج کر ' ج ب کے گئے ہیں اور ایکے مربون کا مجموعہ مستقل ہے کا متوازی الاضلاع کرب ن ج کی تکمیل کی گئی ہے '

خابت کرو کہ ن کا طریق ایک ہلیلی ہے جو نتابت خطوانہ بر مساوی حصے کاٹما ہے۔

بر ساوی حصے کاٹما ہے۔ [کلیرائج مششہ]

۱۹۱۳ ملیلی برکا کوئی نقطہ ن دو مردوج نیم قطروں ج لو ، بخ ب کے سرون سے الما گیا ہے۔ ن لو اور ن ب اور ج لو کو الترتیب اور ج لو کو الترتیب ب اور کے اور کہ کے اور کہ کا بت کرو کہ

ب اور و برسے ہیں مب رو یہ اور و برسے این مب رو یہ اور کے اور کے ب اور میں بات کے اور میں اور کا بر میں اور میں اور میں اور میں اور کا بر میں اور کا بر میں اور میں اور کا بر میں اور کی کا بر میں اور کا بر کا بر میں اور کا بر کا بر

۱۹۴ - ایک بلیلی اور ایک دائره هم مرکز بین اور بلیلی

وائرہ کے بالکل باہر واقع ہے ، ثابت کروکہ وائرہ کا ایک متغیسر ماس پلیلی سے جو رقبہ کاٹیا ہے وہ اقل اعظم اسوتت ہوگا جبکہ ماس ہلیجی سے مور کے متازی ہو ' مخلف صورتوں میں تہیز کرو نقط ن ، ق ، ر ، س ہیلی پر ہیں کہ ہلیلجی کا مرکز ایک محور کے اس حصہ کی تنصیف كرتا ہے جو ن ق اور رس سے درميان واقع ہوا ٹا سے خرو کہ مرکز آس محور کے ان حصون کی تنصیف كريكا جو ن ق ، رسي اور ن س ، ق ر ك در میان واقع ہوں گے [تىرنتى كالج سخشله] ۱۹۔ امدادی دائرہ کے قطر کے متعابل سے سروں سے بلیلی کے ماس کھنچے گئے ہیں ثابت کرو کہ انکے نقاط تفاطع مرتبوں بر واقع ہوتے ہیں 1 تىرنتى كابېرىممملە 1 ۱۹۵- ایک دانره کا مرکزج ہے اور اِسکے اندرایک تغیر قائم الزاویه شلت ن ق ر بنایا گیا ہے ، ق زاویہ قائمہ ہے ، اگر ضلع ق لہ ہیشہ ایک لیے عابت نقطہ س میں سے گزر ہے جو دائرہ کے اند واقع ہو تو خابت حرو کہ ن ق ایک ملیج کو مس

رتا ہے ' اور اگر ق ج اور ن س ایک دور كو و ير قطع كرين تو رو اور ك ق كا تقاطع وه نقطہ ہے جہاں ن ق ہللجی کو مس کرتا ہے ا- نابت کروکه ایک پلیلجی میں مساوی مزدج قطرور کا ایک زوج ہوتا ہے ، اگر ہلتی کے مور اعظم کے ایک سرے کو ایک سادی فردوج قطر کے ئے اور اس خط وصل کے متوازی محور سرون سے خطوط محصنے جائیں تو ٹا بت کروکه میه بلیلجی کو آن دو نقطوں میں طبنگے جہاں دوسرا اوی مردوج قطر اسکو ملا ہے [لندن یی- اے او نرز مثلث رہا ہواہے ' اس کے اندر ایک ہے جو ایکے اضاع کو مس کرے اگر ایک کہ کا مقام معلوم ہو تو ہلیلجی کو بناؤ اور اضلاع کے نقاط س دریافت کرو ، کمیلجی کے اندر ایک ایسی تشکل ذو ارتبترالاضلاع ہے جس میں ن فی اور س ر اگر تی ر^{ائ} ن س کے متوازی ہلیسبی سے عاس تھنے جائیں تو ٹا بت کروکہ نقاط تاس کو ملانے والا خط اور میں ار کے متوازی ہے۔ [مود ان کالج مشالم

کمجی کا وتر سے اور ط اس کا سے ایک نقطہ کو مرکز مان کر المیلجی بنایا گیا ہے جو مثلث ن طاق سے نقاط الزوایا میں سے گذرتا ہے افظہ ط پر الملجی کا عاس کا سے اور بلحاظ علمی کے اس ماس کا ک سے ن ثابت کروکہ طک ہلیلمی سے ایک ا یسے قطر کے متوازی ہے جو ن ق کا مزدوج ہے [كيفرن كابج عثث لمر] ۱۷۷- دو ہم ماسکہ ہلیلجی دئے ہوئے ہیں کا ان پر دو نقطے ن اور تی ایسے دئے گئے ہیں کہ ماسکون کو لانے والے خوشے محاذی ان پر ساوی زاومے منتے ہیں ا ثابت کرو کہ ن اور ق پر کے ماسوں کا زاویہ متفاطع اس زاویہ کے مساوی ہے جو ن ق سے ماذی نمسی ایک اسکہ پر بنتا ہے [كيتعرين كالج عثثه ا اک واڑہ کے محیط پر ایک ٹابت نقطہ ک ہے اور وائرہ پر کے کئی نقطہ ک سے او پر مے مائس پر ایک عمود ن م نکالا گیا ہے ، ثابت کرد کہ ن م کے وسطی نقطہ کا طریق المیلجی ہے ، اسکا مركز اور أسك محاور درمانت كرو [كوين كالج مثثث]

ما سکہ پر ہے اور جس کے مرتم د و قطر ہیں جو وتر خاص کے سروں پر ارو که په ملیلجی، شامجی کو دو نقطو ب پرمس ایک ہلیجی کے نقطہ ن پر کے عاس پر مرکز ج سے عمود کیا لا گیا ہے اور اس کو اثنا خارج کمیا گیا ہے کہ وہ ن پر کے تعین ل ن مدووہ کو ریر ملتا ہے' نا بت کروکہ ر کا طربق ہلیکجی ہے' نیز نابٹ کرو پر بالترتیب بلیلجی، امدادمی وا نره ر کے طریق کے ماس تھنجے جا ئیں تو وہ ایک [كيتمرين كالبح شبثناً] سنے گئے ہی جو ہلیامی کو

۱۷۹ - دوایسے دائرے کھنیجے گئے ہیں جو ہمایجی کو مزدوج نقاط ن اور < پرمس کرنے ہیں اور ان میں سے گزرتا ہے خابت کرو کہ ایک دائرہ مرکز ج میں سے گزرتا ہے خابت کرو کہ ان کے نفست قطروں کو آپس میں دہی سبت ہے جو ج ن کو ج < سے ہے۔

[کیتھرین کالج ششہ ا

ا سیمرین کابی ست ا کا - ایک ایساشلجی بنایا گیا ہے جو ایک دیے ہوئے ہملجی کے ماسکوں میں سے گذرتا ہے اور حب کا ما سکہ ہلیکی پرکا کو ئی نقطہ ہے ' ناہت کرو کہ شاہمی کا مرتب ہلی بھی مجھے امراد می وائرہ کو مس کرتا ہے ناہ**ت** کرونکہ ہلیلجی کے ماسکوں پر کتے ماسون کا نقا

تقاطع ایک دائرہ پر واقع ہوتا سہے۔

ایک نابت نقطہ و میں سے ایک فئے موئے لمبلحی کا ایک و تر ن ق کھینچا کیا ہے، ایک اور ملیکی بنا یا کئیا ہے جس کا رقبہ معلوم ہے اور جو ن اور ق ں سے گزر تا ہے اور شکلاً اور وضعاً دیئے ہوئے

' کھی کے منتشا یہ ہے ^نابت کرو کہ اس کمبیلجی کے مرکز کا ظرین ہلیکجی ہے

[جيس كالجششا]

اکب ہلیکھی کے محور اصغر کے سروں پرماس کئے میں ان میں سے ایک ماس ایک وترخال متى پر ملتا كيسے آور دوسرا ماس اس وتر خاص کے متعلقہ مرتب کو ن پر مکتا ہے ، نما بت کروکہ ی ف ہلیجی کا ماس ہے ا

[جيس كالجيثثة] ملیلی کے ایک نقطہ ن سے اُسِ املادی وا بُرہ کا ایک ماس تھینیا سکیا ہے جو مجورا صغر کو قطر ان کر کھینیا جا ہے ۔ یہ ماس نہیلی کے مرتب دائو

کو تی اور ریربلتا ہے ' ناہب کرو کو ن تی ' ن ر نقطه ن کے أسلی فاصلوں کے برابر ہیں۔ [جيسس كالج مثثا إ ایک ہمیلمی کے محاور و نے ہوئے ہیں امت رو کہ منحنی پر کے نقاطِ عمل ذیل سے دریا فت ہو سکتے محوروں کو قطران کر دائرے تھینچو اور مرکز وسے رخط کھینیو ہو دائروں کو ن اور ق پر کھے *ا* أيك متقيم خط قاطع محور محيةوازي نقطم ق میں سے الیک اور خط مزودج مور متوازی تحیینچو اور فرض کرو که به خط نقطه ر بر ملت المليجي پر واقع ہوگا اگر تضعت محوروں کے مجبوعہ کو نصعت قطر مان کرا۔ دائرہ کھینیا جائے اور و ن ق اس کو ص پر کھے تو نامت کرو کر ص ر نقطه ر پر ہلیلی کا عاد ہے۔ [جون کارنج عميد] ن س ق اور ن سَ ر ایک ہلیلی کے ا سکی وتر میں از نابت کرو کہ ن پر کا ماس اور و تر ی د محور انعظم کو ایسے دو نقطوں پر قطع کرتے ہیں جو متاوای انتصل ہیں۔

[جن کا بحث الله الله ایک بلیلی کے گرو اللہ ایک بلیلی کے گرو

ن ن ایک لمیلی کا قطرہے ، ما س مرتبوں کو دو نقطوں پر ملے اور ان نقطوں کو جدا گان بکیلی کے ماسکوں کے ساتھ دومستقیم خطو س کے زریعہ ملایا عباے نو نا بت کروکہ یہ خط ایک ووسی معین پر قطع کرتے ہیں

[كوائت كالج سيمية]

[کلیرکالج محمدًا الملکی کے دو ماس طن می کے کئی مقطم طلمیں سے جمیلی کا ایک و ترط رس سے انتظام اس کا وسطی نقطم ص سے ا بلیلی کو ن پر متا ہے، ناسف کرو کہ ن ن س ط کے توازی ہے [ترنعتی کالج سنششا]

۱۸۷- ایک بلیلمی کا قطر < کم ہے، دو نقطے ق اور ر لمبلی پر لئے گئے ہیں ، ق < ، ر < نقطه ن پر طبعے ہیں اگر ایک ہلیلی ایسا بنایا جائے حیں کا مرکز

ہو اور جو ن میں سے گزرے اور شکلاً اور وضعاً و ہے ہو اور شکلاً اور وضعاً و ہے ہوتو نا بت کرو کہ یہ کان اور ح ق ہے و ت قطر اور ح ق ہے و تر قطع کر سے گا جن کے قطر اور ح ق ہے ایسے و تر قطع کر سے گا جن کے قطر اور ح ق ہے ۔

بالترتيب ﴿ در اور ﴿ قَ بُو شَكُّهُ ـ

[تنتی کا بہتشدا] ایک لمیلی کے نقطہ ن پر کا ماس محور اصغر

مر ہوائے ایک رہی سے مطلقہ کی پر ہوں ہوں تورہ سر کو طریر ملتا ہے ' اگر نس ن محمدہ دو پر عموہ طام نخالا جائے تو ناہت کرو کہ م کا طریق ایک دائرہ ہے ۔

[ترمنتی ہوس خشا]

100- ایک ہلیلی کے بیرونی نقطہ و سے خطوط وس اور ویس کینیچ کئے ہیں جو و کو ماسکوں میں اور مس سے ملائے ہیں اور شخنی کو بالتر تیب نقاط ن اور ق سے طوع کی تر میں کی نہ میں تاریخ

پر قطع کرنے ہیں' نیز نس ق اور نس ن کو ملایا گیا سبعے اور دہ ایک دوسرے کو ر پر قطع کرتھے ہیں' ناہت کرو کہ ذوار بعثہ الا صلاع و ن رق کے اندرایک دائرہ تھینج سکتا ہے۔

[ترمنتی ہوس مظاملاً] 19- اگر ایک ہلیلی کے نقاط ن اور ن کے ماس امدادی دائرہ پر ملیں تو نا بت کرو کہ س ن ا مش ن کے متوازی ہے [رنتی ہوس عشا]

ر ماہ ایک ہلیلی کے ماسکوں سے ن پر کے ماس پر عمو و نخانے گئے ہیں اور ان عمودوں کے یا ئین ما اور مئا ہیں ، اگر ن ل نقطہ ن پر کا معین ہوتو نابت کروکہ ن ل زادیہ صال منا کی تنصیف کرتا ہے۔

آمود ان كالج عُديدا] [مود ان كالج عُديدا]

191- جن سجد ایک المیلی کے مزود ج نیم قطر میں ، ن گ نقطہ ن پر کا عاد ہے ، مرکز ج سے میں ، ن گ نقطہ ن پر کا عاد ہے ، مرکز ج سے ن پر کے ماس پر عمود ج ہے کا لاگیا ہے ، گ بیل سے جونقطم سے جونقطم کھینچا گیا ہے جونقطم سے جونقطم

ن اور کسی ایک ماسکہ کو ملانے والے خط سے م پر ملتا ہے، نابت کروکہ ن م خطوط جے ہے، ج ب ج د کا چو تھا تمناسب ہے۔

[موڈنن کا بج ششہ ا ایک ہلیلمی کیے وو ما سکہ میں اور میں ہیں

اور ہلیلی کے محیط پر دو نقاط ن اور ق ہیں۔ ناہت کرو کہ خطوط س ن ' س ق ' س ن ' س تی (مدودہ بشرط صرورت) ایک ہی دائرہ کے

من می رحمدوده جنرط مردرت) ایک بی وجود سه ماس بین-

م 19 ۔ ہم اسکہ بلیلی خطوط کا ایک سلسلہ معلوم ہے، اگر کسی ایک محور کے ایک نابت نقطہ سے بلیلی خطوط کے ماس تھنچے جائیں تو ٹاہیے کرو کہ ان کے نقاط تماس ابک وائرہ پر واقع ہو گھے [كوين كالج مششا] ایک ہلیلمی کے ماسکوں سے ن پرکے ماس یر عمود بکالے گئے ہیں اور ان عودوں کے بائین ما اور کے ہیں، اگر ما اور سے پر امدادی وائرہ کے ماس کمنیے جائیں تو ٹا بت کروکہ یہ ن کے معین پر ملتے ہیں اور ان کے تقاطع کا طریق ایک ہلیلمی ہے [كينيمرين كالج مخشدا] ایک لمیلی کے نقاط ن ان کے راس ط بر ملتے ہیں اور انہی نقاط پر کے عماد محور کوگ اسکت ہر ملتے ہیں۔ نابت کروگہ ن گ · ن گ کے محاذی نقطہ طیر مساوی زاوے بنتے ہیں۔ 194- ایک دائرہ کے ایک قطریر دو تا ب نقطے ہیں جن کے فاصلے مرکز سے ساوی میں ایک شلجی ان نقطوں میں سے گزرتا ہے اور اس کا مرتب دائرہ کا ایک ماس ہے، تابت کروکداس کے ماسکر کاطریق ایک ایسا ہلیجی ہے جسکے اسکے دو مذکورہ تا بت نقطے ہیں [بيسس كالج منشيل]

ہلیلجی کے محور اصغر کو قطر مان کرایک دائرہ کھینجا گیا ہے اور کمیانی کے ایک قطر کے ایک سرے سے اس دائر ہ کے ماس تھینچے گئے ہیں ، نابت کرو کہ بچمہ ماس اور مزووج قطرتے کسی ایک سرے کے ماسکی فا صلّے با ہم ملکرایک متوازی الا صلاع بناکے ہیں۔ جسکے امنلاع کا فرق نصف محوراعظم کے برابر ہے۔ [جيس كالجئفلا] ایک ہلیلجی کے اندر ایک ایسا مثلث نباؤجو اک و نے ہوئے مثلث کے متثا برہو۔ نوٹ ۔ کملی مثلث معلوب کے نقاط الزدایا میں سے محزرے گا-. ۲۰ ۔ ایک کمیلیجی کے دو مزودج قطر امدادی دائرہ کو ن اور ق پر ملتے ہیں ، اگر ن اور ق کے نظیری تقطے ہلیجی پر ن اور تک ہون تو ٹاہٹ کروکہ ن اور تک کے ماس ایک دوسرے سے زاویہ قائمہ بناتے ہی ١٠١- ج اور ج ب ايك لميلحي كے نابع مزووج قطربس اورج ن ، ج ق سغير مزددج تطربس إن ، ب ق ایک وورے کو ل پر ملتے ہیں۔ نابت کرو کہ ل کا طربق ایک ایسالمیلی ہے جوشکلاً اور وضعاً مفرومنه کمیلی کا متشابہ سبتے [جيس كالج عُثاثا] طن ، طن ہلیجی کے دو ماس میں -1.7

عليات بندسي محزوطات اور ن گ م ن گ نقاط ن ان پر کے عاد ہم ا اگرط ن اور ط ن پر بالترتیب ایسے نفطے ق اور می کئے عابیس کہ ط ق = ط گ اور ط ق = ط کِ تو نابت کرو کہ تی تی = ۲ ن می جہاں می گ گ کا نقطہ تنصیف ہے [جون كالج المحمث سر۲۰ اگرایک مستطیل ایک بلیلی کے گروبن سکے تو ٹا ہت کرو کہ اس کے قطرو ں کی سمتیں ہلیمی کے مزووج قطروں کی سمتیں ہیں ۔ [جون کا ہے محمد] سم ٢٠- ايك الميلي كا ايك ما سكر س ب اورط ن

طق اس کے وو ماس ہیں، ن ق ، اور س ط ایک دوسرے کو 🔏 پر تعطع کرتے ہیں، ن ق کے. وسطی نقطہ کس سے س طررایک عمود ص ما نکا لاگیا ہے۔ نابت کروکہ

نص: بن لا × لا ق = سما: سلا ۲۰۵- ایک لمیلی کے نیم محوروں ج ۱،ج ب پر دوایسے نقطے ط ناط کئے گئے ہیں کہ ط ط ۱ اً ب کے متوازی سے ، اگر طر آور طسے ملیلجی کے دو متصل ربعوں پر ماسس تھنیے ما کیس نو

نابت کروکہ وہ مزوج قطروں سے متوازی ہو تکے -[يتربوس هششا] ۲۰۹ - اگر لمبیلی کے ماسکہ میں میں سے ن پر کے ماس يرعود س ما بكالا جاسے تو ابت كروكه س مااور جن ایک دوسرے سے مرتب پر ملتے ہیں۔ [يتربوس كنهما] ۲۰۷- ن ن ایک ہلیجی کا قطر ہے ، ن اور ق پر کے ماس ایک دوسرے کوزاویو تھائمہ پر سکتے ہیں ، خابت کرو کہ ہلیجی کے نقطہ کت پر کا عاد زاویہ ن ق ن کی تصیف کرتا [كايركا لج للممل] ۲۰۸ - ایک لمیلی کاوتر ن ن ایم پر عمود سے اور اس کو اتنا خارج سمیا گیا ہے کہ یہ امداد می وائرہ کو ن اور ن پر ملتا ہے، ن بر کا عادج ن اور ج ف كوبالترتيب ق اور ق پر ملتا بيد، خابت كروكم ن ق = ن ق = ج < اور ق ق = ب ج [كليركالج لنشدا] ٢٠٩- ایک طبیلی کے نقطرت پر کا ماس محور اعظم کو ط پر من ہے، اگر قطرے < اس ط کے متوازی مہو بو فابت كروكه طن +ج <u>۲</u>= س طع طح جاں ح اور س بلیلی کے ماعے ہیں ۔

عمليات ٠١٠- اگر ہليجي پر کوئي نقطه ن جو اور ماسكي فاصله س ن مزدوج قطر کوع بر لمے تو ثابت کروکہ جن اور س ع کے مربون کا فرق متقل ہے آترنتي كالج مقشما ا۲۱ - ایک ہلیجی پر دو مابت نقطے تی اگر اور ۔ متغیر نقطہ ن لیا گیا ہے ^{ہنابت} کروکہ مثلث ن ق رکے مرکز عمودی کا طریق ایک متنابہ المیلی ہے۔ [ترنتي كالج ملامماء] ۲۱۲- دو ملیلی خطون کا ایک ماسکه مشترک ہے اور ان کے محور اعظم مساوی ہیں ' اگر ایک ہلیمی اینے

اسکہ کے گرد اپنی سطح میں حکر لگائے تو ابت شروکہ اس کا اور دوسرے کمیلی کا وتر تقاطع ایک ایسی تراش مخروملی کو گفت کرے مکا جو اخرالذکر ہلیمی سے ہم ماسکہ ہوگی

[تنزمتی کالج سنشکله] ۲۱۳ - ایک ہلی کے نقطہ لیے دو وتر ارق اور لرق مزدج فطروں ج ن اور ج د مے متوانی ممينے سئے ہیں ، له بركا ماس ق ق مرودہ كوط

پر لمآ ہے انابت کرو کہ

[ترنتی کابر سلنگار] ۱۱۳- دو ہم مرکز ہلیجی دئے ہوئے ہیں کا انکاموراغ ایک ہی ہے اور ان کے نصفتِ محور اصفرج ک

ہیں ہی سب ہر رہاں گے المبلی پر کے کسی نقطہ ن کا اور ج ب ہیں ' بیلے المبلی پر کے کسی نقطہ ن کا معین دو سرے المبلی کو نقطہ ن پر ملتا ہے ''نابت کرو

جن -جن: جن -ج با=ج الأ-جن: جالم-جن: جن-جن: جن -ج با=ج الأ-جن: جالم-جن

۲۱۔ ہلیجی خطون کا ایک سلسلہ بنایا گیا ہے؟ سب

نے محور اعظم مساوی ہیں اور سب نے سب ایک بت مشترک نقطہ میں سے گذرتے میں اور ایک

ا بت مشترک ماسکہ رکھتے ہیں۔ نابت کروکہ اس سلسا کے دو متصل ہلیلمی اش متحرک ماسکی وتر پر ایکدورسے کہ قطعہ کر تر میں جو نتابر میں نقطعہ میں۔ سیر گاز ما۔ سے

تو سطع کرنے ہیں ہو نابت معظمہ میں سطنے کدرناہے۔ نیز ٹا بت کروکہ ان کے نقطہ تقاطع کا طریق ایک الیا ہلیلی ہے جس کے ماسکے وہ ٹابت نقطہ اور ٹابت

اسکه دین -

[پبرک کالج سفشڈا] ۲۱۶- ایک ہلیلی کے مزدوج قطرون سے سرون؛ ماس ط ن ' ظ تی کھنچے گئے ہیں ' س اسکہ ہے اور ط ر ک س ن پر عمود ہے ، نابت کردکہ ط ر نصف محور اصغر کے برابر ہے

[كِنْرُكُولِ مِعْدُدُمُ إِ

۱۱۷- ایک ہلیلی کا ایک ماسکہ اور ایک ماس بلحاظ مقام معلوم ہیں نیز اسکے محور اصغر کا طول معلوم ہے شایت کروکہ اس کے مرکز کا طریق ایک مستقیم خطاج

[كيزكالج مقدمية]

۲۱۸- ایک دیا ہوا متنقیم خط اس طرح حرکت کرائے کہ اس کا ایک سار ہمیشہ ایک دائرہ کے محیط پر ہوتاہے

اور دوسرا سرا دائرہ کے ایک نابت قطریر۔ اگر دائرہ کا نصف قطر اس خط کے ساوی ہو تو نائبت کرد کہ خط

معلق طراس سے سادی ہو وہ بب مردو کے ایک ہو کا بب مردو کا ایک ہمایی مرتشم کرا ہے ' نیز ثابت کردو کہ اس کے دوکہ رسم کرایک ہموعہ اس کردو کہ ہمراکی ہموعہ اس

دائرہ کئے تطریح مساوی ہے۔

[ترنتی ہوسس معشکانہ]

۱۹۹- ن قی ہلیلی کا ایک وترہے اور راش قطر ج کر کا سراہے جو ن ق کی تنصیف کرتا ہے ، ن ، ق، کر سراہے کا سراہے ہو ان میں کی سر کرتا ہے ، ن ، ق، کر

کے مقابل امادی دائرہ پر ن ' ٹی ' ر' نظیمری نقطے ہیں ' ٹابت کروکہ کر قوسس ن ک کی کا وسطی نقطہ ہے' اگر ج کر ہلیلی کو ط پر قطع کرے اور اس کے مقابل

امرای دائرہ بر نظیری نقطہ ط مو تو نابت کرو کہ

ط ا ن ق پر عمود ہے ہلیلی سے امادی دائرہ پر ایک تقطہ طے مور اعظم يرمعين طن ن ل كمينيا كيا-جو ہلیلبی کو ن پر اور طایر سے ماسون کے ویر تیاس و ک پیراور محور اعظمہ کو ل پر ملتا ہے ' خابت کروکہ bux wu = rou ہلیلجی خط جن کا خروج المرکز معلوم ہے آر میں سے گذرتے ہیں ، نقطہ او پر ہرایک ہے اور ہر ایک کا مور ب میں سے گذرتا ہے ' ماسکون سے طریق دریافت سرو [کیتھرین کالج منشلہ] الميلي سے نابت قطرتا معین بل ہے ن ل پر (یا بشرط ضرورت ن ل مروده پر) ایک اید نقطہ فی کیا گیا ہے کہ ل ف کو ل ن سے وہی سبز ہے جو ن ل کئے مزدوج تطر کو ن ل کے متواندہ قطرے ہے ، ثابت کروکہ قب کا طریق ہلیلج ہے کیا مورون سم مقام دریافت کرو۔

[پتر ہوس الثالم] - ایک ہلیمی پر دو نقلے ن اور ق ایسے ہیر

بیر اور وضعاً دئے ہوئے ہلیلی کا تمشابہ ہے اور شکلاً اور وضعاً دئے مرکز میں سے گذرتا ہے۔ جو اس ہلیلجی کے مرکز میں سے گذرتا ہے۔

[یشر 8 مج طلطها ۱۳۲۷ - ایک المیلی کے وتر خاص کے ایک مرے خریر ماس طاماخ ہے کھینیا گیا ہے جو محور اغطہ کو طایر اور امدادی دائرہ کو مآھے پر ملتا ہے اثابت کرد کہ نسبت متاخ کو مآھے سے دہی نسبت، ہے جو

بن مبل و بن سے ہے ہو اثر خاص کو دو چند محور اعظم سے ہے۔ ایر خاص کو دو پیند محور اعظم سے ہے۔

۲۲۷- ایک ہلیلی سے نقاط ن اور ق پر ماس لان ' ط ق کینچے سکتے ہیں ، جوہم ماسکہ ہلیلی لا میں سے گذرتا ہے اس سے نقطہ ط بر کا ماس طص کن ڈر موردہ کو ص مر ماں سے ا

ماس طص کن میروده کو ص پر لمآ ہے ' نابت کروکہ ص ن : ص ن = ط ن : ط ق

[ترنتی کالج سالنشایی کے نقطہ ن پر عاد ن کی ایک ہمیلی کے نقطہ ن پر عاد ن کی نظام ایک ہمیائی کے نقطہ ن پر کمنے اور ن گ نقطہ ن کے مادی ہو تو ایک ماسکی فاصلہ کے مسادی ہو تو

فابت کروکہ ن گ نقطیر ن سے دوسرے ماسکی فاصلہ کے برابر ہوگا' اس میں گ وہ نقطہ ہے جہاں عاد محور کو ملیا ہے۔ علجی پر کے نقطہ ن سے مرب بر گا ہے ، ثابت کردکہ ان ادر س م کا گا ہے ، ثابت کردکہ ان ادر س م کا س اس میں ارمنحی کا راس یا ہے۔ ۔ ۔ ۔ ۔ اس میں او منحنی کا 'راسر ایک ،لیلجی ہے ' اس میں او منحنی کا 'راسر یما رہ د را۸۸۲۔ [كليرا لج سنشه ہلیکی خطوں کے محور اصغیر مساوی ہیں اور ماسکہ منتگ ہے ' اس کو مندسی طراق سے اگر ایکے مشترک ماسون کے نقاط مناس تتقیم خطون رکے ذریعہ لایا ج سے تو ان خطون مزدوج قطر ہو بھے وہ منعنیات کے اعظم محورون کے ب ہوں گے۔ کے ماسکے سی کس اور اس پر دو ہ ن کق میں۔ ماسکہ سک سے ن اور تی بیر کے خامون نکالے گئے ہیں اور یہ عمود س ن اس ق ممرودہ لترتیب نُ اور قُ پر مِلتے ہیں ' ن فی اور نُ قُ کا نقطہ تقاطع کرہ کہ میں کہ مثلث ن سی ق کے خارجی زاویہ کی تنصیف کڑا ہے۔ ۱۳۳۰ ایک ہلیلی کے ماسکے س اور س ہیں اور مرکز ج من پر کے ماس برعمود س ما مس سے نکالے گئے

ا س ن اس سے مدودہ ایکدوسرے کوط پر ملتے ہیں ، طبح اور ماس مرودہ ایک ق پر ملتے ہیں اور اگر طاق ما کے گرد ایک دائرہ نبایا جائے تو طس مرودہ اس کو لر پر ماتاہے ، ثابت رو کہ رکا طریق ایک دائرہ ہے كالجرسم الم تقطه ن -مننے جائیں تو نابت کرو کدی طق کینے گئے ہیں اگرن طرق کا منصّف ایک ابت نقطہ و میں سے گذرے جو محور توثابت کروکہ ط کا طریق ایک دائرہ ہے کے امرادی دائرہ پر ایک نقطبہ ط سے ہلنگی کے دو ماس طن عطق سنے ہیں 'ثابت کروگہ ذوار بعتہ الاضلاع س س ن فی سے دو اضلاع متوازی ہیں ' نیز شابت کروکہ اگر اس سے قطرول کا نقطہ تقاطع ر ہوتو زاونے ج ط ہ ، وط تی سادی ہیں [بيسس كالج المثثل]

ایک ملیکی کے دو نقطوں ن اور ق کے ماس ایک ووسرے کو ایک ہم مرکز وائر ہیر تعطع تے ہیں انا بت کرو کہ ن می ایک ہم مرکز اونیم مور کومس کرتا ہے اور اس کمپلی کے محوروں کی ف پہلنے ہلیلی کے موروں کی تنبت متنا تا ہے، رو که ن ق کا نقطه تماس (اینے لفاف کے ساتھ) ن ق کی تھبی تنصیف نہیں کرتا سوا سے اُس صورت کے جبکہ ن ق ان وہ آیامی خطو ں کے محور پر عمود ہو ایک نابت وائرہ برایک نقطہ ن ہے ؟ خط ن ل کو آیک دی ہوئی سیت میں تھینجا گیا اس کا طول متقل ہے۔ ینز اگر ن ک کو تفقران کم ایک دائرہ کھینیا جائے تووہ دیئے ہوے وائرہ کو ی پر کا اتا ہے ، منا بت کرو کہ ن ق تبیضہ ایک نابت لبيلمي كومس كرتا ہے -اگر ایک بلیلی کے ایک ماسکی و ترکے متوازی

ا بیسس کا بیسته ا ۱ سام به اگر ایک بلیلی کے ایک ماسکی و ترکے متوازی ایک قطر کھینیا عابئے تو نابت کرو کہ ماسکی و تر اسمحور اعظم اور اس قطر کا تمیسرا متناسب ہے ۔ میسس کا بیسٹر بیست کا بیسس کا بیسس کا بیسس کا بیسٹر ع اور تی س تی ایک لمبیلی کا ماسکی و تر ہے اور ن اور ق پر کے ماس ایک و وسرے کو ہے پر طبقے ہیں انہا ہیں کا ماسکی و سے پر طبقے ہیں انہا ہیں ایک و وسرے کو ہے پر طبقے ہیں انہا ہیں ایک میں انہا ہیں انہا ہیا ہی انہا ہی انہا ہی انہا ہیں انہا ہی انہا ہیں انہا ہی انہا ہیں انہا ہیں انہا ہیں انہا ہیں انہا ہیں انہا ہیں انہا ہی انہا ہیں انہا ہی انہا ہیں انہا ہی انہا ہیں انہا ہی انہا ہیں انہا ہیا ہیں انہا ہیا ہیا ہیں انہا ہیا ہیں انہا ہیا ہی انہا ہیں انہا ہیں انہا ہیں انہا ہیں انہ

سے + بج : ۲ سے = ج 1 : ن ق [جیس کا بے سامی میں ا

۱۳۳۸- اگر ایک ہلیلجی کے مزووج نقطوں ن اور دپر کے عاد ایک دوسرسے کو ع پر ملیں تو ننا بت کرو کہ ج ع ا ن د برعمود ہے

[جون الج مشند] ۱۳۹۹ ایک ایسا دائرہ کھینچا گیا ہے جو ایک ہلیلمی کے ماسکوں اور محور اصغرکے ایک سرے میں سے گذر تاہے اور منحنی کو ن اور ق پر ملتا ہے ، اگر ن اور ق پر کے ماسوں پر مرکز ہے عمود نخالے حابئیں تو تیابت کرو کہ

ان میں سے ہرایک عمود ماسکہ اور مرکز کے در سیانی فاصلہ کے برابر سبے

كرا سے اور جو لميلي مركز ر نصف قطر مدود كا وه نقطم کم کرتا ہے جو لڑھکنے والے دائرہ کے مرکزے اسکے قطرکے فاصلہ پر واقع ہو دو ہوں متنا بدمنحنی ہیں۔ [بون كالج صمرا [ایک ہلیلمی کے دومتوازی ماس اس کو ن اور ق پر مس کرتے ہیں ، نقطہ ر پر ایک اور مانسس ان کو ط اور طَیر کافتا ہے اور ن طَ اور ق ط ایک دوسرے کو ص پر قطع کرنے ہیں یہ نا بت کروکہ رص ، ن طر اور ی کا کے ستوازی سے اور اُنکی نفسف موسیقی اوسط کے برا برہے۔ [جون كاربح مصمل ہلیجی کے مرتب دارہ کی سبتی کو تا بت کرواور الماب كروكه لميلجي كا مرتب خط اسكے مقابل كے اسكه ير کے نقطی دائرہ آور مرتب دائرہ کا محور اصلی ہے [بون کا کی سیمیا ایک ہلیکمی کے مرکز جہسے ن پرکے ماس ب عمود ہے کہ کھینیا کیا ہے اور وائرہ ن ک ب مور اعظم کوم پر ملتا ہے : "اگر هم کو مرکز اور سے دیب کو نضفت قطر ما ن گر ایک دائرہ کھینجا کیا ہے اور وہ محور اصفر کو نقباط ل آور کی پرکائے تو تا ہت کرو کہ شکل م ل کک ل کے گرو ایک دائرہ بن سکتا ہے۔ [بتربوس سنثث ا

۲۲۲- ایک بلیلی دو نابت نقطوں ا اور ب میں سے گذرتا ہے اور و و غنگا اور و صنعاً ایک نتا ہے اور و و غنگا اور و صنعاً ایک نتا ہے اور د و منتا ہے میں ہے منتا ہے جبکویہ ج اور د بر کا طالب ، اوجہ کا د فایت ہیں منابت ایک نتا ہے کرو کہ خطوط ج د ، ع ف میں سے ہرایک ایک نتا ہت نقطہ میں سے گذر تا ہے ۔

اجرائد سن سد،
ایک لمبیلی کے ماسکے س اور سے ہیں ؟
طن اور طاق لمبیلی کے دو ماس ہیں جو ایک دو سرے
سے زاویہ قائمہ بناتے ہیں نیزط ہ، س ن پرعود سے
منابت کروکہ

س ط × ح ط= ۲ ط م × 1 ج

اپتر ہوسس سیمید] ۱۳۷۷ - دوہم ما سکہ ہلیلی دیئے ہوئے ہیں، بیرونی ہلیلی کے نقطوں سے امذرونی ہلیلی کے ماس تھنینچے گئے ہیں ، وترتماس کا تفاف دریا نت کرو۔

 اور نابت نقطہ میں سے گذر تا ہے ۔ [کلیرکالج میششا] سال سے کالم میں ا

۲۳۸- ایک ہمیلجی کے ماسکے میں اور مس میں اور اس کا محدراعظم اور کا کہ اور اور اور اور کا کہ اور اور اور اور س بن کے متوازی کھینچے گئے ہیں اور وہ ن پر کے

ما س كور اور رَبِر خَلْق بين ، خابت كروكه اون + أرَ = الأ

[کیرکالج مشکر] ۱ م ۲ سا ایک لمیلمی کے نقطہ ن پر کا ماس اور عا د محور اعظم کو بالتر تیب ط اور ک پر مسلتے ہیں ' اگر گ ط

جیتے مقطوعات کو قطر مان کر دائر کے تھینیے جائیں۔ تو نابع کرد کہ ان سب کا ایک ہی محور اصلی ہوگا۔

ال عب له ایک رای ور می روه در ا

۰ ۲۵۔ دو ہلیلمی ایک ہی سطح میں واقع ہیں اور ان کا ایک ماسکہ شترک ہے، ایک ہلیلمی اس مشترک ماسکہ کے گرد

مَا لِكُامًا ہے اور دوسرا آبنی خَلِّه قائم رہتا ہے، نابت کروکہ ان کے مفترک ماسوں کے انقطہ تقاطع کا طربق ایک دائرہ ہے۔

ایک وائرہ ہے۔
[ترمنی کا بج مصملہ]

۲۵۱ - ایک لمیلی کے ایک راس سے ن پر کے ماس پرعمود اوق محمینجا گیا ہے ، نا بت کر و کہ ن س اور

444 ق 1 مدودہ کے نقطہ تقاطع کاطریق ایک دائرہ ہے اس میں س ہلیلی کا ایک ماسکہ ہے۔ الملکی کے محیط پرایک نقطه ن سے اور س اس کے ماسکے ہیں، لمبلی کے مرکز میں ما وتى اور مستقل خط س ن اور ن س ہ متوازی <u>کھینجے کئے</u> ہیں اور متواز می الاصلاع کی کمیل آئی ہے، نابت کروکہ آس متوازی الاصنلاع *کے*

چوتھے نقطۂ راس کا طریق ایک وارُہ سے ۔ [ترنتي كالج همما

ایک ملیالجی کے ماسکے میں اور سے میں اور محواعظم ممدودہ پر کو ئی نقطہ ط ہے ' س سے کو فطر مان کر ایک وائرہ کھینجا گیا ہے ' نیز اہک اور دائرہ کھینجا گیا ہے جو وائرہ کو زاویہ قائمہ پر کا ٹنا ہے اور محور اعظم سے نقط ط پرزاویه قائمه نبا پاسینی نابت کردکه دومرا داکره بلیلمی کوان دو نقطوں پر ملتا ہے جہاں نقطہ ط کا تحطب (بلحاظ لمبالحی کے) لمبالی کوملنا ہے

ہلیکی کے نقطہ ن پر کاعا و محورو ن کو اور ک پر ملا سے اگر مرکز سے ن پر کے ماس پر عمود ج ک ہو اور ج گ اج گ کے نقاط تنصیف بہوں تو ٹاہت کرو کہ وب = وک = ون اور وَا = وَک = وَ ن

[ترشی کالج مطشقاً] ۲۵۔ ایک ہلیلجی کے ماسکون س اور سے سے ایک س پر عمود س ما اور سے مماً نکا نے گئے ہیں اور حباں

وراعظم نظیمری مرتبوں کو متا ہے وہ نقاط کا اور کا ں انتاجت کروکہ کا ما اور کا کہا ایک دوسرے کو محدا یقطع کرتے ہیں

اکر می فاج کسته ایس کا غذیرایک ملیلجی نبا ہوا ہے ، معلوم کرو اس کے اصلی محاور کسطرح دریا فت کئے جائیں -

[ترنتی کا بع مشکراً] ۱۵۸۔ ایک ملیلجی کے محوراعظم کے ایک سرمے پرایک اس کھینچا گیا ہے اور اُس پر ایک نقطہ ن کیا گیا ہے کم اُرنقطہ ن سے لمیلجی کا دو سرا ماس ن طاکھینجا جائے اُرنقطہ ن سے لمیلجی کا دو سرا ماس ن طاکھینجا جائے

رُنقطه ن سے کہانجی کا دو سرا ماس ن طانھینجا جا ہے و نا بت کروکہ ن ط' ن1ا سے زیادہ کمباہتے -[ببرک کا بعث شا

۲۵۸ دولمیلی شکلاً اور و صنعاً متشابه نہیں ان کے مرکز التر تیب ج اور ج کہیں اور وہ ایک دوسرے کوراس کی رمس کرتے ہیں نقطہ آل میں سے ایک وتر کھینچا گیا ہے جو لمباری خطوں کو ن اور تی پر بالترتیب ملتا ہے 'نیزن ج اور ق ج کیک ووسرے کو ر پر قطع کرتے ہیں، رکا طریق وریا منت کرو-

[ببرك لا بي سيميد]

۲۵۹۔ ایک ہمیلمی کے امدادی دارُہ پر ایک نقطہط ہے' اس نقطہ سے ہمیلمی کے دو ماس کمینیچے کئے ہیں جو منحنی کو ن اور ق پرمس کرتے ہیں ' اگر ان نقطوں میں سے

گررنے والے قطر ن ن^{ہا} ق ی ہوں تو نما ہت کرو کہ ن ی کم ق ن ہلیلی کے ماسکی وتر ہیں-

[يبرك كالج سنشدا]

۰۲۹- ایک ہلیلی کے معط برکوئی نقط کیا گیا ہے ایک ایسا مثلث بنا یا گیا ہے حس کے نقاط راس نقطہ مذکورہ ایسا مثلث بنا بت کرو کہ اس مثلث کے مرکز اور ہلیلی کا ایک ماسکہ ہیں ، نما بت کرو کہ اس مثلث کے مرکز نقل کاطریق ایک متشابہ ہلیلی سے ۔

(ترمنی ال مششد)

۲۹۱- ایک لمبلی کے موراعظم کے سروں پرماس کمینیے گئے ہیں ادر وہ لمبلی کے کسی نقط پر کے ماس کور اور آپر ملتے ہیں 'رر کو قطران کرایک دائرہ کھینچا گیا ہے' ناہت مرک کملے کر ایک سیاسی میں میں میں ایس کا میں میں میں کا بت

کرو کہ یہ کمپلیجی کے ماسکوں میں سے گزرتا ہے ' ازنتر ہال

[ترنتی ال مصف!] ۱۲۹۲- ایک بلیلی کے موراعظم پر دو ٹابٹ نقطے کئے گئے میں' ایک نقطہ میں سے ایک خط س ن کے متوازی

مینجا کیا ہے اور دوسرے نقطبہ میں سے صابس اور م کے متوازی خطوط تھینچے گئے ہیں انابت کروکہ آخری دو خط سلے خط کو ایسے دو نقطوں پر ملتے ہیں جو ایک نا بت وائرہ کے ایک قطرکے سرے ہیں -أ ترمنى بال صفي] ایک ہلیلجی کے نقطہ ن پر کا عاومحوروں اور گ پر متنا ہے ، گ ، گ کے قطریر ایک دائرہ مینیا گیا ہے نیز ن کو مرکز مان کر ایک اور واکرہ بنا یا بہے جو پہلے وائرہ کو زاویہ تا ممہ پر کا ما ہے اور خط كُ كُوْنُ ق اور ق يرا مابت كروكه مثلين س ن ق اور سَ ن قَ متشام ہیں ۔ اک وٹے ہوئے دائرہ کے کسی نقطہ ق سے دائرہ کے ایک ٹا بت ماس پر عمود ق ر کٹا لا گیا ہے اور ق ر کو نقطه ن پر اس طرح تقسیم کیا گیا قن :ن رایک دی ہوئی سبت کے برابرہے ، نات کر و کہ ن کاطریق ایک ہلیلمی سے ۔

844- اگرایک ہمیلجی کے اوتار خاص میں سے گزرنے والے قط ایک دوسرے کے مزدوج ہوں تو تابت کروکہ ما سکونکو لانے والے خط کے محاذی محور اصغر کے سرول برزا دیئے

قائے ینتے ہیں۔

[کوین کالج مصفلہ] ۱۲۷۷ ایک ہلیلجی کے نقطہ ن پر کا عاد محور اص سمر ایک میں میں سیرٹن مال سرک اگا ماسکہ

کے ایک سرے میں سے گذر تا ہے ' اگر ہاسکوں لو ملا نے والے خط کو قطر مان کر ایک دائرہ کھنجا جا نے تو ثابت کرو کہ یہ دائرہ کملیلجی کے ن پر سطے

ہاس کو مس کرے گا اکوین کا بر مفشلہ آ

۲۶۷- ایک وائرہ ہلیلجی کے ماسکہ میں میں سے گذرتا ہے اور ہلیلجی کو دو ایسے نقطوں ن اورق ہر مس کرتا ہے جو بلحاظ محور کے منشاکل ہیں '

> ت کرو نہ نس ن = نس ق <u>-</u> وتر خاصِ

[کیتھرین کابے سیشکہ] ۱۲۶۸۔ ذیل کے سیٹلہ کا ظلّی سیٹلہ دریافت کرو۔ اگر ایک دائرہ کے دو نصف قطر و 1 اور

وب ایکردسرے سے راویہ قائمہ نائیں اور وار مدورہ اور وب مدودہ پر بالترتیب نقطے ن اور ق لئے جائیں تو ن ب اور ق اس اعظمہ تقاطع دائرہ سے محیط

یر واقع ہوگا اگر سطح ان x ب ق نصف قطر سے مربع کے دو چند کے برابر مہو [جون کالج سمنشا]

متے ہیں انابت کروکہ جل×جط= ن گُ ' بِب

منديئ مخبوطا 494 ور اس کا نقطہ تاس تینوں معلوم ہوں تو اس سے مرکز کا طریق دریافت کرو ہلیلی کے ایکے بس رزکوی پر قطع کے تو طی عطق ساوی ہوگا۔ ب ایک مستقیم خط کا طول اس کا ایک سرا ایک آیسے وائرہ سمے معیط پر حرکت کرنا ہے جس کا تضعن قطر مشقیم خط سمے طول یے برابر ہے اور اِس کا دوسرا سرا دائرہ کے ایک بت قطر پر حرکت کرتا ہے ، ثابت کرو کہ اس خط پر کا ہر ایک نقطہ ایک المینجی مرشم کڑا ہے، نیز لملبي سط نصف محورونكا مجوعہ دائرہ کے قطر کے برابر ہے۔ [موول کا بع مهممار] اگر ایک ہلیجی کے نقطہ ن برکا عاس راس ل پر کے ماس کو ط پر کے اور نقطہ اسے

ہلیجی کا بیدتر اسکہ من ہو تو ابت کروکہ طال ابن عمود کے برابر ہے جو ط سے میں ن پر نکالا جا [کوین کالج سمم ہلیلجی پر کے دو مزدوج نقطون ن اور ہم تھنے ہیں اور ان ماسوں بر مرکز سے اج مے نکالے عنے ہیں ، اگر دج مرودہ آلمیلجی کو دو بارہ نقطہ کم پر کمے تو ثابت کردکہ ن کر اس دائرہ کا قطرے جو مثلث ماج سے سے [كوين كالج متششد] ایک بلیجی کا امادی دائرہ دیا ہوا ہے اور معلوم ہے جو منحی کو ایک دئے سرور کرتا ہے ' ملیلی کے اسکے دریافت کرو [كيقرين كالج تعثثهٔ] الميلے كا محور اعظم (أرَّب) الرَّمْني كے کسی نقطہ پر کے عاس پر اسکول رسے عمود س ما اور س ما تکانے جائیں تو ابت کروکہ اما اور اُما کے نقطہ تفاطع کا طریق بلیلمی ہے۔ [تترنتي كالج مفيما ممرا۔ ق ص ق قطر ج ن کا موکن معین ہے؛ بلیمی سے مرزج سے ق ق کر پر عمود نکالا کیا ہے

ہے'ج یں سے اور یه امرادی دائره کو له پر رلمتا ایک رخط ن ر سے متوازی کھینجا سے گذر نے واپے خط کو جو ٹن ٹن پر عمود ہو نقط پر ملتا ہے ، اگر ایک البیا ہمیلجی کھینجا جائے جو) اور ق میں سے گذرے اور جس کا مرکز رہے ہو اور مور اعظم دئے ہوئے ہلیلجی کے محد اعظم کے مساوی ہو تو تابت کرو کہ اس کا مور اصغر < اج < کے سادی ہوگا۔ [ترنتی کابج تحث ۱۵]

کے ماسکون سی اور ح میں یں سارتیب میں اورج پر ہوتی ہے ' ٹا بت کرو کہ میں الرتیب میں اورج پر ہوتی ہے ' ٹا بت کرو کہ ربعتہ الاضلاع ن فی فی فی کے محرد ایک دائرہ بن سکتا [جيب س كالج ممممل] ن اور نُ پِر کھنچے سنے ہیں۔ ہلیلی میں آب آور ج سے ج ن

ن پر کے عاس بر عبود نکانے گئے ہیں اور وہ آیادوسم کوح پر ملتے ہیں ' اگر ج ح کے قطر پر ایک دارہ بنایا جائے تو وہ ن پر سے ماس کو ل پر ملتا ہے عابت كروكه أكر محور اصغر كو قطر مأن كر ايك وائره

بنایا جائے اور نقظہ ن سے اس دائرہ کا ماس کھینیا جائے تو ج ل اس عاس کے برابر ہوگا۔ ١٩١- ایک بلیجی کے ایسے ماسوں کا نقطہ تعاطع جو ایک دوسرے سے ناویہ قائمہ بنائیں ایک دارہ [جيبس كابج ميث الم ہوتا ہے۔ ماس اس دائرہ کو ط پر قطع کرے تو بت کروکہ جو زاوئے طان سے محاذی ہلیجی کے ر بنتے ہیں وہ ایکدوسرے سے متم ہیں۔ ا۔ آگر ایک دائرہ کمیلجی سے اسکوں میں ہنا جائے تو وہ منحی کو نقاط ن اور ق پر محور ے مقابل کی جانبوں میں تقطع کڑنا ہے ^{ہو} ایت کروکہ ن عمودوں کے مربعون کا مجموعہ جو مرکز سے ن اور ق پر کے ماسون پر نکالے جائیں اج کے مربع کے ساوی ہے۔ [یون کابج سیممله] ۳۹۳ ایک ہیلجی کے ماسکون میں اور ح میں س ن اور ح ن پر الترتیب عمود میں ر اور ح و نکا نے سکتے ہیں اور یہ ن پرکے عاویت و اور پر ملتے ہیں ' ثآبت کروکہ محد اصغر و وکی تنفیف کراً [بیتر بوسس سیمهام

ئبركؤلي

۲۹۲- ایک ہلولی کے مور اج آ، بج ب بلحاظ مقدار اور مقام کے معلوم ہیں ، ہندسی طریق سے ایسے مزدوج قطرون ن ج ن ، د ج کر کا ایک زوج دریافت کرو جن کا درمیانی زاویہ ایک دئے ہوے زاویہ کے برابر ہو

ری میں ایک ہر ایک متنقیم خط مزدوج قطور 190 کی ایک زوج کو ن اور دیر کاٹنا کیے اور ایک دوسے زوج کو ن اور دکم پر ' اگر خط کے اس مقطوعہ کا

علی منصیف کو ہو جو متنقار بوں کے در میان ہے و ثابت کروکہ

ون x ود = ون x وکي

 ۲۹ عليات

مزدج بدلولی کی ایک شاخ پر قطع کربس تو ثابت کردک ا کا وتر تاس دوسری شاخ کو مس کرتا ہے ہولی پر سے کسی نقطہ ن سے موریر کھینجو ' نقطہ رِل میں سے آل کے متوانی خل کی تعییر جو ج ن کو ق پر کے مثابت کروکہ وق کی پر سے ماس سے متوازی ہے۔ [آنی -سی - ایس شمکهم ایک مثلث متساوی الاضلاع کے دو نقاطرا بالترنيب ايك ہذلولی سے مرکز اور ماشكہ ہیں اور مثلث منی کا رشقارب ہے ، معلوم کروکہ باقی س طَبر کائتا ہے ، دو اضلاع کو [آئی - سی- ایس مدمرا ایک مثلث کے دو اضلاع کی سمتیں دی ہوی ہوں اور تیسر ضلع ایک نابت نقطہ میں سے رے تو نابت کرو کہ تو دائرے اس مثلث کے رد بن سکیں اِن سے مرکزوں کا طریق ایک ہدلولی [أنّ - سي - ايس المكثلة قائم ہلولی کے ایسے وترکو میں کے

۱۰سا۔ ایک قام ہملوی سے آھیے در کو جس سے سرے فغلف شاخون پر واقع ہیں قطر مان کر ایک واٹرہ کھینچا گیا ہے ' اگر دائرہ اور ہملولی کے باقی تقاط

تقاطع سے اس وتر پر عمود نکانے جانیں تو ٹابت کرو کہ یہ بدلولی کے ماس ہیں ۱۳۰۷ ایک ندلولی کے ایک ماس آور دو متجاربوں ہ مقام دئے ہوئے ہیں ، نہلولی بنانے کی ترکیب دائرہ اور ایک قائم ہدلولی ایک دوسرے نقطوں پر قطع کرتے ہیں جو سب سے سب کبھی پر واقع ہونے ہیں ^{اع}ابت کروکہ ہذلولی کا نکمجی سے محدر کے منوازی ہے ' نیز نابت و که نملولی (یا دائره) کا مرکز خواه سوئی سا منعنی دائره (یازلولی اکا مرکز ایک مساوی منحی مرتسم کرے کا جبكه مركز اين جدا كانه منحنيات يرمتقابل سمتون مير شلمی اور ایک قائم نزلوکی حس کا ایک کا مور ہے دونوں ایک مثلث بی

متقارب شلجی کا مور ہے دونوں ایک سے کے گرد بنائے گئے ہیں اور مثلث کے اضابی شلج کے مور کو ن ک ق ' ر پر قطع کرتے ہیں 'اگر شلج کے مور کو ن ' ق ' ر پر قطع کرتے ہیں 'اگر شلج راس او ہو اور ن کا معین ن ل تو نابت کرو کہ

t = + t v = + t U = + t

ا چیر ہوں سیر کرا گیا۔ ۱۹۰۵ سے میں نقطوں میں سے کسی دو کو ماسکے مان کرا گیہ

ہُدلولی تعینچا گیا ہے جو تیسرے نقطہ میں سے گذرتائ عابت کردکہ تین ہُدلولی جو اس طح سے بنائے جا سکتے

ہیں ایک دوسرے کو ایک نقطہ پر فطع کرتے ہیں ہیں ایک دوسرے کو ایک نقطہ پر فطع کرتے ہیں ایک رہندگا ا

4،4۔ اگر ایک تراش مخروطی ایک کشکٹ سے تین راسو اور اُس کے تین عمو دون کے نقطبہ تقاطع میں سے گذ^{ہے}

بورہ ان کے بیان ہورین کے سور میں بیان کے اور اور ان بیان کے اور اور ان کانم بندلولی کے مقام کانم بندلولی کھیٹ کانم کاندلولی کے مقام کاندلولی کی مقام کاندلولی کاندلو

کھینچ جائین تو ان سلمے مرکزون کا طریق دریافت کرو [اندن ای-اے اونرز عدالے]

، ۳۰۷ ایک ہُلولی پر دو نقلے ن کق کئے ہیں' ن پر کا عاسِ اُس خط کو چو ق میں سے ایک متقالب

ن پڑہ ہوں ہن سے اور ایسے نقطہ پر قطع کرنا سے متوازی کھینچا کیا ہے لیک ایسے نقطہ پر قطع کرنا معرب میں سے متدان کے واقعہ سے مثابت کا مکہ

ہے جو دوسرے متقارب بر واقع ہے ہناہت کروکہ تی برکا ماس کی میں سے گذر نے والے خط کو جو میں سے متعارب سر متعانی جہ پہلے متقارب سر

دوسے متقارب کے متوازی ہو پہلے متقارب پر قطع کرتا ہے

[ترنتی کا بع مششار] سام ایک ہداولی کاغذ پر نباکر دیدیا گیا ہے ' اس سے

متقارب ٬ مزدوج مور اور قاطع محور دریافت کرو ـ [تترنتي بال مشملي] ۳۰۹ - ایک ندلولی کے متقارب دیئے ہوئے ہیں اور منحنی پر کا ایک نقطہ معلوم ہے ، ماسکے ، مرتبات اور اسین در بأفت كرو -۔ ایک قائم ہراولی کا مرکز ج ہے، ل فی ایک مقارب ج م کے متوازی کھینیا گیا ہے جو دوسرے مقارب کو ل پر ملنا ہے ' زاویہ ق ج م کی تنصیف ایک ایسے خط سے کی گئی ہے جو نہ لولی کو ن پر منا ہے انابت کروکہ ج تی تمنیاسب ہے ج ن سے اسیں ق خط ل ق پر کا کوئی نقطہ ا آكيتمرين كالجرمث أرا ۱۱۱- ایک قائم ہداولی سے اسکوں سے کسی نقطہ ن پر کے ماس پر عمود کھنچے گئے ہیں جو منحی کو نقاط کی کی کی م م ف پر طبخے ہیں انتاب کروکہ کی م ایک ایسا متوازی الاضلاع ہے عب سے دو اضلاع ن میں سے گذر نے والے قطر کے ساتھ زاوئے قائمے بناتے ہیں [جيسس وغيرومشلي] ۱۳۱۲ - ایک ہر کو تین نقطے اور ایک متقالب معلوم ہیں دو سرا متقارب کینیو ۔

ہدلولی پر کوئی نقطہ ن ہے اور اس کا قاطع محور 1 اؤہے آگہ اِکن اور این آیک مرتب کو ع اور ف پر میں تو نابت کروکہ ع ت کے محادی اسکے تغیری ماسكه ير ايك زاويه قائمه بنتاي [جون کالج مششله] مربع کے دو اضلاع کو متقارب اور متقابل کے کونے کو اسکہ مان کر ایک ہدلولی بنایا گیا ہے ، ثابت ارد کہ یہ باقی اضالع کی تنصیف محراہ ہے آجون کابج مشمله آ ۱۵سا۔ ایک ایسا ہلیلی بنایا گیا ہے جیکے مور' اعظم اور اصغر دونون ایک ہناؤتی کے موروں پر مقدار اور سمک میں منطبق ہوتے ہیں اکسی متقارب سے ایک نقطہ ط

ہلیجی سے ماس طاق 'طرق کھنچے گئے ہیں اثابت روکہ طق ق کِ کا بیرونی دائرہ (گرد بنا ہوا دائرہ) ہدلولی کے

مرکز میں سے گذرتا ہے۔

[کلیرکا لج مخدمله] ١١٩- وب ج د ايك متطيل هي دو ايس قائم بَدُلُولِی بنائے معلنے ہیں جن سے متقارب مشطیل کے اضلاع کے متوازی ہیں اور جو بالترتیب ِ نفاط ک^{ی ج} اور ب آ د میں سے گذرتے ہیں اسا بت کروکہ ان بدلولی خطون کے مرکزون کے قطبی کمخاط ایکدوسرے سے ے پر منطبق ہوتے ہیں۔ [ترنتی کام ملاث ا

۱۳۱۸ ایک مثلث الب کی سطح میں ن ایک ایسا نقطہ ہے کہ اگر ائب 'ج سے بالرتیب ن ب ن ج ک ا پر عمود ذکانے جانیں تو وہ ایکدوسرے کو ایک نقطہ پر ملتے ہیں ' ٹابت کروکہ ن کا طریق ایک ہملولی ہے جو

سنتے ہیں، حابت کروکہ ن کا طرفی ایک ہمروئی ہے جو مثلث اوب ج سے گرد بن سکتا ہے اور اگر ایک بعج سے مقابل سے اضلاع پیر عمود نکا نے جابیں اور یہ

ہود ان مستقبم خطون کو جو نقاط ب'ج' اسلامیں مستقبم خطون کو جو نقاط ب' اور بالترتیب ب او' ج ب اور عمود وں تین نقطون پر قطع کرین کو شاہت کروکہ نمرلولی

ہوں بین معطون پر مقع ترین کو نامبط کرونہ ہدو مذکور ان نقطوں میں سے گذرتا ہے۔ [تنزیمی کالج سنشلہ]

۱۱۸ و مزدوج ہنرلولی دئے ہوئے ہیں مثابت کردگہ ان کے متوازی ماسکی وتروں کو ایکدوسرے سے و ہی نسدہ سے جو ذلولی خطیل سم خوج المکافون کو آنسوں سے

نسبت ہے جو ہدلولی خطوں سے خرج المرکزون کو آبیمیں ہے۔ [ترمنتی کالج سیمشل]

اور ماس سے ایک متنقل زادیہ بناتا ہے، کماس اور اس متنقیم خط سے تقاطع کا طریق دریافت کرو۔ اس متنقیم خط سے تقاطع کا طریق دریافت کرو۔ [ترنتی کالج سخشلہ] برایک نقطه ن لیا گیاہے ، نقطه ن برکا کاس لن ل برایک نقطه ن لیا گیاہے ، نقطه ن برکا کاس لن ل متقاربوں کو ل ، ل برکائنا ہے ، ہدلولی کے دوسرے راس میں سے متقاربوں کے متوازی خط کھینچے گئے ہمیں اور ایک متقیم خط م ن اوم م ان خطوں کو م اور م برکا ٹنا ہے ، نیا بت کرو کہ ل م اور ل م متوازی ہیں۔ برکا ٹنا ہے ، نیا بت کرو کہ ل م اور ل م متوازی ہیں۔ اروان کالج مشالیا

۱۹۱۱ء ایس قام ہروی پر دو تھے گ اور ی ہری م موروں کا تقاطع ہے ہے ن پر کا ماس ن ط ہے اللہ نقطہ تی سے ہے ن اور ن ط پر عمود ق م اور ق ل بالتر تیب کنا ہے گئے ہیں ' نا بٹ کہ ہج م اور ہے ل مساوی ہیں ۔

[رود ان كالج عشفا

سر اگر ن پر کا ماس شقار بول کو ل اور هم بر قطع کرے تو نابت کرد که اس دائرے کے مرکز کا طریق جو مثلث ل جے هم کے گرد بن سکے ایک ہدلولی ہے جیکے متقارب بیلے شقارب سے زاوے قایمے بناتے ہیں متقارب یہ بیلے شقار بول سے زاوے قایمے بناتے ہیں اگرین کالج محفظا آ

ساسه و کا اور وها دو تا بت منتقم خط ہیں، او خط و کا پر واقع ہے اور ب، وها پر اور واله وب نقاط اور ب میں سے کوئی دومتوازی خطالا م اب

عليات

منتج كئے بن جو وما اور وكا كو الترتيب م اور ل پر طنے ہیں، نابت کردکہ م ل کے نقطہ تنصیف کاطریق ایک ہذلولی ہے۔

[كيتحرين كالج منششرا]

اک وائرہ ووٹابت نقطوں س اور س میرسے گزرتا ہے اور دو ٹا بت مشقیم خطوں کو جو میں میں پر عمو

ہں اور اس کے نقطہ تنصیطن سے منیا وی انفضل ہرتقاط ن ، ہی اور نَ ، یُ پر ملیا ہے ، خابت کر و کہ اگر ن کُ

س مس کے متوازی نہ ہوتو یہ ایک ایسی تراش مخروطی کو س کرے گاجس کے ماسکے س اور نس ہیں ۔

[جيس كالج منشند]

ایک نا بت مخروطی تراش پر دو نابت نقطےن ک ہیں ایک قائم نہلولی ان نقطوں میں سے گزرتا ہے اوراس ہُرُو کی کا ایک متقارب ایک دیا ہوا متقیم خط ہے ، اگر

ہٰد بو لی محزوطی تراش کو ر اور نس پر بھی مطع کرنے تو ابت کرو که مستقیم نحط ن ر اور ق مس ِ ایک دوسترسے کو ایک

ما بت محزوظی تراش پر قطع کریں کے

١٢٢٩ - و اور وما دوناب متقرط مين ولا برای نابت نقطه اب ادر وما برایک متغیرنقطه ن مع الله برعمود ن م الكالاكيا ب اور ن م يرايك

عليست

ایسا نقطه ق کیا گیا ہے کہ اوق = ن م ا ق کا طریق دريا نت كرد -[جيسس الي عددا ٣٢٤ - أيك وارُه يرجس كا قط ايك ناب خط أب سے ایک نقطہ ن ہے۔ ب میں سے ایک خط تھینجا گیا ہے۔ جوکہ ن او مرودہ کو می پر ملتا ہے۔ اگرب ن اور ب ق ، 1 ب سے ساوی زاوے بنائیں تو ق کاطریق ورما فت كرو -الراكب قائم بدلولي كے انداكب مثلت اب بنایا جاسئے تو ناسب کرواکہ اس کا عمودی مرکز ع بدلولی پرواقع ہوتا ہے اگرع میں سے خطوط ع آرائع ب ع ج سنلف کے اصلاع کے متوازی تھینچے جائیں تو عابت سروكه الله عب ب عج متوازى بني-[جون کالج سلمما] سوس ایک قائم بدلولی کے متقابل شاخوں برا اور ج دو تقطے میں اج کو قطر مان کر ایک وائرہ کھینجا گیا ہے

م دو تقطے ہیں ایج کو قطر مان کر ایک دائرہ تھینجا کیا ہے چو منحنی کو دوبارہ ب اور د پرملتا ہے ، خابت کرو کہ ہلیامی پر کے کسی نقطہ کے فاصلے ذوار بعد الاصلاع ہلیامی پر کے کسی نقطہ کے فاصلے ذوار بعد الاصلاع کمنے صلعوں سے اہم متناسب ہیں۔

[جون كالج ملاممد]

وسوس ایک مثلث کے تاعدہ 1 اُکا مقام دیا ہوا ہے

اس کاطول متقل ہے، اگر قاعدہ کے متصل زاویوں کا کے برا ہر ہو تو نا بت کرو کہ اس کے لام قائم بزبونی ہے ، الآ پر عمود ن ل کٹا لا نقطه ل سے دو تماس ل ی ک ل ی اس دائرہ ینے کئے ہیں جو اوا کے قطر پر بنایا حائے منابت سے گزر تاہے اور ن ق الربیں ن ق الميس سے نیزاگر تی تی ' الا کو هم پر قطع کرے تو ٹابت کر و کہ [جون کالج محمد ننبیل کیے قائم ہٰدلوئی ایک متلٹ کے گرو ئئے ہیں' ناہت کرو کہ ان سب کے مرکز پونقط دائرہ کے محیط پر واقع ہوتے ہیں۔ اگراس مثلث كا ايك زاويو ما ممه بهوية خطوں کا تا مُمُہ الزاویہ پیرایک مُنترک ما س ہوگا ۔ الفطے رکئے گئے ہیں جن پر کے ماس ایک وسے ہوئے خط کے متوازی ہیں اس کو ہندسی طریق بر منا بت كروكه ان نقطون كاطريق أيك مّا تم بزلو تى سبية -[كلم الع المنشكة] ایک المیلی کے مزدوج قطرت کے نام دج د

سے وصل کرتے ہیں۔

ایک ہٰدلولی کے متقارب ہیں' ق ق انخامشترک وزر شے اور ہلیکی کے و تر تی آئی تی ر بالترتیب ہے ۵ اور **ہے ن کے متوازی ہیں، نابت کرو کہ** قَ رُ: قر= ج د: ج ن [کلیر کا بھیٹٹ ڈا مہ ۱۳۳۰ نابت کرو کہ ایک ہدلولی اور ایک واڑہ ہے شترک وروں کے ایسے زوج بن سکتے ہیں جومتقار ہو کوہم محیط نقطوں پر قطع کریں ، نیز ٹا ہت کرو کہ ان دائر کی کا مرکز وہی ہے جوا صلی ڈائرہ کا ہے ' [ترنتی کا لیم سیششا [مسس الك مثلث كا قاعده ديا بهوا سب اور قا عده کے متصل زا ویوں کا فرق بھی معلوم سیسے ، نیا ہت کرو کہ راس کا طراق ایک تا تم بذار کی سیلے ، معلوم کرو کہ مثلث كا قا عدة كس صورتس قاطع محور بهو كا [كيزكالج مصمله] ۳۳۷ _ وو قائم بذلولی خطوں کا مرکز ایک ہی ہے اور ا ن کا ایک مظرک ماس ہے ، خابت کروکہ ا قاطع محوروں کا در میانی زاویہ ان متنقیم خطوں کے در میانی زاویه کا تضعت سے جوم کر کو اُنقاط تاس

[ترسنی بال سته منه]

عساسو- اگرایک بلیلی کے دو متقارب بلیاظ مقام۔ معلوم ہوں اور منحنی بر کا ایک نقطہ نعمی دیا ہوا ہو تو اسکے را سول کا مقام دریا نت کرو-رسس- ایک نہانی کے جارماس تھینینے سے ایک ستطیل کی شکل بنا دئی گئی ہے ' اگر مستطیل کا ایک ضا ا ب بلولی کے مرتب کو کا پر قطع کرے اور نظیری ماسکر س بونو نابت كروكه مثلف لا سال كاس ب متشابه ہیں۔ [كرائسك كالج هشفا] سس فروكه ايك قائم بدلولي مين وترن ق اور ن پرکے ماس کا در میانی زاویہ انس زاویہ سکے برا برہے جو وز ن ق کے محاذمی ن میں سے گزرنے والے قطرکے دو سرے سرے پر نبتا ہے۔ مهم ١٠٠ دوقائم بدلوني ايك دوسرك كون يرمسر کرتے ہیں اور ر'اور س پر قطع کرتے ہیں، اگرریس

کے قطرید ایک دائرہ بنایا جائے تو نابت کرو کہ یہ ن میں سے اور ن میں سے گزر نے والے وو قطرو مکے مروں میں سے گزرتا ہے -

[کرائے کا ہے شدہ ا سے اند ایک مثلث کا کم بدلولی کے اند ایک مثلث ۳۳۵- ایک لمیلی دیا ہوائے ، فابت کروکہ ایک ہم ماسکہ ، قائم بنہ لولی اس کو مساوی و مزدوج قطرو ں سکے مروں پر قطع کرتا ہے

[بتربوس سالاندا]

۳۷۷۔ ایک شانجی کے نقطہ ن پر کا ماس راس پر کے ماس کو ما پر کمتا ہے ' معین ن ل نقطہ ر تک اٹنا خارج کیا گیا ہے کہ رل = ن ما ' نا بت کرو کہ ر کا طریق ایک قائم ہذاولی ہے۔

[جيسس كالج تلثدا]

ایک دے ہوئے دائرہ پر دو ٹابت تنقطے او اور سے ہیں اور جے دائرہ پر دو ٹابت تنقطے او اور ب ہو اسے اس اور جے ہیں اور جے کا طول دیا ہو اس اگر او ب کے متوازی ایک وتر جے عظمینیا جا سے اور اگر او ب کے متوازی ایک دوسرے کو و پر ملیں تو ٹابت اگر او کہ و کا طریق ایک قایم بدلولی سے ۔

[جيس كاليمثثا]

۱۳۸۸ میلا- ایک ہدلولی کا امدادی دائرہ دیا ہوا ہے نیز منحنی پر کا ایک نقطہ معلوم ہے ' ٹابت کروکہ ما سکوں کا طریق ایک نہلولی سبے۔

ہم ۱۳- دومساوی دائرے دوستقیر متوازی خطوں کو وسئے ہموسئے نقاط آل اور ب پرمسل کرتے ہیں' ان اکروں کے مرکز آل ب کی ایک ہی جانب میں واقع ہیں' نابت کرو کم دائروں کے تقاطع کا طریق ایک بذلولی ہے۔
[جیسس الج معندا]

۳۵۰ نابت کروکہ ایک قائم بذلولی کے دوماسوں کا درمیانی زاویہ اس زاویہ کے مساوی ہے (یااُس زاویہ کا مکل ہے) جو وتر تا س کے محاذی مرکز پر منتاہیے۔
انبر ناہب کرد کہ ان زاویوں کے منصّف ایک دوسرے کو دتر تا س پر ملنتے ہیں ۔

[جيسس كالج للمثال

۱۳۵۱- ایک قایم بزلولی کے نقطہ ن برکا ماس متقاربی کو ک اور ل برقطع کرتاہے اور ن برکا عاد محور کو گ برملتا ہے 'جو وائرہ نو واربعۃ الا صنلاع سج ک گ ک کی گ گرد بنایا جائے اس کا مرکز دربا فنت کرو۔

[جون كالج مشيماً إ

۳۵۷۔ دو نبرلولی خطوں کا ایک ہی قاطع محور سے ات ایک عمود تائم کیا گیا ہے جو منحنیات کو ن اور ن پر ملتا سے ' خابت کرد کہ ن اور ن پر کے ماس ایک دومتر کو قاطع محور پر ملتے ہیں ۔

[بتربوس سيمدا

سوس ایک ہدلولی کے نقطہ ن پر کا ماس ایک متقارب کوط پر ملتا ہے، اس متقارب کے متوازی ایک خط رکن رکھینجا گیا ہے جوایک مرتب کو رکئی

اور خط س طر کو ر پر لمناہے ی اس میں س مرتب مذکور کا متعلقہ اسکہ ہے ۔ نابت کرو کہ رُن ۽ رن ۽ سن [کلیرکالج مششا] سم ۲۳۵- ایک ہزلو کی کے نقطہ ن پر کا ماس ایک متقارب كوط يرملنا بع، نابت كروكه ج ط اور س ن كا ورمياني زادیه، زادیه س طن کا دوچندہے، اس میں ہے مرکز ہے اور س ، س منحی کے ماسکے ہیں۔ [زنتی کالج سیمید] ۳۵۵- ایک بزلولی کے ماسکے س، س بین، اگر ج ن مج حراس کے مزدوج نیم قطر ہوں تو تابع کرو کہ د كا فاصلهايك ايسے خطسے لجوج ميس سے س ن کے متوازی تھینچا جا نے تضعت محدر اصغر کے مساوی ہے۔ [ترنتي كالي مشدوا] ایک ہدلولی کے نقطہ ن پر کا ماس متقار ہوں سے ق و تر منا سے او م ان م بالتر تیب نقاط ق اور ق کے معین ہیں اور مرکز کسے ن پر کئے ماس پر عمودِ ج ط محينيا تكياب إرُط م طم نقطه ن برك

عاد کو بالترتیب کت اور ل پر ملیل تو نناست کروکه ق ک قبل ایک معین شکل ہے۔ [پبرک کا بیشششا] ۱۳۵۷- اگر ہُولی کی یو نتریف کی جائے کہ یہ ایک ایسے خط کا تفاف ہے جو دو ناہت خطوں سے ایک مثلف کا شاہرے جس کار قبہ منتقل ہے تو ناہت کرو کہ نہ لولی کے دومتقارب میں اور خط مذکور شخنی کو اس کے نقطہ تنصیف پرمس کرتا ہے۔

[جی ادر سی مشکرا] ۱۳۵۸ - اگر دو ہم مرکز قائم بزلولی خطوں کے نقطہ تقاطع پر ماس کھینچے جائیں تو ٹاہت کرو کہ ان کا در میاتی زاویہ کا دد چند سبے قاطع محوروں کے در میاتی زاویہ کا دد چند سبے

[زنتي إل مممر]

9 سے فرض کرو کہ ن ق ایک قائم نہ لولی کا قطر ہے اور ن کو مرکز اور ن ق کو تضف قطر مان کر ایک دائرہ کھینچا گیا ہے 'اگر دائرہ اور بنہ لولی کے باتی نقاط تقاطع الم'نب' ہم ہوں تو منکف الم سبع مشاوی الاصلاع [ک ساعدا]

رس سرا ایک دائرہ ایک قائم بنولی کو 1 ، أو ن ن ن ن بر بنولی کو 1 ، أو ن ن ن بر بنولی کو 1 ، أو ن ن ن بر بنولی کے ماس تحییج کئے ہیں۔ منابت کروکہ ان کا نقطہ تقاطع بنولی کے اس قطر بر دافع ہے جو 1 آتے بر عمود سہے۔

[کوئٹ کا بی مشایل اسکہ سے اور راس ایس اسکا اسکہ سے اور راس ایس ا

م تب کو کا پر ملتا ہے' س کا سے ایک ، ۴ کا زاور ہے اور س سے ' س کا پر عمود ہے' نابت کرو کہ س اور سے کو ما سکے مان کر ایک ہدلولی تطبیخ سکتا ہے جو شلجی کو نقطہ ن برمس کرتا ہے اور ن کا ماسکی فاصلہ نیم وترخاص کے برابر ہے۔

اکوین کالج مشدا ا ۱۳۷۲ ایک دے ہوئے نقطہ ن میں سے ایک خط کھینچا گیا ہے جو دو نابت متقیم خطوں کو ت اور تی پر ملتا ہے 'ن ن تی پر ایک ایسا انقطبر تی لیا گیا ہے کہ

ق ق = ن نَ ، نابع کروکہ ق کا طریق ایک ہدلولی ہے

اکتھرین کالج سفٹ ا ۱۳۹۳ - نابت کروکہ ایک ہدلولی کے کسی نقطہ بر کے ماس اور عاو متقار بوں اور محوروں کو بالترمتیب جار مقطوں پر قطع کرتے ہیں جو ہدلولی کے مرکز میں سے لورنے والے وائرہ پر واقع ہوتے ہیں، نیز نابت کرو لہ اس دائرہ کا نصف قطر بالعکس متنا سب ہے اس عمود لہ اس دائرہ کا نصف قطر بالعکس متنا سب ہے اس عمود

مہ ان در برہ ماس سرب میں سب ہے اس مود کے جو مرکز سے ماس پر نخالا عائے ۔ کے جو مرکز سے ماس پر نخالا عائے ۔ [جن کالج سے شدا]

۳۴۲- ایک ہذلو کی کے شفارب ایک وہ سرے سے نصف زاویہ قائمہ بنا نے ہیں، نقطہ ن میں سے ہرایک متقارب کے متوازی خط کھینچے گئے ہیں جو دوسرے متقارب کو بالترسیب ح اور ک پر ملتے ہیں، مشلت ج ح ک کے عودی مرکز کا طریق دریا نت کرد (اور اسکو مرسم کرد)

۳۹۵ - ایک نقطه ل پر کا ماس ایک شقارب کوط پر لما سے ، وو و تر تو نقطه ل کو دو اور نقطون م اور ن کے ساتھ ملا نے ہیں وہ اس متقارب سے الا اور و پر ملتے ہیں ، نابت کرو کہ طراء الا و جماں اکا دہ نقطہ سے حمار م ن متقارب سے متاہیے

ج جہاں من مقارب سے مناہے [المیرالع عدد]

۳۷۷۔ اور ب ج < ایک متوازی الا صنلاع ہے ' ب ج پر ایک .نقطہ ع لیا گیا ہے اور اس نقطہ سے ایس ج پر ایک .نقطہ ع لیا گیا ہے ' اور اس نقطہ سے ایس میں عرف بھالا گیا ہے ' الرع برعمد عربی

ا د برعمود ع ف بكالا گيا ہے أ الع برعمود ع ك الأكيا ہے أ الع برعمود ع ك قائم كيا كيا ہے أ الع برعمود ع ك قائم كيا كيا ہے ۔ جہاں نقاط ف اور ك خط الا د بر الك نقطه ك اليا ليا كيا ہے له الك ع ف ك بهيشه الك عناب بهيشه الك كارت بهيشه الك عناب بهيشه الك عناب بهيل كومس كرتا ہے

[تنتی کالج سیمیدا] ع ۱۹۷۹ ایک ہولی پر کے کسی نقطہ ن سے متقاربون پر عمود ن م اور ن ل کا سے گئے ہیں، ن ل منحنی کو دوبارہ ن پر ملتا ہے ، خابت کروکہ ن م اور ن ل کی بہی سبت ن کے سب مقامات کے لئے وہی ہے۔
کی باہمی سبت ن کے سب مقامات کے لئے وہی ہے۔
[پہرک کا بج عششا]

۳۳۹۸ دائرون کا ایک نظام دیا ہوا ہے ، سب کے اسب والے میں سب گرزرتے ہیں اور اس کے ان دائروں کے متوازی عاس کھنچے گئے ہیں ، خامت کرو کر اُن کے نقاط تماس کا طریق ایک قایم ہذلولی ہے -

ا کوائٹ کا بہت ہے '' نقطے 1'ب 'ج' د ایک بداولی پرواق ہیں '

۱۹ مرسط میں ایک دوسرے کو ایک متفارب پر قطع کرتے ہیں، دوسرا متفارب دریا فت کرد-

ا پترہوس منت ا ایک قائم ہدلولی کے قاطع محور پر ایک نقطہ ط

ہے' اس نقطہ سے از لولی کے عاس تھنچے سی جو ا راسوں پر کے ماسات سے ق اور می پر ملتے ہیں' نابت کرو کہ ق می املادی وائرہ کو ایسے نقطہ ریرمس کرتاہے

نرور کا می معادی دارہ و سیک مصد کہ برد س مربہ سرم کہ اگر ر اور ط کو ایک ستقیم خط کے ذریعہ ملایا حبائے تو میر خط زاور ہی مصط می کی تنصیف کر برگا۔ معاد تارید 1000 کا

[ترنتی کا بی صفط ا ایس مثلث اوب سے گردایک دائرہ بنایا گیاہہ اور اسکے نقطہ جرپر ماس کلینچا گیا ہے ' مثلث کے منلع کا ج

خط تمينجا کيا ہے جو اوب اور ماس مکود كو بالترتيب نقاط ن اور ق يرملتا بها البع كرو كم ج ن اب ق کے تقاطع کاطریق ایک قائم براولی ہے [بيكس كالجنثثا] ایک بذلولی پرکے دو نِقاط معلوم ہیں اوراس کا ایک متقارب دیا ہواہیے منابت کروکہ اس کے محور کا تفا فٹ [جيسسر كالبوسيث [۔ نابت نقطہ میں سے ایک ہٰدلولی کے وتر سط تحجئے ہیں ہمایت کرو کہ ایکے نقاط تنصیف کا طریق ایک ایسا شکخ ہے جواصلی بٰدلولی یا اسکے مزووج کے متشا ہو ہے۔ [بون كالج سومدا م عسو اک منتوی کھیٹ کے ایک مقام برایک ہندوق کی ا وازاور نشانہ کے چاند برگو کی لِگنے کا دھاکہ دو توں ایک ہی وفت سنائی وسے استنے والے کے مقام کاطریق وریافت کرو۔ [بون كالجريم مملا إ ه ساسه ایک قایم نه لولی میں اگرین ق ایک و تر ہو اورن ق کا مزدوج وترج صل ہو تو نابت کروکہ ن ق اور ن پرکے ماس کا در میانی زاویه' زاویه ص ج ن کے برابسے [سلون كالجستث

۱۳۷۷- ایک مزدوج برلولی پرایک نقطه کس سوم اس نقطه سے ایک خط ک ق ن ن ق محینی کمیا سرم جو برلولی کون ن پر اور متقاربوں کو ق ، ق پر ملما سب خاب کروکہ

کون ن پر اور متقاربوں کو ق ، ق پر ملما سب خاب کروکہ

[پتر ہوس سفا ا

یہ کون ن یو دو نقط ن اور ق کئے گئے ہیں کا متوازی کھینچاگیا ہے

اور ق میں سے ایک اور خط دو سرے متقارب کے متوازی کھینچاگیا ہے

اور ق میں سے ایک اور خط دو سرے متقارب کے متوازی کھینچاگیا ہے

کھینچا گیا ہے اور یہ دونوں خط ایک دوسرے کوط پر ملتے ہیں کو ایک اور طن کو بالتر تیب ن می پر

اور ق پر کے ماس طق اور طان کو بالتر تیب ن می ہی متوازی ہے

ایتر ہوس سفا ا

۱۳۷۸ ایک ہلولی کے اسکے سا س ہیں نظیری مرتب خط س س کو بالتر تیب کا اور کا پر ملتے ہیں، ایک ماس پرعمود س ما اور سس ما کھینچے کئے ہیں، ایک ماس پرعمود س ما اور سس ما کھینچے کئے ہیں، اگر کاما اور کاما اور کاما اور کاما مارک کاما سے ۔ ملیں تو ٹا ہت کروکہ ما ما ہداولی کا ماس سیے ۔

[ہر ہوسس شفا

۳۷۹ ایک قائم ہلولی کے دو در دستے ہوئے ہیں ان میں سے ہرایک کے نقطہ تنفیف میں سے ایک خط کھینچا گیاہے جو دو سرے و کہ انکا نقطہ تقاطع جودوسرے و ترکے متوازی ہے ، تابت کرو کہ انکا نقطہ تقاطع میں مرکز اور ورو نکے نقاط تنفیف ایک وائرہ کے محیط پرواقع میں ایک وائرہ کی ایک وائرہ کے محیط پرواقع میں ایک وائرہ کے محیط پرواقع میں ایک وائرہ کی وائرہ کی وائرہ کی ایک وائرہ کی وائرہ کی ایک وائرہ کی وائرہ کی وائرہ کی وائرہ کی وائرہ کی ایک وائرہ کی ایک وائرہ کی ایک وائرہ کی ایک وائرہ کی وائرہ کی ایک وائرہ کی وائرہ کی وائرہ کی وائرہ کی وائرہ کی وائرہ کی وائر کی ایک وائرہ کی وائر کی وائرہ کی وائرہ

مسلا۔ ایک مثلث ایک ہدلولی کے اندر نباہ گیاہے اسکے دوراسوں میں سے دوخط متقاربوں کے متوازی تھینچے گئے ہیں جومقابل کے اصلاع کو دونقطوں پر ملتے ہیں انتابت کرد کہ جو خط ان نقطوں کو وصل کرتا ہے وہ اُس ماس کے متوازی میں جو تبرسرے نقطہ راس پر کھینیا جائے ۔

[کلیر کالج شدهٔ]

سام اگرایک قائم نبلولی کے قطر ن مج ن کا معین قص موتو نابت کرواکہ ق ص نقطہ ق براس دائرہ کا معین ماس ہے جو مثلث ن ق ن کے گرد بنایا جا گئے ۔
ماس سے جو مثلث ن ق ن کے گرد بنایا جا گئے ۔
[تربتی ال سل کا ا

مخروطي تراشين بالعموم

۳۸۲- ایک مخزوطی تراش کا ماس اسکے دومراہبوں کونقا کی اور ہم پر قطع کرتا ہے ، ان مرتبوں کے متعلقہ ماسکے ہالترتیب میں اور ح ہیں ، اگر ل میں اورم ح (محدودہ بشرط خرو^س) کا تقاطع ع ہوتو ٹابت کرو کہ ل ع سے ہم ع

ا آئی سی ایس مفیداً سر ۱۳۸۸ - ایک مخوطی تراش کا ماسکه معلوم ہے اور اس برکے وو نقطے دِسے ہوسے ہیں، تابت کروکہ مرتب کے یا لین

کا طریق ایک دائرہ ہے۔

[آئی،سی، ایس سیششا]

ہندسی نخروطا ت مه ۱۳۸ - ایک مرکز دار تراش مین فرص کروکه ن پر کا ما س اورعاد بالترتيب أن ك اور ن ل بي اور فرص كروكم ک س ل س ن کے سوازی کھینجا گیا ہے جہاں س اور س اسکے ہیں، نابع کروکہ ک س یہ س ل ۱۳۸۵ - ن پری ماس محور اعظم کوط پر ملتا ہے ، ترا ماسکوں سے ایک ماس پرعمود نکا کے گئے ہیں اور ان عمود کے یا یوں سے دوبارہ تراش کے محور پرعمود کا لے سکتے ہیں اور وہ منحنی کو ل اور ل پر ملتے ہیں ،

نابت کروکہ طل ل ایک متقیم خطرے [کلیرکایج مشث ا

٣٨٧ - وثابت متقيم خط ايك متحك متنقم خطست ابك ابها حصیہ کا شتے ہیں جس اسمے محاؤمی ایک نامک نقطہ پر ایک ستقل زاویه نبتاً ہے ، نابت کرو کہ متحرک حظ ایک محروملی

تراش كومس كرتاب حبكا اسكه وه ثابت نقطه ب ـ

[رنتی کا بیششدا] ۱۳۸۷ ایک مرکز دار مخردطی تراش کے کسی قطر پر دو نقطے ا ادر ب میں نیز مزدوج قطر پر دو نقطے ج آور کہ ہیں، اگر المج كا قطب بدر يرواتع بورة نابت كروكه إدكا قطب ب ج پر واقع ہو کا ۔

[لندن بي-اب اورز منعفل]

۳۸۸ اگرد د مثلث ایک مخروطی تراش کے گرد بنا ئے ماہ میں تو ناست کرو کہ ان کے گرد ایک اور مخروطی تراست کرد ایک اور مخروطی تراست کرد ایک اور مخروطی تراست کرد ایک اور مخروطی تراش کو ایک ہی تعداد ایک مخروطی تراش کو ایک ہی نقطہ پرمس کرے تو نابت کرو کہ نقاط تقاطع کو ملا نے دالے وتر سب متوازمی ہو نگے ۔

النن ایم بی اے اورزششدا اللہ اللہ اللہ اللہ اور ایک اسلمہ کا ایک ماسکہ اور ایک مرتب مخترک ہیں ، ایک مسلمہ کا ایک ماسکہ اور ایک مرتب ہر عمود ہے اور مخروطی ترا غوں کو ان ، تی ، له برملما ہے ، فالیت کرد کہ اگر مشترک ماسکہ سے ن ، تی ، له برکے ماسول برعمود کو اگر مشترک ماسکہ سے با مین ہیں سے گزرتا ہے ۔ پرعمود کا میں جومرتب کے با مین ہیں سے گزرتا ہے ۔ واقع ہوتے میں جومرتب کے پا مین میں اسا قیمن کے ایک ایسے مشاوی السا قیمن کے اندر اسلما قیمن کے اندر اسلما قیمن کے اندر اسلما قیمن کے اندر اعظم مثلث مشاوی السا قیمن کے متوازی بنایا گیا ہے ، ایک المیلی کا محورا عظم مثلث کے قاعدہ کے متوازی بنایا گیا ہے ، ایک المیلی کا محورا عظم مثلث کے قاعدہ کے متوازی بنایا گیا ہے ، ایک المیلی کا محورا عظم مثلث کے قاعدہ کے متوازی

بنایا گیا ہے، ہمکنی کا محرراعظی مثلث کے قاعدہ کے متوازی ہے، نامت کرو کہ محوراعظم کے اکسی ایک سرے کا طریق آگ ایساشلجی ہے جس کا راس اُس عمود کا نقطہ تنصیف ہے جو مثلث کے راس سے قاعدہ پر نکا لا جائے۔

[جیسس کالج شخهٔ]

۲۳۹۲ - دو مخروطی تراستون کا ایک ماسکه اور ایک مرتب دو اون

مشترک ہیں، نقطہ ن ایک تراش پرواقع سے اور بری پر اور زاویو ن س ق ایک منتقل زادیه عه کے برابرہے۔ نابت کرو ن اور ق پر کے ماس ایک دوسرے کو ایک ایسی تراش پر قطع کرتے ہیں جس کا ماسکہ اور مرت ود نوں وہی ہیں جن کا اوپر ذکر ہوا ۔ [جون كالج عمد **۳۹۳۔ جوخط ایک تراش پر کے نقطہ ن کو ماسکوں کے** ساته ملات میں وہ منحنی کو دوبارہ ق ادر ر برسلتے میں نابت کرو کہ ق رایک ہم مرکز اور ہم محور مخروطی تراش کو مس کرتی ہے ۔ [جون کابج ششما] متحرک نقطہ ن ہے ایک مخروطی تراش پرایک اور ن پر کا ماس ایک نابت ماس کو تی پر قطع کرا ہے ، ا سكه س سے ايك ستقيم خط كھينجا كيا ہے جو س ق پر عمودسے اورجون پرکے ماس کو ریر ملا ہے ، نابت کروک ر کا طریق ایک مستقیم خطہہے۔

[جون كالج شششا] ۔ مخروطی تراش کے نقطہ ن پر کا ما سسر

قاطع محور کو طریر ملباہے ، تراش کا اسکہ میں ہے ، تابت کرد كر تراش بليلجي علجي إ بدلولي بولي أكر إ تترتيب سط برا ہو، مساوی ہو یا چھوٹا ہو س ن سے

[ترنتى كالج سنميا

ببندسي مخروطات

۳۹۹ ایک دی ہوی تخروطی تراش کا مرکز ج ہے اور و ایک دیا ہوا نقطہ ہے 'ج و تراش کو آیک تقطر پر قطع سرتا ہے جو ج اور و تنقيم خط وت رق مخروطي تراش کو ن اور تی پر ملتا ہے اور ج و سے مزدوج قطر کو ایب نقطه ربر متاسبے جو ن اور ن سے درمیان واقع ہے رق درق خط ون رق کی سمت پر ہے۔ مخروطی تراش کا اسکہ میں اور ایک اسکی وتر ن س ق دونون دئے ہوئے ہیں' اگر ن پر کا عاد مور کو گ پر کے تو گ کا طریق دریافت کرد [پبرک کابی کششا] مغروطی تراش اسطی رنگینی گئی ہے کم نقطہ معلومہ ن میں سے گذرتی ہے اور نقطه ير اس كا ايك شابت ماس ن طب م ایک نابت خط ن ی پر عود سے اس کا طول ایک دیے ہوئے خط سے برابرہے ثابت کرو کہ تراش کا مرکز ایک ہدلولی پر واقع ہے

جس سے متقارب ن ی اور ن ط ہیں۔

عليامثث

1999ء ایک مخوطی تراش پر کوئی نقطہ ن ہے ا رتب پر عود ن ک نکالا گیا ہے ، اگرک ن کو آنا خارج کیا جائے کہ ن ق عن سکے ماسکی فاصلہ کے ساوی ہو تو ثابت کروکہ ق کا طریق ایک مخروطی مزاش ہے۔ [كيھرين كالج محمد ا_ دو مخروطی تراشون کے نقاط نقاطع میں سے از کم دو نقطے حقیقی ہیں ، ان کے مشترک ماس کا'ایک خطی هندشی عمل دریافت کرو۔ [جون کالج سيممله] ١٠٠١ - كئي الك كرّت ايك ثابت تقطه ميں _ گذرتے ہیں اور دو دی رہوئی سطوں کو مس کرتے مدر کا میں میں کرتے ہیں 'شابت کروکہ ان کے نقاط تناس دو دائروں پر واقع ہوتے ہیں اور کسی ایک کرہ کے مرکز کا طریق سطحون کا درمیانی زاویه ۴۰ هو تو نتابت کرد که ہلیلجی کے مسکوں کا درمیانی فاصلہ تضعت محور اعظم ۲- مم - ایک مخروطی تراش کا ماسکه س ہے اور اسکے س ط ب ، ط ق نظیری مرتبون کو بالترتیب ل اور

م پر قطع کرتے ہیں نابت کرو کہ ط س زاویہ ل مع

کی منصبت کرتا ہے۔

مبندسى فخردطات

ا پیٹر ہوس مطالک ا سابہ ہے۔ ایک مخروطی تراش ایک مثلث کے اندر بنی

ہوئی ہے اور مثلث کے اضلاع اسکو مس کرتے ہیں اس اس تراش کا ایک ماسکہ دیا ہوا ہے معلوم کروکہ دولم

باس کے دریافت کیا جائے۔ کیا ایک سے زیادہ ماسکہ کس طرح دریافت کیا جائے۔ کیا ایک سے زیادہ مار مکا مدے

طل مكن بين ؟

ہم،ہم۔ ثابت کروکہ ایک مخروطی نراش سے ماسکی وتروں کے نقاط تنصیف کا طریق ایک تشابہ مخروطی

د خروں سے معالا معلیق کا خربی ہیا۔ مزاش ہے۔

[پیر موسس سنگه] ۱۰۰۵ مرد مخروطی تراشیس شکل اور وضعاً تمشابه ہیں اور وہ ایک دوسرے کو 1 اور ب پر قطع کرتی ہیں ک

ایک مشترک ماس انکو ن اور ق بر ملتا ہے اور ن ق کو ایک نقطہ له مک اتنا خاج کیا گیا ہے کہ ق رے ن ق 'اگر لہ اور رب ن میں سے گذرنے

والی مفروطی تراش کو ح اورک پر اور اگر حک ئن ن مدوده کو س پر لے تو ثابت کروکہ ن س = ن ق

[پتیرہوسس کششا] ۱۹،۲ میر وطی تراش ایک مثلث الب جے به می مرفع ہوئی ہے ، اس کا ایک اسکہ ب ج پر واقع کرد بنی ہوئی ہے ، اس کا ایک اسکہ ب ج پر واقع ہے ، نظیری مرتب کا نفاف دریافت کرد ۔ اگر ال زادیہ قائمہ ہو تو تابت کرد کہ نفاف ایک علجی ہے ، [ترنتی کو بر مصفیہ]
[ترنتی کو بر مصفیہ]

، مهر تین نقطے او اب اب دیتے ہوئے ہیں تابت کرو کہ دو ایسے شلمی تحینے سکتے ہیں جو او اور ب میں سے گذریں اور جن کا ماسکہ ج ہو کم نیز نیا بت ک میں شلمہ خطون میں محدر اس زلولی کے شفارلوں

روکہ ان شکمی خلون سے محور اُس ہدنولی کے شفاریوں کے متوازی ہیں جو ج میں سے گذرتا ہے اور جس ماسکے کہ اور ب ہیں -

ہر، ہم۔ اگر دو مخروطی تزاشون کا ایک مرتب مشترک ہو تو ثابت کروکدان کے جارتھا طر تقاطع ایک دائرہ پر وا تع ہوتے ہیں -

[کیرکالج سفی ایک ایک ایک کان ماسول کے ان ماسول کے افاق کا طریق جو محور اعظم اور اصغرسے بالترتیب مساوی زاوئے بناتے بین لیکن ایکدوسرے سے زاویہ قائم فرلولی ہے جیکے راس لملی کے اسکے ہیں۔

راس لملی کے اسکے ہیں۔

[کوائسٹ کالج کے اسکے ہیں۔

ر قطع کرتا ہے ' ہلیلجی مسمے اع ب نہدلولی کے مزدوج اور قام ن مک اتنا خارج کیا گیا ہے ن پر قطع کرتا جو اس کو بالترتیب م اور مم پر ملتے ہیں بہان تی ن ق م اور ہدلولی کا نقطہ تقاطع ہے شاہت کروکر ت م نقطہ ق بر کا ماس ہے۔ 1 سنُدني کالج م ،لیلجی شکلاً اور وضعًا تنشأبه ہیں کا ان سے ک ماسون سے دو نروج ایکدوسرے کو پر قطع کرتے ہیں کا ایک ہملی کا ایک ' صُ طَ پر کاٹما ہے اور دوسہ ان کو ص ط' صُ طُ پر ملنا ہے میں میں ہے گذرے تو ٹابت سم س میں سے گذر تا ہے۔ مركز دار مخروطي دو نون ایکدوسرے کو جار نقطون از قطع کرتے ہیں مخروطی تراش سے وہ اور ج در سے متوازی ہیں اور ایکے م خلون کے ذریعہ ملایا گیا ہے 'تابم

کروکہ شلجی کا محرران میں سے ایک خط کے متوازی ہے۔ ہے۔ ہے۔ [جون کالج سالانما]

۱۱۷۔ ایک مخروطی تراش کے دو نقطوں ن اور ق کے ماس نقطہ در پر ملتے ہیں اور در سے دوشقیم قط کینیجے گئے ہیں جو تراش کو کا ٹتے ہیں اور قاطع

نورسے مساوی زاوئے بناتے ہیں 'اگر وہ ن ق) م اور ل پر ملیں اور وترون کے نقاط تنصیف ا اور س ہوں تو نابت کرو کہ رہم ل س ایک

دائرہ پر واقع ہوتے ہیں۔

ہم اہم۔ دو نتشابہ مخروطی تراشون کے مرتب متوازی ہیں اور اِنکا ماسکہ میں مشترک ہے 'اگر میں میں سے گذرنے والا ایک مستقیم خط ان مخروطی تراشون سمو

ن اور تی پر کھے تو ان تی کے نقطہ تنصیف کا طریق دریافت کرو۔

۱۱۵ - از ب ، ج کوئی تین خابت نقطے ہیں آر میں سے ایک متقیم خط کھنچا گیا ہے جو ایک دی ہوئی مخروطی تراش کو ن ، ق بر مما ہے ، نامت کروکہ در در اور ق حر سر تراط کا طاق ایک مخروطی تراش ہے۔

[جيسس كالج ملاثماً]

۱۱۷م۔ و ایک نابت نقطہ ہے اور ایک و کئے ہوئے ستقیم خط پر ایک نقطہ ن لیا گیا ہے' اگراسی خط پر ایک نقطه کی ایسا لیا جائے کہ ن ق اور ون کی باہمی سبت

مستقل ہوتو ناست کرو کہ ن اوروق کے نقطہ تنصیف کو ملانے والاخطِ ہمیشہ ایک ایسی مخروطی تراش کومسس

را ہے جس کا ماسکہ وہے -

[جيس كالج لامنا]

کامم ۔ نابت کروکہ ایک ہم ماسکہ ہمیلجی اور ہدلولی آیک دوسرے کوزاویہ تامکہ پر قطع کرتے ہمیں اور ہدلولی کے متقارب ہمیلجی کے امداوی دائرہ پر سے اُن نقاط میں

سے گزر نے ہیں جو نقاط تقاطع کے نظیری نقاط ہیں - آ ۱۸س ۔ ایک خط ال ب ایک نابت نقطہ ال میں سے

کھینیا گیا ہے اور ایک ناہت وائرہ کو ب پر ملتا ہے ' نقطہ ب میں سے ایک خط ب ج کھینیا گیا ہے جو

ا ب برعمود سے اور جو ایک ہم مرکز دائرہ سے ج بر ای ب برعمود سے اور جو ایک ہم مرکز دائرہ سے ج بر ای سے ایک خط ای سے متوازی کھینجا جائے تو وہ ایک مخروطی

و ب سے سواری سیجا جا ترامسفس کومس کرتا ہے۔

[پتر ہوس سنشدا

19 م ۔ ایک مرکز دار محزوطی تراش تقطہ ہے اس نقطہ سے تراش کے دو ماس اور ان کے نقاط تاس کو ملایا گیا ہے ' خاہت ا سے جو مثلث بنتا ہے اس کے عودی مرکز کا طریق ایک ایسی مخروطی تراش ہیے جو دی ہوئی تراش کے متشاتہ ہے - ہم اسکہ مخروطی تراشوں کا ایک نظام ویا ہوا ہے اور ایک نابش متقیم خط اُن میں سے ایک کو دو نقطور پرملتا ہے ' اگران نقطوں پر تراش کے عماد کھینچے حالیم تُو تَا بِتُ كُرُوكُهُ أَن كَ نَفْطَهُ ثَقًا طِع كَا طريق أيك کے مرتب پر کو ٹی نقطہ لیا گیا ہے اس ۔ ک ماسکہ مان کر اور شکتی کیے ماسکہ کو دو سرا ماس مان کر ایک ہمیلی یا ہدلولی نبا یا گیآ ہے ، جن نقطوں پر مرتب کو قطع کرتا ہے اُن پراسکے ماس اور عاد تھیںمیے ہیں ان ابت کرو کہ یہ شامجی کے بھی ماس ہیں۔ ١٢٧٧ - ايك مخروطي ترايش كا ايك نا بت وتر ن ق قطر کول پر منتاہ ہے اور اگر ک پر اس قطر کا معین کھینجا جا تو وہ ن اور تی پر کے مانسوں کو سے اور ک

ملنا ہے ' نابت کرو کہ سے ک کی تنہیف نقطہ ل پر

ہوئی ہے۔

[كيركالج شده!]

۳۷۳ ۔ ایک محزوطی تراش کے نقطہ ن میں سے دو وتر ن ق ' ن نی کھنچے گئے ہیں' اگر ق اور ق

میں سے ور وں پر عمود منا کے جائیں تو وہ ن برکے عماد سے بالتر تیب ل اور ل پر ملتے ہیں ' خاہب کرو

کو ن ل اُ اُن لُ کو آئیس میں وہی سنبت ہے جو ن ق ا ن ق کے متوازی قطروں کے مرببون کو

ہیں ہیں ہے۔

[بتر ہوس، شدا] ۱۳۲۳ مر ایک محزوطی ترا ش پر جار نقطے آا ب اس مح

ایسے ہیں کہ ان پر کے عاد ایک نقطہ پر ملتے ہیں ا نابت کروکہ ال ب ادر ج < کے متوازی جو قطر ہیں ان کے مربعون کا مجبوعہ ان قطروں کے مربعوں کے

ان سے مرببون 6 ہموعہ ان نفروں سے سر ہوں سے مجموعہ کے برابر ہے جو الم ج اور ب کا کے متوازی ہیں [کلیرکا بر مشدہ]

موہم ۔ دو نابت نقطوں آل اور ب کا در میائی فاصلہ ان سے کزر تا ہے ا

ا ب کے نقطہ تنصیف سے فاصلہ ج پرایک منتقم خط ہے جوشلجی کا مرتب ہے ، ٹابٹ کرو کہ شلجی کے ماسکہ کا طریق ایک مخروطی تراش ہے جو ہملیجی ہوگی آگر ج بڑا ہو ن سے اور بدلولی اگر ج جھوٹاہو ن سے۔ دینتر کر دیم ۱۸۸۵

[ترنتی کابی مشکرا] اکس دائرہ ایک کا غدے تختہ پر نبایا گیا ہے

اور کا غذ کو اس طرح نہ کیا گیا ہے کہ کا غذ کا کو مذ وائرہ نے محط مدہ افتہ ہ تا ہم میں مناب کے صبیحہ کی کا ندر کا دوائرہ

تحیط پروافع ہوتا ہے ، ٹابت کرو کہ جیسے یہ کونہ دائرہ کے محیط پر حرکت کرتا ہے کا غذ کا سٹ کن ایک محزوطی

تراش کو لف کرتاہیے۔ تراش کو لف کرتاہیے۔

[ترنتي كالج سيمثرا

474 ۔ ایک کا غذ کی شکل نصف دائرہ ہے ' کا غذ کو اس طرح تہ کیا گیا ہے کہ قطرحا نط پر کا ایک خاص نقطیہ

ن ہمیشہ اس شے گول گھیر پر واقع ہوتا ہے ، خاہت کروکہ کا غذ کی شکن ہمیشہ ایک ٹابت محزوظی تراش کو مس کر ہے ج

ر من و من مری رای در از رای در این منتخط این منتخط

ری کابج سند) ۱۷۲۸ - ایک دائرہ اور ایک مخروطی تراش ایک دوسرے کہ دے کا سے کہ کاب قطعہ کے تراش میں کے ک

کو ب، تبج ، ح ، ع پر قطع کرتے ہیں ناست کرد کہ اُن خطوں میں سے ہراک جو بالترتیب ب ج اور دع ، ب د اور ج ع ، یب ع اور ج د کے در میا نی

۲۹س- طن ' طن ایک محزوظی تراش کے ماس میں اور ن گ ' ن گ نقاط ن' ن پر کے عاد میں انہات کروکہ طن : طن = نگ : نَ گُ نیز نابت کروکہ اگر گ ل اگ ل خطن نَ پر عود ہوں تو ن ل = نَ لَ

ا راست کا بخشتہ ا سام ۔ ایک نقطہ ط سے ایک مخروطی تراش کے دوماس کھنچے گئے ہیں جواسکو نقاط ن اور فی پر ملتے ہیں ط ن کے متوازی ایک خط کھینجا گیا ہے جو ط ق کو ل برئن ق

کو و پر' اور مخروطی تراش کو ر اور س پر ملتا نہے / نابت کرو کہ ک و'= ل ر × ل س نے پر پرد ۱۹۹۹

اس اور س ایک لمیلی کے اسکے س اور س ہیں اس پر دو نقطے ن اور ق کئے گئے ہیں اس ن اور س ق

ایک دوسرسے کو هم پر ' س ق اور س ن نقطه ل پر اور زاد یوں تی س ن ادر تی س ن کے منصف ایس دوسرے کو رہے ہیں ' نابت کرو کہ ایک دوسرے کو رہے ہیں ' نابت کرو کہ

ر ن ، ر ق ہلیلی کے عاس ہیں اور نقطے م اور ل ایک ہم ماسکہ ہذونی بر واقع ہیں حبکو رم اور ل ایک ہم ماسکہ ہذونی بر واقع ہیں حبکو رم اور ار ل اس کرتے ہیں ۔ [جیسس) ہوششا

ایک خط ایک دائرہ جس کا مرکز و ہے اور ایک نقطہ میں "بینوں وسے ہوسے میں اس خط پرکے ایک

شغیر نقطہ ع کو میں کے ساتھہ ایک خط جو دا تره کو نقاط ص اور **د** پر متاہیے نقطِه س د کے متوازی خط گینھے گئے ہیں اور ق پر۔ کا طریق ایک مخروطی تراش ہے جس کا ماسک كامرتب مذكوره بالا ديا بوا بخروطی تراش کو اسرطرح بنانے کے عمل سے بیسنلہ حال کرو سے ایک مخروطی تراش کے ماس معتضے م توان کے محاذی اسکہ پر مساوی زاوئیے بنتے ہیں ۔ [ون كالج سيمه بلبيلحى دوتهم ما سكه بذلولى خطو مكو قطع رین تو ٹابت کرو کہ اس طرخ سے جاسختی ووار بعثہ الاصلاع تنابث كروكه بينتيجه ابك بهم اسكر ب قطع زائد نبایا گیا ہے حسی اسکہ وہی۔ قطع اقص کا ہے اور اس ما سکہ کے متعلقہ نقطہ را م جوماس سے دہ مذکورہ بالا قطع زائد کا مرتب سے۔ جہاں پیر زائد ہلیکی کے مور اصفر کو تقطع کرتا۔

کے ماس سینیجے جائیں تو ٹابت کرو کہ یہ ماسات زاید کے

[جون كالح سمما متقاربوں کے متوازی ہو بگے۔ ۱۳۵۵ میلی اور ایک برای خوالی کے ماسکے مفترک ہیں اور وہ ایک دوسرے کو ن پر ملتے ہیں، نقطہ ن پر نر لولی کا ماس ن ماہے ہے، اسکوں سے ماس پر عمود سن ما آور س مے نکالے محمے ہیں ا ان کروکہ ن ما × ن ہے = ب ج جہان ب ہے ہے کہ لمیلجی کا محور اصغریب ١ ١١٧ - ايك قائم زولي ايك بليلي كو نقاط ن اور ق پر ملتا سے ہلیائجی کے امحور بذلولی کے متقارب ہیں سمحو ر ج ا برسیں نم اور ق ل اور محر ج ب بر سین ن ر ک ق ط کینیے گئے ہیں ا نابط كروكم جم ا + ج ل = ج آا اور جل: جرد = ج 1: ج ب [يتربوس سيمثا] عسم اک دائرہ کے معط پراک تابت نقطہ و ہے اس نقطه سے ایک وتر وال کھنیجا کیا ہے اور اس کو نقطه ب مك اتنا خارج كما كما سي كر ومب اور وال کے مربوں کا فرق سنقل ہے تا نابت کروکہ ب سے ارت والاخط ج وب برعمود ب ايك مخروطي تراغي كو

س کرا ہے جس کا مرکز وہے اور حبکا ماسکہ و میں سے گزرنے

[کلیرکالج سمیشدا ه بنابت کروکدا " كا نفآت اك شكجي بلے حبيكا اسكه س-إ ترنتي كالج سميميا

لمهلمی کا محوراعظم

ن ہو جو ج آئی لٰ پر تنصیف کر۔ سے نابت کرو کہ ن پرکا ماس 1ن

نفظہ ن کے تکطبی کمجاظ دولؤٹِ مخرو لطی ب ووسرے کو ق پر قطع کر۔

ن کاطریق دو ایسے متقم سے گزر نئے ہیں لیکن اگر مخراوطی نرایا ہوں تو نابت کرو کہ جے اق

ہوتے ہیں اورج ن × ج ی

ایک مخروطی تراش ہے۔

[ترنتي كالج منشفرا]

ایک محزوطی تراش کا ماسکه' مرتب ' خروج المرکز ئے ہوئے ہیں ' ما سکہ میں سے گزر سنے والااک د یا ہوامستقیم خط منحنی کو دو نقطوں بر کا طنا ہے اس کے ، ملوم کرنے ^اکا ہندسی عمل دریا فت کرو ۔ [كوين كالي سيمها] اتی ہالی ہے مزددج محور کو مس کرتا تنطبق ہوتا ہے، ہے '' نابت کرو کہ ہمیانمی اور شکعی کے ایک مشترک م تے محا ذی ما سکہ پر زاویہ قائمہ مبنا ہے۔ [ترنتي كالج معمدا] ہلیلجی کے ماسکے س اور سک ہیں اور سکے اعظم اور اصغر محور آاج آئ اور ب ج ب بیں ہمیائمی اور اُایک ہم ہا سکہ نہاد تی کا ایک نقطہ تقاطع ن سیے اور نہ اولی قاطع محور الم ج الم ہے ، ناہت کروکہ سَ ن يه أولم اور أوب = ع ن [ترنتی کالج مشمله] سے ہوسے دائرہ کی سطح میں وو نقط ن ی گئے گئے ہیں' ن فی کے متوازی وائرہ کا وتر ع س کینیا گیا ہے ، خاب کرو کہ ع س کے مختف مئے عن اور س ق کے تقاطع کا طریق

ایک وائرہ ایک نابت نقطہ میں سے گزر ال اسلام ایک متعلی ثاویہ بہت اور ایک متعلی ثاویہ بہت کو کہ مرکز کا طریق ایک متعلی ثاویہ بہت کا من جے اور ایک متعلی ثاویہ بہت کا من جے اور ایک متعلی ثاویہ بہت کا من جے مناب سرکاج سے شاب اور بہت کا فاق ہے مناب اس کا یہ مطلب ہے کہ نقطہ نقاطع میں سے گزر نے والا تضف قطر متقیم خط سے متعلی زاویہ بنا ہے ، مترجم۔

ایک تراش کے ایک وتر کے محاذی ما سکہ پر ایک متعلی زاویہ بنتا ہے ، مناب کرو کہ اسکے سروں پر کے معافی تراش پر آگے میاس ایک دوسرے کو ایک ایسی مخروطی تراش پر قطع کرنے میاس ایک دوسرے کو ایک ایسی مخروطی تراش پر قطع کرنے میاس ایک دوسرے کو ایک ایسی مخروطی تراش پر قطع کرنے میاس ایک دوسرے کو ایک ایسی مخروطی تراش پر قطع کرنے

مہاطل ایک دو سرک کو ایک میں کر رکی کو مل پیدھی ہر ہیں حبکا ماسکہ اور مرتب دو نؤں وہی ہیں جو اصلی تراش تے ہیں۔

[جون كالج سمدا]

ا بدن ہے ہے۔ ایک ہلیلی اور ایک ہولولی کا قاطع محور ایک ہی ہیں ، اگر ایک منحنی کے المرکز ایک دوسرے سکے منکا فی ہیں ، اگر ایک منحنی کے ما سکہ سے دوسرے منحنی سکے ماس کیفنیجے جائیں تو تا بت کر وکہ یہ ماس ایک دوسرے کو دو نقطوں پر قطع کر ینگے اور ایک دو سرے سی زاوشیے قائے بنائیں کے ، نیز نابت کرو کہ یہ ماس مزدوج محورو

کوایسے نقطوں پر قطع کرینگے جوامدادی دائرہ پر واقع ہو بھے (جن کالج سیمیدا) اس میں مرکز دارتراش پر کوئی نقطہ تی ہے اس مطلہ کو ماسکات میں ادر نس کے ساتھ خطوط تی نس اور نس کے ساتھ خطوط تی نس اور نس اور تی نس کے دائی در ایس کے دربعہ ملایا گیاہے ، یہ خط دو بارہ تر اش کو ن اور ن پر کے ماس طریر ملیں تو نا بت کرو کہ تی طری تنصیف محور امر ہوتی ہے ، نیز نا بت کرو کہ ط کا طریق ایک مخروطی تراش ہے ۔

[بترمیوسس ششد]

، ۴۵ ۔ نا ہت کرو کہ ایک مرکز دار تراش کے دو نقطوں میں سے دوایسے داڑے کھینچے حاسکتے ہیں جو تراش کو مس کریں اور یہ نقاط ناس ایک قطر کے سروں پر منطبق ہوتے ہیں ۔

[كيركا بي سيمثه]

مخروط

ا هم - ایک مووط کا راس کو اور مور کو ب ہے موروط کے اندر ایک نقطہ س سا گیا ہے، تا بت کروکہ وب کے ساتھ آن تراشوں کی سطویں جن کا اسکہ س ہے ایک اسکہ س ہے ایسے طاوے زاوے نے بنائی ہیں جن کا فرق زاوید ایسے طاوے کا دوجید ہے۔
س کا دوجید ہے۔
(آئی س) ایس کا دوجید ہے۔
(آئی س) ایس کا دوجید ہے۔

معلوم کرو کہ ایک وے ہوئے مخروط سے ایک الیسی تراش کس طرح حاصل کی حاسے جس کا خروج المرکز

۳۵۳ - کن شرا نُط کے مانحت ایک مخزوط کی ترامشر

قَائِمُ بَدِلُولِي مِهُوكِي ﴾ اليهي صِورت ميں وربا فت كروكه كا طبخ والی سطے کا ضروری میلان کس طرح معلوم کیا جا ہے

سم ۷۵ ۔ معادم کرو کہ ایک مخروط کی بندلولی تراش کا مرکز اوراس کے متقارب کس طرح دریا فت سکے جا کین ا زمعلوم کرد کہ ایک دے ہوسئے محزوطست ایک ایما ہٰر لو لی کش طرح کا ٹا جا ہے حس کے منتقا رپوں کا درمیا بی

نرا و میر بڑے ہے بڑا ہو۔

ا آئی اسی ایس مشششا] ۵ ۵۷ - ناست کرو کہ ایک تا یم محزوط کی نہولی تراش کا محور اصغران مستدیر تراشوں کیے قطروں کا وسط

ہے جو لملی کے موراعظم کے سرون میں سے مر گزار نے سے پیدا ہواتی ہیں۔

الماني كالخلل ايك اليبي منتوى سطم يربنايا جائے ہو مخروط سے محور پر عمود ہو تو نا بت کر و کافل کے ما سكول كا در ميانى فا صله او پركى وومستدير ترا شو س کے نصف قطوں کے فرق کے معاوی ہے۔

۱۹۵۲ - ایک متدیر مخروط کو ستوی سطوں سے تراش منظمی خطوں کا ایک سلسلہ حاسل کیا گیا ہے ' اس سلسلہ طاسل کیا گیا ہے ' اس سلسلہ قطع کرتا ہے جو مخروط کے راس و میں سے گزرتا ہے ' اگر ایک تراش و میں سے گزرتا ہے ' اگر ایک تراش و م کو ل بر قطع کرے تو تا بت کروکہ سنبت ول : ال یہ سج د تام شامی خطوں کے لئے مستقل ہے اس میں او تراش کا راس ہے ' ج اسکی کا مرکز ہے اور د وہ نقطہ ہے جہان تراش مخروط کے کا مرکز ہے اور د وہ نقطہ ہے جہان تراش مخروط کے میں میں اور د دو نقطہ ہے جہان تراش مخروط کے مرد و د کو کا متی ہے۔

[پبرک کالج سِنشدا]

ے ۵۷ ۔ اگرایک محزوط کی دو تراشوں کا مرتب مشترک ہو تو ناست کرو کہ تراشوں کے خاص د تروں (معدلون) کو آپس میں دہمی نسبت ہے جواُن کے حروج المرکز د نکو آپس میں ہے ۔

[جيسس الجيشف!]

۸ ۵۷۹ - نابت کرو که اُن تمام مستوی تراشوں کے مرکزوں کا طریق جن کے مرکزوں کا طریق جن کے مرکزوں کا طریق جن کے مرکزوں کا ایک قائم مستدیر اسطوانہ ہے ۔ قائم مستدیر اسطوانہ ہے ۔ [جن کا بیششا]

م مه سنا بنت کرو که این تمام تراشوں کے مرکز جن کے

اصغرمحورون کا طول ایک ہی ہوایک ایسی سطح پر و اقع ہو تے ہیں جوایک بدلولی کو قاطع محور کے گرو مجرانے سے حاصل ہوتی ہے۔

ایک ملیلی مخروط نبانا منظور ہے جو دو و کے بوے واروں میں سے گزرے، یہ دارے مخلف طور میں واقع ہیں، معلوم کرو کہ اس عل کے لیئے کیا مشرا کط منروری ہیں۔

[ترنتي كالج منكفه]

ا44۔ ایک بلیلی کمجاظ مقدار اور مقام کے ویا ہوا سے نا بت کروکہ اُن کا تُم مخروطوں کے رالیوں کا طریق خبیں سے کمپلیجی مذکور کا ٹا جا سکتا ہے ایک ندلو کی ہے جو کمپلے کے ماسکوں میں سے گزرتا ہے ^ہ

معلوم کرو کہ ایک قائم محزوط کو ایک مستوی سطے کے ذریعہ کس طرح کا ٹا جائے کہ تراش ایک بلیلجی ہو جس كا خروج المركز دباً مواب اورجس محم محور اعظم كا طول بھی معلوم ہے ۔

[كتيمرين كالج محثث] سلام - ایک مخ وط کا زاوی راس قائم سیم اس کو ایک منوی سطح سے کاٹا گیا ہے منابت کروکہ مراش کے جو دو تاسی کڑے ہیں ان کے نمیقطروں کے محبو عد کا مربع ٔ تراش کے محوروں تے مربعوں کے محبوعہ کے برابر ہے ۔ ایتر ہوس ساٹ ڈا

۲۷۱۳ دوقائم متدیر مخروطوں کے راس ایک دوسرے رمنطبق ہوتے کہ ادران کے راسی زاویئے قائمیے ہیں نیزائکا میں مکومینی خطامنترک ہے اگر ایک ہی سطے مستوی سے ہر ایک مخروط کو کاٹا جائے تو ایک تراش کامحورا صغر دوسری تراش کے مزدوج محورکے برا بر ہوگا۔

[کلیر کالج ملاشقا]

447م ۔ نابت کروکہ ایک تا نم مستدیر مخروط کی شکھی تراشوں کے وتر خاص من فاصلوں کے تمناسب ہیں جو تراشوں کے روئس اور مخر دط کے راس کے درمیان ہوں -

[ترنتي كالج سيميدا]

۱۹۷۸ ۔ گائم متدیر مخروطوں کا ایک سلسلہ ایسا ہے کہ اس سلسلہ کا ہمرایک محزوط ایک سلسلہ ایسا ہے کہ اس سلسلہ کا ہمرایک محزوطوں کے راسوں میں سے گزرتا ہے ، ٹا بت کرو کہ مخروطوں کے راسوں کا طریق ایک ہلیجی ہے جس کا خروج المزکر ہاتا ہے ۔ کا طریق ایک ہلیجی ہے جس کا خروج المزکر ہاتا ہے ۔ کے داشان ا

کہ ہم۔ دو متقاطع کڑے ایک تائم مخروط کے اندربائے گئے ہیں زبینی اس کو واخلاً مس کرتے ہیں) اور انٹا ایک مشترک نقطہ ن ہے ' تابت کرو کہ ن پر کی ماسی تطحیں ا مس متقر خط سے ساوی زاوئے بنائی میں جو نقطہ ن کو مخروط کے راس سے وصل کرا ہے ؛

ریں ہوں سے ہ ۱۹۸۸ ۔ اگرایک قائم متدیر مخروط کوائیسی مستوی سطح سے کامل جائے جوز تو محد کے متوازی ہو اور نہ ہی اُس برعمو و

ہو تو ماہت کرو کہ ہر صورت میں تراش ہملیجی ہوگی ایون کا بر سائدا

۲۷۹۹ ایک قائم مخروط کو کا طنے سے مختلف بنہ کو لی ترامشین حاصل کی گئی ہیں اُن تراشون کے محور مساوی ہیں (اور سب کے اعظم محور ایک مہی سطح میں واقع ہیں)

ہیں (اور سب کے اعظم محور آیک ہی سطح میں واقع ہیں) ناہف کرو کہ ان تراسٹوں کے مرکز وں کا طریق ایک نہلولی سطے [میھرن کا بع سنٹیڈا]

ہ کہ ہ ۔ ایک مخروط کی الیسی شلجی ترامسٹس معلوم کرو جیکے وتر خاص کا طول ایک دی ہوتی مقدار کے مساوی ہو۔

ترخاص کا طول ایک دئی ہو ئی مقدار سے مساوی ہو۔ [ترنتی ہوس کشفہ]

ا یه - ٹاسٹ کروکہ ایک قائم مخروط کی ہمیلجی ترانسٹس کا محدراصغرائن عمودوں کا وسط تناسب ہے جر ہمیلمی کے راسوں سے مخروط کے می رکنا لیے جائیں واگر محذوط

راسوں سے مخروط کے محور پڑھا کے جائیں ، اگر محزوط کا راس رہو اور ﴿ وہ نقطہ ہو جہان محزوط کا محور تراش کے محور اعظم 1 1 کو کا عمارے ، تو نابت کرو کہ (ترتى كالج النفل

۲۷۲ - ایک قائم متدیر مخروط کو متوازی مستوی سطوں سے کا کرند اولی تراکشوں کا ایک سلسلہ حاصل کیا گیا ہے۔ ایک ساسلہ حاصل کیا گیا ہے۔ ایک ساسلہ دی دائرے ایک سے امدا دی دائرے ایک

ا یسے قائم مخروط پر واقع ہوتے ہیں جس کا قاعدہ ایک لمیلی ہے جو دیئے ہوسئے لمیلجی خطوں کے متشابہ ہے۔

[ترنتی ہوس سیمیدا]

سے بڑے ہوں تو ٹا بت کروکہ ان خروج المرکز وں کے مٹکا میوں کے مربعوں کا مجوعہ ایک کے برابر ہیے -

وترنتي كالج مشثدا

مہریم ۔ ایک دیا ہوامتی خط مخروط کے محور پر عمود ہے معلوم کروکہ نس طرح سے ایک تراش حاصل کی جا سئے مب کا مرتب پیمتی مخط ہو

[كوين كالج مضمنا]

۵ مرم می ایک قائم متدیر مخروط اور ایک بلیلی دو نوال دیت روئے میں بلیلی کو اسطرح رکھو کہ وہ مخروط کی ایک میتوی تراش موجائے ۔ موجائے ۔

۲ ۲۴- منابت کروکه محزوط کی ایک مستوی زاش کا وترخاص ایسے برلتا ہے جیسے وہ عمود جو محزوط کے راس سے تراش کی سط پر نکا لا جا ہے ۔

[ترنتي كولج مستممرا]

ع ١٧٥- اگرايك مخروط كى دومستوى تراشون كامرتب منترک ہو تو نابت کرو کہ ان کے ماسکوں کو ملانے والا خط تخروط کے محور میں سے گزر تا ہے۔

[كوين كالج سمثلا]

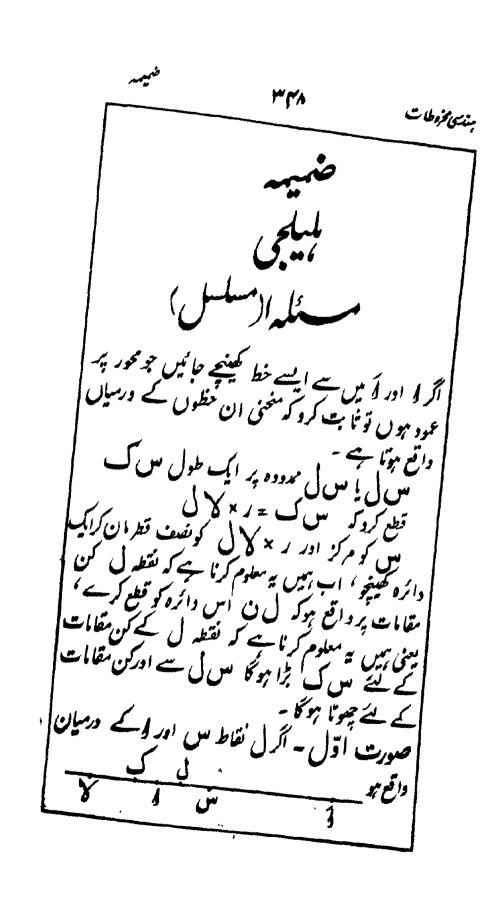
ایک مخروط کا راسی زاویه تا کمه سبے ایک متوی تراش کے محور اعظم پر مخروط کے راس سے ایک عمود کا لا كيا ہے اور يه محوراً عظم كو دو مصول من تقيم كراہے ، تأسبت كروكه تراش كالنيم وترخاص ان دو حصلو س كاوسط تناسب ہے۔

[كيقرب كالي سيمدا]

معم - ومخروطوں کا راس منترک ہے ، ان کے محور ایک دوسرے سے زاویہ قائمہ بنائے ہی اور ان کے داسی ڈاویوں کا مجوعہ دو گا موں کے برابر مسے ایک مستوی سطے جومحوروں میں سے گرورتے والی سطّح پر عمود سب ان مخزو طور کو کامتی سبے ، نابت كرو فكم لمليمي ترامسنس كے كئى ايك اسكر كے فاصلے نولولی تراش کے ماسکوں سے بالتر تیب مساوی ہیں اُن فا صلوں کے جو مخروط کے راس اور ہر ایک تراش کے قاطع محروں کے در میان ہیں، نیز نابت کروکہ نیم مزووج محوروں کے مربوں کا مجوعہ ان فاصلوں کے حاصل فزب کے برابرہے۔

ارتنی کالج سیشدا ا ۱ در ایک محزوط کی تراش کا موراصغر مستقل ہو تو نابت کرو کہ اس کا مرکز سطح نبر لولی نما بالتدویر بر واقع ہوتا ہے۔

[بميسس كالج سمثا]



444

قسك=ر×للا >ر×لاا ياسا نہ میں ک سے س ل اگرل نقاط س اور لاکے در میان تر سک = ر × لال س آ = ر× لاآ عمل تغری سے ک ؤ = ر × ل ؤ < ل أ ن سکے سل اگر ل س را مدوده پر واقع ہو 8 6 0 تو سک = 1 × لال 18 × 1 = 1 m ن عمل تغریت م آک = ر × ال ح ال اگر ل نقاط 1 اور کا کے درمیان واقع ميو-でのフェノ×レメーニンとしょ」 ن سک حسل سورت یخمر اگر آن مس کا مدوده پر و اخ ہو۔

منهمر

ندسي مخروطات ۳۵. نے تابت کردیا کہ اگر ل نقاط اوار اور اور کا کے ا کو یر 'وازقع ہو تو دائرہ عمور ل ن کو قطع کرتا ہے، لیا بابرواق مبوتويه وائره اس عمود كو قطع نبيس وم ہوا کہ اگر ہ اور ہ میں سے ایسے دو خط

تو تابت كروكم منعنى ان خطول كے بالك واقع بوتا ہے۔ س ل یا س ل میدوده پرایک طول ش کی ایسا تطع کروعکه س کو مرکز اور ر× ل کا کو نصف قطرمان کر ایک مینچو، اب یه دیکھنا ہے کہ نقطہ ل کن مظا ہوکہ دائرہ مذکورہ عمود ل ن کو قطع کرسکے مینی بیمعلوم كرنا ہے كه ل كے كن مقامات كے لئے س ك را ہوگا س ل سے اور کن مقامت کے لئے چھوٹا ہوگا۔ ورت اول اگر ل نقاط ا اور لا کے درسیان

ك=ر×للاحر× الا! سا نہ سک سے س ل ہ دوم آگر ل نقاط کا اور کا کے در سیان واقع ہو 1 X × 1 = 1 W ن عمل تفریق سے ک ائع رندل او کل آ ير سک حسل اگر لی اس فی مدوده پرواقع ہو س ک = 1 × لال 18x1= 10 ن عمل تغریق سے وَک = ر × اَ ل ح اَ ل س کے س ل اگر ل نقاط 1 اور می کے درسیان

= L × L X > L × 1 X ! m 1 سسس ر الال > لال > الله المال نے یہ نابت کرویا کہ اگر ل تقاط 1 اور 1 کے ر سیان محور کے کئی مقام پر واقع ہو تو دائرہ مذکورہ و کی مور پر 11 کا دور اگر ل، محور پر 11 کا دور اگر ل، محور پر 11 کا بابر واقع موتو دائره عمود كو قطع كرتاسي أبيس بوا كه اگر لا اور لا ميست بالترتيب وو خط نھیے جائیں جو محور پر عمود ہوں تو ہذاو کی با نتام ان ا کے آہر واقع ہوتا ہے شقی مثالوں کے حل کرنے میں ذیل. ۱- اگر شلجی کا کوئی وتر ن ون معطر ال ل کو نقطه و پر ملے اور اس نظر کے معین ن ل اور ن ل ہور

1 L× 1 L = 10 ۲- مسكه ١٤ كي شكل ميس أكر نص پر عمود ق د تكالا مائے تو ی کے ہم آس بدن ص دیکیوسئلہ،استا شلحبی کا ایک ماس دو دیگر ماسوں کے جو حصتے کرا ہے اُن کی ہا ہمی شبت ہمیفہ متقل رہتی ہے (دیکیوعملیات ۱۱) مم – اگر دو ٔاست خطوں و ن ، و ن کو نقاط ما اور ما س طخ تقیم کیا جائے کہ وما اور وما ایک تابع می ارتباط کا که × وما + مه × وما = ا کے درمیر ہم منسکک ہوسکیں تو ناہت کرو کہ میا میا ایک ایسے کو لف کرتا ہے جو ون ، ون کوس کرتا ہے۔ بی مثله کی رُوست اس الغ وما + وما = 1 ر × وما + مد × وما = ١ $b = \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$

مدی روس ایک نابت نقطہ ہے ، ایک نابت ستقیم خطا و ما پر ایک نقطہ ما ایا گیا ہے اور س ما پرمان مائم کیا گیا ہے ۔ نابت کرو کہ مان ایک ایسے ناجمی کو لف کرتا ہے جس کا اسکہ س ہے اور جس کے راس پر کا ماس ایما ہے

رکا ماس وها ہے اسلام الک خابت نقطہ ہے ایک خاب سمتھیم خطا وی پر ایک نقطہ و لیا گیا ہے اور وق 'وس سے ایک منتقل زادیہ (عمر) بنا تا ہے 'وق ایک ایسے فالم کو مس کرتا ہے جب ان زروق کو ایک خابت نقطہ ق پر مس کرتا ہے جبان زراویہ مس ق و = عمر

[یه ایک مسئله عامه ہے جس کی خاص صورت آخری مسئله ہے کی یہ مسئلہ ۱۳ کا عکس ہے] کے ۔ دو تابت متقیم خط و ق ' و ق مبیں ، ایکے درسان

ایک نقط س ہے آیک خط تی تی ایساً تھینیا گیا ہے کہ ح تی س تی = ۱۱ - ق و تی ک تی تی کا نفاف ایک ایسا شامجی ہے جس کا ماسکہ س ہے اور جو و تی کو ایسا شامجی ہے جس کا ماسکہ س ہے اور جو و تی کو

مس کرتا ہے۔ مس کرتا ہے۔ ۸ ۔ ماسی مثلث کا مرکز عودی مرتب پر واقع ہوتا ہے [دیکوعملیات ۱۲]

مخروطى تراشين

ا- اگر ن برکا ماس مرتب کو سے پر اور وٹرخاص کو ک بر اے تو س ک : س سے یہ ر

[ویکہو بزلو بی کے مسئلہ ۱ کی مثالیں] سرم میں میں میں میں اس

۱- ایک دمنے ہوستے دائرہ کا ایک ثابت قطر 14 جرد دو نقط س مس مرکز سے متساوی الفصل ہیں مس ما ا س ما متوازی ستقیم خط ہیں جو دائرہ کو ما ا ما پر لیتے

ں ہی تب ہیں تب (۱) اگر س' میں دائرہ کے اندر ہوں تو ماما کا نقا

ایک ہلیامی سے ۔

رم) اُگر س' سَ دائرہ کے باہر ہوں تو ماما کا نفا ایک بدلولی ہے جس کا امدادی دائرہ کا زرہ معلومہ ہے یا اگر س م سَ دو ناہت مصطے ہوں اور س ما

س ما دو ایسے موازی خطہوں کہ س ما مس ما میں مما عستقل مقدار نو مامکا کا نفاف ہلیجی ہوگا اگرس م اور س مما خط س س کی ایک ہی جا بب میں مین مین جائیں اور بفاف ہدلی ہوگا اگر س ما' س ما خط

بران سے کے متقابل جا نہوں میں کھنچے جائیں۔ س س کے متقابل جا نہوں میں کھنچے جائیں۔

[وكميه ومستله لمبيكي ١٠ اووستك بولولي ١١

س ہے د اسلام اللہ کے دو اللہ متقیم خط ہیں اور د کے اسطرح کھینی کیا ہے کہ کے ج د کے کا رقبہ ہمینہ مستقل ہونا ہے کہ کا رقبہ ہمینہ مستقل ہونا ہے کہ کا رقبہ ہمینہ مستقل ہونا ہے کہ کا رقبہ متقارب ج ک اللہ کے کا رقبہ متقارب ج ک کی میں ۔

ج کہ ہیں ۔

[دکمہومئلہ خولی اس]

ایک بذلولی موتا ہے ۔ ایک فرق معلوم زاویہ قائمہ کے برابر ہو تو طریق ایک

قایم ذکونی ہوٹا ہے

[دیمیومدیات ۳۳۵] ه به مهم ماسکه مخزوطی تراشوں کا ایک نطام ویا ہوا ہے مرم مل میں نفر کے ایک نشان میں ایک نشان میں ایک کا ایک نشان کا ایک نشان کا ایک نشان کا ایک کا ایک کا ایک کا کا

ایک مخراطی تراش کو ایک نابت منتقیم خط دو نقطوں بر منا ہے، اگران نقطوں برعا و تحضیج کا میں تو نابت کرو کہ ایکے تقاطع کا طریق ایک منتقیم خط ہے۔

ادیمہوشال ۴۲۰ ا ۱۷- ایک دیئے ہوئے متقیم خط کے قطبوں کا طریق بلحاظ ہم ماسکہ محزوطی تراسوں سے ایک نظام سے ایک متقیم خط ہوتا ہے۔

خط ہوتا ہے۔ نوطن کرو کہ 1 ب دیا ہوا متقیم خط ہے ، وہ ہم ماسکہ تراش کمینجو جو 1 ب کو ن پرمس اکرے 1 ب پرعمود

قائم كروى إلى ب كاقطب بلجاظ اس بمرما ، ن جعا مینی یه ن گ پروافع ہوتا ہے' ، ماسکہ کے مماس ن طر' ن طر کھینچو۔ لاب' ن ک ں ن نس کی تنصیف کرنے میں اسکئے وہ زاور ن ط کی منصیت کرتے ہیں بینی معلوم مواکہ آ ب ا سلئے 1 ب ، ن گ مزدوج ہیں ملحاظ اس مخروطی ترام کے جس کے ماس ن ط ن ظ ہیں اسلنے 1 ب کا قطب بلحاظ اس تراش کے ن گ پر واقع ہوتا۔ مخروطی تراش پر کے ایک نقطہ کو ترایش پرکے ، کو قاطع (خط) ما ن کرمینل کے راس کو بدلو لے جاؤ اس مینل کے زاوے م قل ہیں کیونکہ یہ اس منیل کے زاویوں کے نصف ہیں ی مخروطی ترا نئس کے حار ٹاہت نقطوں پر ں محتیجے حابئیں اور ایک آور ماس انکو حار تقطول پر ملے تو اس وسعت کی غیر موسیقی نسبت م [متكانى كرو]

الم ایک مدس ایک مخروطی تراش کے افر سنائی اسے تو متقابل اصلاع کے جو تمین زوج ہیں ان کے اسکال مسلم ایک متقابل اصلاع کے جو تمین زوج ہیں ان کے بن نقاط تقاطع ایک متقیم خط پر واقع ہونگے سیاسکالی می مخروطی خل بنا تو حبہ من متقابل اصلاع کے دو زوج متوانہ ول اسکے بعد قائم تظلیل کے ذریعہ شکل کے فلل کو اگرہ بنا کو وغیرہ ۔

اگرہ بنا کو وغیرہ ۔

اگر ایک مسدس ایک مخروطی تراش کے گرو بنائی بنا سے تین قط ایک دو سرے کو ایک نقطہ پر بنائی طع کرنے گے۔

[بران شان کامسکلہ]

طع کرنے کے ۔

[بران شان کامسکلہ]

ا۔ ایک دائرہ کا مرکز و ہے، نابت کروکہ اس کا قطبی مٹکافی الجاظ کسی نقطہ (سس) کے ایک مخروطی تراش ہے جسکا ماسکہ سس ہے، اور نظیری مرتب و کا قطبی مٹکا فی ہے اور خروج المرکز سس و اور وائرہ کے نصف قطر کی با ہمی بت کے برابر ہے ،

الله الله الله نظام کے دائروں کا اصلی محور ایک ہی ہو تو نا بت کرو کہ ایکے تطبی متکانی باطط ایک انتہائی نقطہ کے ہم ماسکہ مخروطی تراشیں ہوگی-

تمام شد

مبندسی مخروطات -----(۹۰)

A

Abscissa	فصله		
Aliter	متبادل ثبوت		
Alternate segment	متأدل قطعه		
Analysis	تخليل		
Angular point	نقطهٔ راس		
Anharmonic (Range, pencil)	غيربييقى وعت ببنيل		
Auxuliary circle	امدادی داشره		
Asymptote	متقارب		
Asymptotic (cone, circle)	متقارب (مخروط داشره)		
Axis (Axes)	مور - محاور		
Axial plane	مورى سطح		

B

Bead

منك

Conjugate diameters

مندی مخرمطات مزدوج بزلولی Conjugate hyperbola Conoid Construction Contact Conoidal Surface Corresponding points Corresponding chords Correspondence Curve (8) Curve of Section Curvilinear Quadrilateral **Oylinder** Cylinderoid

Diagonal

Diameter

Divide harmonically

Directrix (ices)

Director Circle

Double Ordinate

D

نظر اقطار فطر اقطار موسیقی نسبت می تقتیم کرد مرتب مرتبات مرتب دانشره وگنام معین تبرست جمطلامات Drawing pins Duplicate ratio Dimensions E Eccentricity Endless String Enunciation Ellipse Elliptical (functions, integrals) Ellipticity Ellipsoid Elliptic section of a cone Envelope (V.N) Exterior angle External angle External bisector Equi-conjugate (diameters) F

Family of a curve

فبرست اصطلاحات	٥	<i>ېندسې څو</i> و لمات
Feet (of a perpendicular)		جدی دوات پاوں - پائین (عودکے)
Focus		بأسكه
Focal distance		ماسكى فاصلے
Focal Sphere		ماسكى كرە
	*******	•••••
	G	
Generating line		تلون <i>ني خط</i> مکون
Generator		مكون
Geometrical Conics		<i>ېندسي مخروطات</i>
•••• 9 •••• n		•••••
	Н	
Harmonic section		موسيقى تقتيمر
Hyperbola		قطع زائر نبرلولي
Hyperbolic		ئېرگولى
Hyperboloid		بذلولي نخا
Hyperbolic Paraboloid		بذلولي شلجي نا
Hyperbolic section		بذلولي تراش
Hyperdoloid of Revolution	n	ہدلولی تراش تدویری ہدلولی نا
***********	-,	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
	I	
Image		مکس

Intercept (S) Internal Bisector Latus Rectum Loous Linear Dimensions Linear relation Limiting points M Major axis Maximum (ma) Mean Proportional Minor axis Minimum (ma) Mechanical Construction Metrical Properties

N

Normal .

• **F**

Ordinate

Orthogonal Projection

Orthocentre

معنین قائم مرزعودی

P

Problem

Parabola

Parabolio

Paraboloid

Point of contact

Projection (8)

Project

Pole

Polar

Polarity

Parallel Ruler

Principal Axis

Polar Reciprocal

سمییہ قطع مکافی شلجی دا

شلجى نما

تنظلیل خل - نطلال

تظلیل کرو قطب

قطبی

متبیب متوازی سیشطر

فادراوليه

قطبى سكافى

فهرست اصطلاحات	<i>بخودطا</i> ت
C)
Quadrants	ات
***********	•••••
R	}
Radius Vector	طرستي
Radical Axis	المحد
Rider	ن <u>م</u> ن
Rectangle (contained by Segr	nents) (سطوم)
Rectangular Hyperbola	م رېزلولي
Rectilinear	ا تقیم
Right Circuler Cylinder	نرمت کراسطوان
Rotors	ر ری دوریات
Roll	<i>عكنا</i>
Revolve	رُگانا
Reciprocate	يا في كرنا
Range	ت ۔
**********	*****
S	
Scalar (quantities)	الىمقدارس
Soslars	ان مقداریں جبات دورخاص
Semi Latus Rectum	وترفاص

فبرست اصطلات	4	م <i>ېنىتى قۇد</i> ڧات
Semi conjugate diame	ters	نيم مزدوج قطر
Similiar and Similiarly	7	شكلًا و وضعاً متشابير لمجي
Situated Parabola		ختطا و وصعا مشابه بنی
Sub-tangent		زيرماس
Sub-Normal		زيرعاد
Supplementry Chords		يحميلي اوتار
Symmetry		تشاكل
Symmetrical		متشاكل
,		
	T	
Tangent		محاس .
Tangent triangle		ماسى مثلث
Tangential		ماسی
Transverse Axis		قاطع محور
Transversal		قا لحق
Triads of lines		خطون كاثلاثيه
• • • • • • •		.,
	V	
Vertex (ioes)		راس (رؤس) سمتی ۔سمتیات
Vector (S)		سمتى يسمتيات

DUE DATE

CI No. Side Acc No. 16-25 Late Fine Ordinary books 25 p. per day, Text Book Re 1 per day, Over night book Re 1 per day			
Re 1 per day	, Over night boo	k Ke 1 per day	
,			
i			
ı			